

نظري الهندسة

١ متوسط المثلث: هو القطعة المستقيمة المرسومة من رأس المثلث وتنصف الضلع المقابل لهذا الرأس.

٢ متوسطات المثلث تتقاطع جميعا في نقطة واحدة.

٣ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة ١ : ٢ من جهة القاعدة ، وبنسبة ٢ : ١ من جهة الرأس.

٤ في المثلث القائم: طول المتوسط الخارج من الزاوية القائمة = نصف طول الوتر

٥ في المثلث القائم: طول الضلع المقابل للزاوية ٣٠ = نصف طول الوتر

٦ في المثلث المتساوي الساقين زاويتا القاعدة متطابقتان (أي متساويتان في القياس)

٧ إذا تطابقت زاويتان في مثلث فإن الضلعين المقابلين لهاتين الزاويتين يكونان متساويان في الطول.

٨ إذا كان المثلث متساوي الأضلاع فإن زواياه الثلاثة تكون متساوية في القياس وقياس كل منها = ٦٠°

٨ إذا تطابقت زوايا مثلث فإنه يكون متساوي الأضلاع.

٩ المثلث المتساوي الساقين الذى إحدى زواياه قياسها ٦٠ يكون متساوي الأضلاع

١٣ في المثلث المتساوي الساقين: المتوسط المرسوم من الرأس ينصف زاوية الرأس ويكون عموديا على القاعدة.

١٤ في المثلث المتساوي الساقين: منصف زاوية الرأس ينصف القاعدة ويكون عموديا عليها.

١٥ في المثلث المتساوي الساقين: المستقيم المرسوم من الرأس عموديا على القاعدة ينصف كلا من القاعدة وزاوية الرأس.

١٦ محور تماثل القطعة المستقيمة: هو المستقيم العمودى عليها من منتصفها.

١٧ أي نقطة على محور تماثل القطعة المستقيمة تكون على بعدين متساويين من طرفيها.

١٨ إذا كانت نقطة على بعدين متساويين من طرفي قطعة فإن هذه النقطة تقع على محور تماثل القطعة.

١٩ عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الساقين محور واحد

٢٠ عدد محاور تماثل الثلث المتساوي الأضلاع ٣ محاور

٢١ عدد محاور تماثل المثلث المختلف الأضلاع صفر

٢٢ إذا اختلف طولاً ضلعين في مثلث فأكبرهما في الطول تقابله زاوية أكبر في القياس من المقابلة للضلع الآخر.

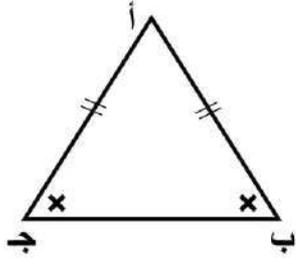
٢٣ إذا اختلف قياسا زاويتين في مثلث فأكبرهما في القياس يقابلها ضلع أكبر في الطول من المقابل للزاوية الأخرى.

٢٤ في المثلث القائم الوتر هو أكبر الأضلاع طولاً.

٢٥ في أي مثلث مجموع طولى أي ضلعين أكبر من < طول الضلع الثالث.

قواعد حل المسائل

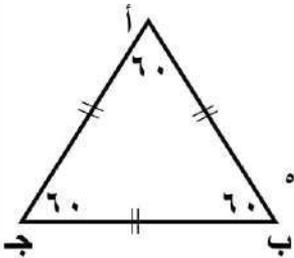
المثلث المتساوي الساقين



$$1 \quad \therefore \text{أ ب} = \text{أ ج}$$

$\therefore \Delta \text{ أ ب ج}$ متساوي الساقين

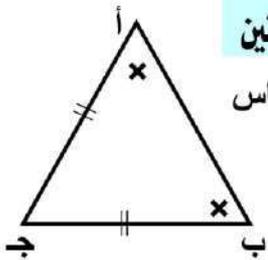
$$\therefore \text{ق} (\hat{\text{ب}}) = \text{ق} (\hat{\text{ج}})$$



$$2 \quad \therefore \text{أ ب} = \text{أ ج} = \text{ب ج}$$

$\therefore \Delta \text{ أ ب ج}$ متساوي الأضلاع

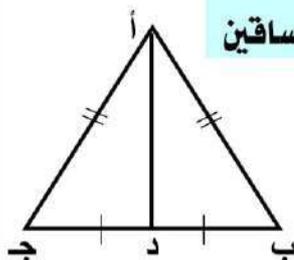
$$\therefore \text{ق} (\hat{\text{أ}}) = \text{ق} (\hat{\text{ب}}) = \text{ق} (\hat{\text{ج}}) = 60^\circ$$

3 لإثبات أن Δ متساوي الساقين

نثبت أن زاويتان متساويتان في القياس

$$\therefore \text{ق} (\hat{\text{أ}}) = \text{ق} (\hat{\text{ب}})$$

$$\therefore \text{ب ج} = \text{أ ج}$$

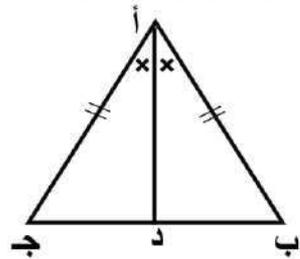


4 نتائج على المثلث المتساوي الساقين

\leftarrow \therefore أ د متوسط

\leftarrow \therefore أ د ينصف $\overline{\text{ب ج}}$

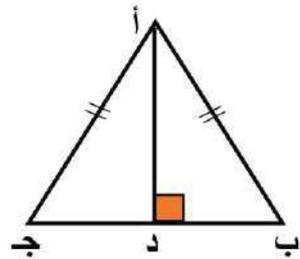
\leftarrow أ د \perp $\overline{\text{ب ج}}$



\leftarrow \therefore أ د ينصف $\angle \text{أ}$

\leftarrow \therefore أ د ينصف $\overline{\text{ب ج}}$

\leftarrow أ د \perp $\overline{\text{ب ج}}$

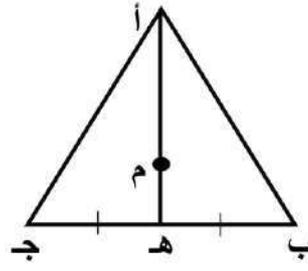


\leftarrow \therefore أ د \perp $\overline{\text{ب ج}}$

\leftarrow \therefore أ د ينصف $\overline{\text{ب ج}}$

\leftarrow أ د ينصف $\angle \text{أ}$

متوسطات المثلث



1 إذا كان أ هـ متوسط

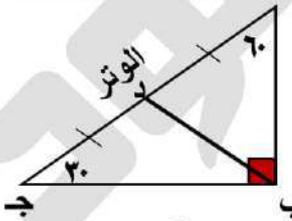
، م نقطة تقاطع المتوسطات

فإن:

$$\text{م هـ} = \frac{1}{3} \text{أ م} \quad , \quad \text{أ م} = 2 \text{م هـ}$$

$$\text{م هـ} = \frac{1}{3} \text{المتوسط أ هـ} \quad , \quad \text{أ م} = \frac{2}{3} \text{المتوسط أ هـ}$$

2 المتوسط الخارج من القائمة والضع المقابل للزاوية 30

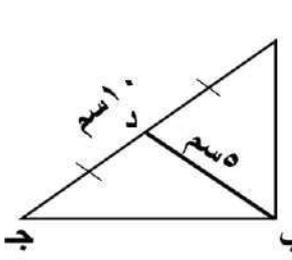


إذا كان أ ب ج Δ قائم

ب د متوسط خارج من القائمة

$$\text{ق} (\hat{\text{ج}}) = 30^\circ$$

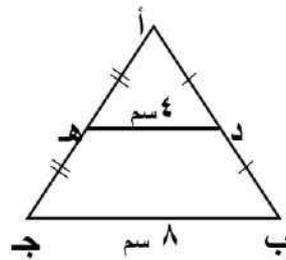
$$\text{فإن: ب د} = \frac{1}{2} \text{الوتر أ ج} \quad , \quad \text{أ ب} = \frac{1}{2} \text{الوتر أ ج}$$



3 لإثبات أن الزاوية قائمة

$$\text{إذا كان ب د} = \frac{1}{2} \text{أ ج}$$

$$\text{فإن ق} (\hat{\text{ب}}) = 90^\circ$$



4

طول القطعة الواصلة بين منتصفي

ضلعين في مثلث =

نصف طول الضلع المقابل

$$\therefore \text{د د هـ} = \frac{1}{2} \text{أ ج} \quad \therefore \text{د هـ} = \frac{1}{2} \text{ب ج}$$

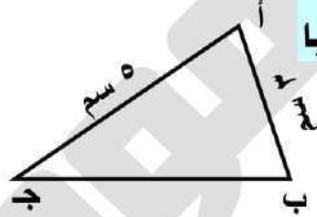
5 محيط المثلث = مجموع أطوال أضلاعه

التباين

1 مسلمات التباين:

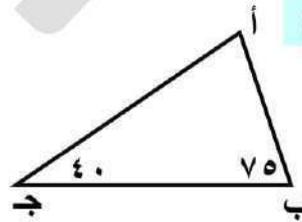
- إذا كان $س < ص$ فإن $س + ب < ص + ب$
- إذا كان $س < ص$ ، $ب = ج$ فإن $س + ب < ص + ج$
- إذا كان $س < ص$ فإن $س - ب < ص - ب$
- إذا كان $س < ص$ ، $ص < ع$ فإن $س < ع$
- إذا كان $س < ص$ ، $ب < ج$ فإن $س + ب < ص + ج$

2 المقارنة بين قياسات الزوايا



- إذا كان: $أ ج < أ ب$
- فإن: $ق (ب) < ق (ج)$

3 المقارنة بين أطوال الأضلاع



- إذا كان: $ق (ب) < ق (ج)$
- فإن: $أ ج < أ ب$

4 الخلاصة

- إذا كان $ضلع < من ضلع$ فإن $زاوية < زاوية$
- إذا كان $زاوية < من زاوية$ فإن $ضلع < ضلع$
- لإثبات أن $ضلع < من ضلع$ نثبت أن $زاوية < زاوية$
- لإثبات أن $زاوية < من زاوية$ نثبت أن $ضلع < ضلع$

5 لمعرفة هل ٣ أعداد تصلح أطوال أضلاع مثلث أم لا: نجمع أصغر ضلعين ونسبب الكبير ونشوف الآتى:

- إذا كان مجموع أصغر ضلعين $<$ الثالث (تصلح)
- إذا كان مجموع أصغر ضلعين $>$ الثالث (لا تصلح)
- إذا كان مجموع أصغر ضلعين $=$ الثالث (لا تصلح)

ملاحظات عامة

1 لإثبات أن الزاوية منفرجة:

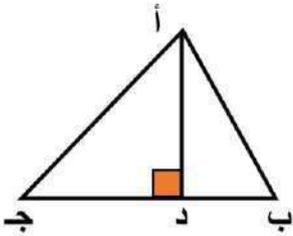
نثبت أن قياسها $<$ مجموع قياسى الزاويتين الأخرين
أو نثبت أن قياسها $<$ مكمالتها (اللى جنبها)
لإثبات أن الزاوية قائمة:

نثبت أن المتوسط الخارج منها = نصف الضلع المقابل لها

2 أكبر أضلاع المثلث طولاً تقابله أكبر الزوايا قياساً

أكبر زوايا المثلث قياساً يقابلها أكبر الأضلاع طولاً
الضلع المقابل للزاوية المنفرجة هو أكبر أضلاع المثلث
الوتر في المثلث القائم هو أكبر الأضلاع طولاً

3 أقصر طريق إلى روما:



$أ د > أ ب$ ، $أ د > أ ج$

4 عند إضافة كميات متساوية لطرفى المتباينة فإنها لا تتغير
فيظل الكبير كبير والصغير صغير والأهلى فوق الجميع

5 قياس أي زاوية خارجة عن المثلث أكبر من قياس أي
زاوية داخلية ما عدا المجاورة لها

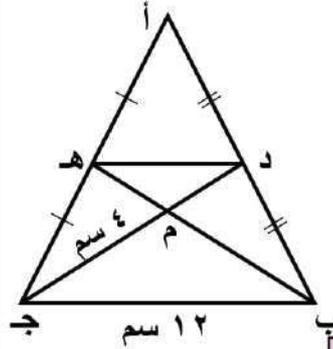
6 لو معلوم عندك طول ضلعين في مثلث وعايز تعرف
الفترة التي ينتمى لها طول الضلع الثالث

اطرح الضلعين واجمعهم وحط الناتجين في فترة مفتوحة
أي أن: طول الضلع الثالث \in ناتج الطرح ، ناتج الجمع]

7 لو عندك طول ضلعين في مثلث متساوى الساقين فإن
طول الضلع الثالث = طول الضلع الأكبر في المعلومين

مسائل محلولة على متوسطات المثلث

١ في الشكل المقابل:



الحل

د، هـ منتصفا أ ب، أ ج

ب هـ = ٩ سم، م ج = ٤ سم

ب ج = ١٢ سم

أوجد محيط Δ د م هـ∴ د، هـ منتصفا أ ب، أ ج ∴ د هـ = $\frac{1}{2}$ ب ج

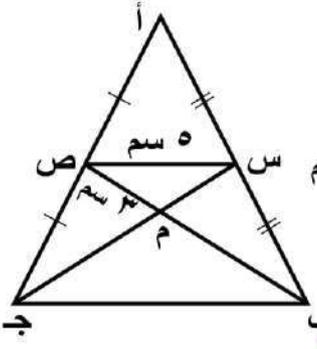
∴ د هـ = ٦ سم

∴ ج د متوسط ∴ م د = $\frac{1}{2}$ م ج

∴ م د = ٢ سم

∴ ب هـ متوسط ∴ م هـ = $\frac{1}{2}$ ب هـ∴ م هـ = $\frac{9}{2}$ = ٣ سم∴ محيط Δ د م هـ = ٦ + ٢ + ٣ = ١١ سم

٣ في الشكل المقابل:



س، ص منتصفا أ ب، أ ج

م ص = ٣ سم، س ج = ١٢ سم

س ص = ٥ سم

أوجد محيط Δ م ب ج

الحل

∴ س، ص منتصفا أ ب، أ ج ∴ ب ج = ٢ س ص

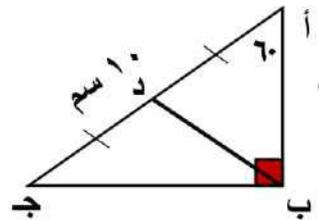
∴ ب ج = ٢ × ٥ = ١٠ سم

∴ ب ص متوسط ∴ ب م = ٢ م ص

∴ ب م = ٢ × ٣ = ٦ سم

∴ ج س متوسط ∴ ج م = $\frac{2}{3}$ ج س∴ ج م = $\frac{2}{3}$ × ١٢ = ٨ سم∴ محيط Δ م ب ج = ١٠ + ٦ + ٨ = ٢٤ سم

٢ في الشكل المقابل:



الحل

أ ب ج Δ قائم في ب

أ ج = ١٠ سم، ق (أ) = ٦٠°

د منتصف أ ج

أوجد محيط Δ أ ب د

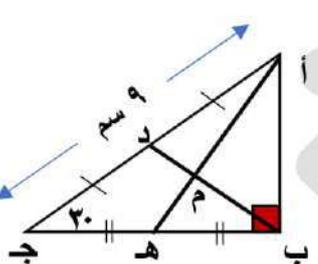
∴ ب د متوسط خارج من الزاوية القائمة

∴ ب د = $\frac{1}{2}$ أ ج ∴ ب د = ٥ سم

∴ ق (أ) = ٦٠° ∴ ق (ج) = ٣٠°

∴ أ ب = $\frac{1}{2}$ أ ج ∴ أ ب = ٥ سم∴ أ د = $\frac{1}{2}$ أ ج = ٥ سم∴ محيط Δ أ ب د = ٥ + ٥ + ٥ = ١٥ سم

٤ في الشكل المقابل:



الحل

أ ب ج Δ قائم في ب

أ ج = ٩ سم، ق (ج) = ٣٠°

د، هـ منتصفا أ ب، ب ج

أوجد طول كل من:

ب د، ب م، أ ب

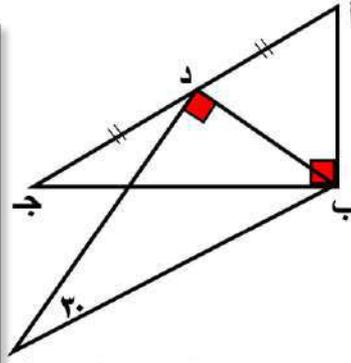
∴ ب د متوسط خارج من الزاوية القائمة

∴ ب د = $\frac{1}{2}$ أ ج ∴ ب د = $\frac{9}{2}$ = ٤,٥ سم∴ ب د متوسط ∴ ب م = $\frac{2}{3}$ ب د = $\frac{2}{3}$ × ٤,٥ = ٣ سم

∴ ق (ج) = ٣٠°

∴ أ ب = $\frac{1}{2}$ أ ج ∴ أ ب = $\frac{9}{2}$ = ٤,٥ سم

٥ في الشكل المقابل:



$$ق(أ ب ج) = ق(ب د ه) = 90^\circ$$

$$ق(ه) = 30^\circ$$

د منتصف أ ج

اثبت أن: أ ج = ب ه

الحل

في $\triangle أ ب ج$:

ب د متوسط خارج من الزاوية القائمة ه

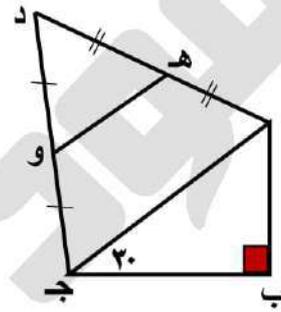
$$\text{①} \leftarrow \text{ب د} = \frac{1}{2} \text{ الوتر أ ج}$$

في $\triangle ب د ه$: $ق(ه) = 30^\circ$

$$\text{②} \leftarrow \text{ب د} = \frac{1}{2} \text{ الوتر ب ه}$$

من ١، ٢ ينتج أن: أ ج = ب ه

٦ في الشكل المقابل:



$$ق(ب) = 90^\circ$$

$$ق(أ ج ب) = 30^\circ$$

ه، و منتصف أ د، د ج

اثبت أن: أ ب = ه و

الحل

في $\triangle أ ب ج$:

$$ق(ج) = 30^\circ ، ق(ب) = 90^\circ$$

$$\text{①} \leftarrow \text{أ ب} = \frac{1}{2} \text{ أ ج}$$

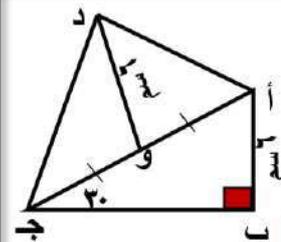
في $\triangle د أ ج$:

ه، و منتصف أ د، د ج

$$\text{②} \leftarrow \text{ه و} = \frac{1}{2} \text{ أ ج}$$

من ١، ٢ ينتج أن: أ ب = ه و

٦ في الشكل المقابل:



$$ق(ب) = 90^\circ ، ق(أ ج ب) = 30^\circ$$

و منتصف أ ج

$$أ ب = د و = 6 \text{ سم}$$

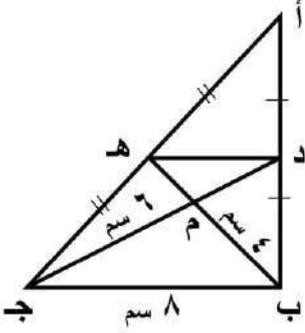
اثبت أن: ق(د) = 90^\circ

في $\triangle أ ب ج$: $ق(ج) = 30^\circ$ ، $ق(ب) = 90^\circ$

$$\text{أ ب} = \frac{1}{2} \text{ الوتر أ ج} \quad \text{أ ج} = 12 \text{ سم}$$

في $\triangle أ د ج$: $د و = \frac{1}{2} \text{ أ ج} \quad ق(د) = 90^\circ$

٧ في الشكل المقابل:



د، ه منتصف أ ب، أ ج

$$ب م = 4 \text{ سم} ، م ج = 6 \text{ سم}$$

$$ب ج = 8 \text{ سم}$$

أوجد محيط $\triangle د م ه$

الحل

$$\text{د د، ه منتصف أ ب، أ ج} \quad \text{د ه} = \frac{1}{2} \text{ ب ج}$$

$$\text{د ه} = 4 \text{ سم}$$

$$\text{ج د متوسط} \quad \text{د م} = \frac{1}{2} \text{ م ج}$$

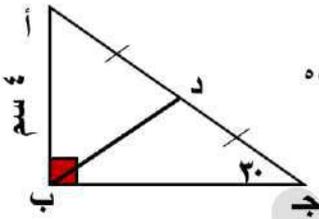
$$\text{د م} = 3 \text{ سم}$$

$$\text{ب ه متوسط} \quad \text{م ه} = \frac{1}{2} \text{ ب م}$$

$$\text{م ه} = 2 \text{ سم}$$

$$\text{محيط } \triangle د م ه = 4 + 3 + 2 = 9 \text{ سم}$$

٨ في الشكل المقابل:



أ ب ج قائم في ب

$$أ ب = 4 \text{ سم} ، ق(ج) = 30^\circ$$

د منتصف أ ج

أوجد: (١) طول أ ج

(٢) محيط $\triangle أ ب د$

الحل

$$ق(ج) = 30^\circ \quad \text{أ ب} = \frac{1}{2} \text{ أ ج}$$

$$\text{أ ج} = 2 \times 4 = 8 \text{ سم}$$

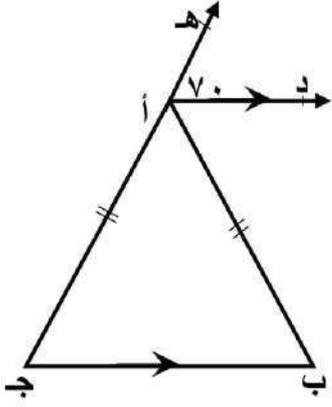
ب د متوسط خارج من الزاوية القائمة

$$\text{ب د} = \frac{1}{2} \text{ أ ج} \quad \text{ب د} = \frac{1}{2} \times 8 = 4 \text{ سم}$$

$$\text{أ د} = \frac{1}{2} \text{ أ ج} = 4 \text{ سم}$$

$$\text{محيط } \triangle أ ب د = 4 + 4 + 4 = 12 \text{ سم}$$

المثلث المتساوي الساقين



٣ في الشكل المقابل:

$$أب = أج$$

$$أد \parallel ب ج$$

$$ق(هأد) = ٧٠^\circ$$

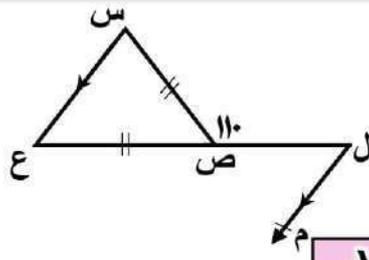
أوجد قياسات زوايا $\Delta أب ج$

الحل

$$أد \parallel ب ج \therefore ق(ج) = ق(هأد) = ٧٠^\circ \text{ بالتناظر}$$

$$أب = أج \therefore ق(ب) = ق(ج) = ٧٠^\circ$$

$$\therefore ق(بأج) = ١٨٠ - (٧٠ + ٧٠) = ٤٠^\circ$$



٤ في الشكل المقابل:

$$ص س = ص ع$$

$$ل م \parallel س ع$$

$$ق(س ل) = ١١٠^\circ$$

$$\text{أوجد ق(ل)}$$

الحل

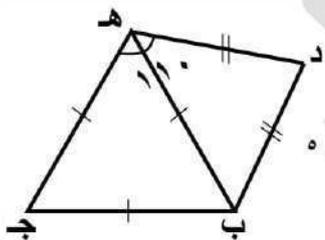
$$\therefore ق(ل ص ع) \text{ الخارجة} = ق(س) + ق(ع)$$

$$\therefore ق(س) + ق(ع) = ١١٠^\circ$$

$$\therefore ص س = ص ع$$

$$\therefore ق(ع) = ق(س) = \frac{١١٠}{٢} = ٥٥^\circ$$

$$\therefore ل م \parallel س ع \therefore ق(ل) = ق(ع) = ٥٥^\circ \text{ بالتبادل}$$



٥ في الشكل المقابل:

$$ه ب = ه ج = ب ج$$

$$د ه = د ب، ق(د ه ج) = ١١٠^\circ$$

$$\text{أوجد ق(د)}$$

الحل

$$\therefore ه ب = ه ج = ب ج \text{ (مثلث متساوي الأضلاع)}$$

$$\therefore ق(ب ه ج) = ٦٠^\circ$$

$$\therefore ق(د ه ب) = ١١٠ - ٦٠ = ٥٠^\circ$$

$$\therefore د ه = د ب$$

$$\therefore ق(د ه ب) = ق(د ب ه) = ٥٠^\circ$$

$$\therefore ق(د) = ١٨٠ - (٥٠ + ٥٠) = ٨٠^\circ$$

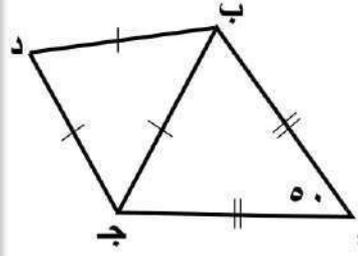
١ في الشكل المقابل:

$$أب = أج$$

$$\Delta د ب ج \text{ متساوي الأضلاع}$$

$$ق(أ) = ٥٠^\circ$$

$$\text{أوجد ق(أ ب د)}$$



الحل

في $\Delta أب ج$:

$$\therefore أب = أج$$

$$\therefore ق(أ ب ج) = ق(أ ج ب)$$

$$\therefore ق(أ ب ج) = \frac{١٨٠ - ٥٠}{٢} = \frac{١٣٠}{٢} = ٦٥^\circ$$

في $\Delta د ب ج$:

$$\Delta د ب ج \text{ متساوي الأضلاع}$$

$$\therefore ق(د ب ج) = ٦٠^\circ$$

من ٢، ١ ينتج أن:

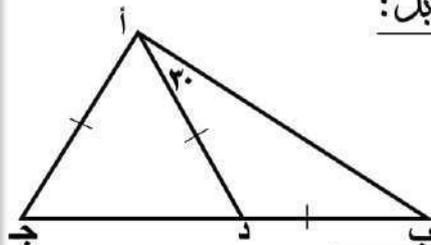
$$ق(أ ب د) = ٦٥ + ٦٠ = ١٢٥^\circ$$

٢ في الشكل المقابل:

$$ب د = د أ = أ ج$$

$$ق(ب أ د) = ٣٠^\circ$$

$$\text{أوجد ق(د أ ج)}$$



الحل

في $\Delta أ د ب$:

$$\therefore أ د = د ب$$

$$\therefore ق(ب أ د) = ق(ب د أ) = ٣٠^\circ$$

$$\therefore ق(أ د ب) = ١٨٠ - (٣٠ + ٣٠) = ١٢٠^\circ$$

$$\therefore ق(ب أ ج) = ١٨٠ \text{ زاوية مستقيمة}$$

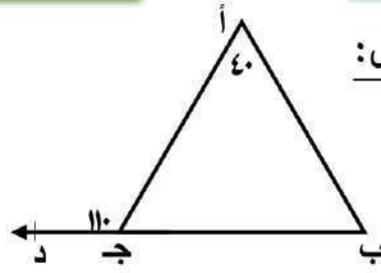
$$\therefore ق(أ د ج) = ١٨٠ - ١٢٠ = ٦٠^\circ$$

في $\Delta أ د ج$:

$$\therefore أ د = أ ج \therefore ق(أ د ج) = ق(أ ج د) = ٦٠^\circ$$

$$\therefore ق(د أ ج) = ١٨٠ - (٦٠ + ٦٠) = ٦٠^\circ$$

٦ في الشكل المقابل:



الحل

∴ ق (أ ج د) = 110° وهي زاوية خارجة عن ∆

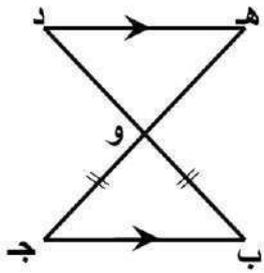
$$∴ ق (ب) = 40 - 110 = 70°$$

$$∴ ق (أ ج ب) = 180 - (70 + 40) = 70°$$

$$∴ ق (ب) = ق (أ ج ب) ∴ أب = أج$$

∴ ∆ أب ج متساوي الساقين

٩ في الشكل المقابل:



الحل

١ ∴ أب = أج ∴ ق (ب) = ق (ج)

$$∴ ه د // ب ج$$

٢ ∴ ق (ب) = ق (د) بالتبادل

٣ ∴ ق (ج) = ق (ه) بالتبادل

من ١، ٢، ٣ ينتج أن:

$$∴ ق (د) = ق (ه) ∴ وه = ود$$

٧ في الشكل المقابل:



الحل

$$∴ ق (د) = 55°$$

$$∴ ق (ب أ د) = 110°$$

اثبت أن ∆ أب ج متساوي الساقين

$$∴ د ه // ب ج$$

$$∴ ق (د) = ق (ج) = 55° بالتبادل$$

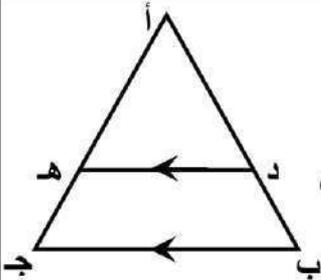
$$∴ ق (ب أ د) = 110°$$

$$∴ ق (ب أ د) = ق (ب) + ق (ج) = 110°$$

$$∴ ق (ب) = 110 - 55 = 55°$$

$$∴ ق (ب) = ق (ج) = 55° ∴ ∆ أب ج متساوي الساقين$$

١٠ في الشكل المقابل:



الحل

١ ∴ أب = أج ∴ ق (ب) = ق (ج)

$$∴ د ه // ب ج$$

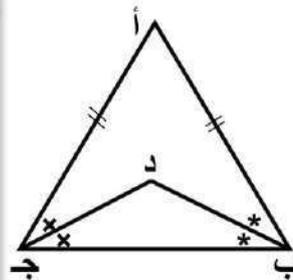
٢ ∴ ق (ب) = ق (أ د ه) بالتناظر

٣ ∴ ق (ج) = ق (أ ه د) بالتناظر

$$∴ ق (أ ه د) = ق (أ د ه)$$

∴ ∆ أ د ه متساوي الساقين

٨ في الشكل المقابل:



الحل

$$∴ أب = أج$$

$$∴ ب د ينصف أ ب ج$$

$$∴ ج د ينصف أ ب ج$$

اثبت أن ∆ د ب ج متساوي الساقين

$$∴ أب = أج ∴ ق (ب) = ق (ج)$$

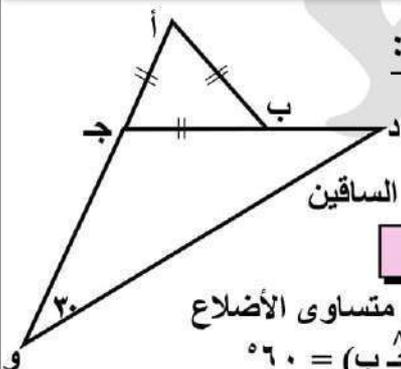
$$∴ ب د ينصف أ ب ج ، ج د ينصف أ ب ج$$

$$∴ ق (ب) = ق (ج) = 30°$$

$$∴ ق (د ب ج) = ق (د ج ب)$$

$$∴ ∆ د ب ج متساوي الساقين ∴ د ب = د ج$$

١١ في الشكل المقابل:



الحل

$$∴ أب ج ∆ متساوي الأضلاع$$

$$∴ ق (أ ج ب) = 60°$$

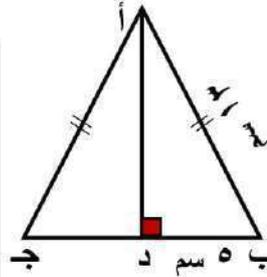
$$∴ وهى خارجة عن ∆ د ج و$$

$$∴ ق (أ ج ب) = ق (د) + ق (و)$$

$$∴ ق (د) = 30 - 60 = 30°$$

$$∴ ق (د) = ق (و) ∴ ∆ د ج و متساوي الساقين$$

١٢ في الشكل المقابل:



أب = أ ج ، $\overline{AD} \perp \overline{BC}$
 أب = ١٣ سم ، ب د = ٥ سم
 أوجد: (١) طول \overline{BC}
 (٢) مساحة $\triangle ABC$

الحل

∴ أب = أ ج ، $\overline{AD} \perp \overline{BC}$

∴ د منتصف \overline{BC}

∴ ب ج = ٢ × ٥ = ١٠ سم (المطلوب الأول)

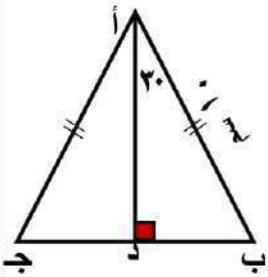
∴ مساحة المثلث = $\frac{1}{2}$ طول القاعدة × الارتفاع

في $\triangle ABC$ القائم: من فيثاغورث

$$AD = \sqrt{AB^2 - BD^2} = \sqrt{13^2 - 5^2} = \sqrt{144} = 12 \text{ سم}$$

∴ مساحة $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 10 \times 12 = 60 \text{ سم}^2$

١٤ في الشكل المقابل:



أب = أ ج ، $\overline{AD} \perp \overline{BC}$
 ق (ب أ د) = ٣٠
 أب = ١٠ سم
 أوجد: (١) طول \overline{BC}
 (٢) مساحة $\triangle ABC$

الحل

∴ ق (ب أ د) = ٣٠

∴ ب د = $\frac{1}{2}$ الوتر أب ∴ ب د = ٥ سم

∴ أب = أ ج ، $\overline{AD} \perp \overline{BC}$

∴ أ د تنصف \overline{BC}

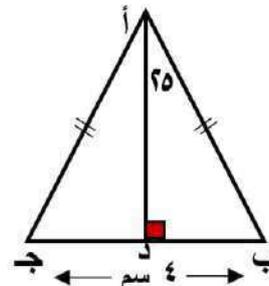
∴ ب ج = ٢ × ٥ = ١٠ سم (المطلوب الأول)

في $\triangle ABC$ القائم: من فيثاغورث

$$AD = \sqrt{AB^2 - BD^2} = \sqrt{10^2 - 5^2} = \sqrt{75} = 3\sqrt{5} \text{ سم}$$

مساحة $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 10 \times 3\sqrt{5} = 3\sqrt{5} \text{ سم}^2$

١٣ في الشكل المقابل:



أب = أ ج ، $\overline{AD} \perp \overline{BC}$
 ب د = ٥ سم
 ق (ب أ د) = ٢٥
 أوجد: (١) طول \overline{BC}
 (٢) ق (د أ ج)

الحل

∴ أب = أ ج ، $\overline{AD} \perp \overline{BC}$

∴ د منتصف \overline{BC}

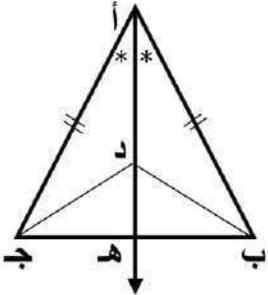
∴ د ج = $\frac{4}{2} = ٢$ سم

∴ أب = أ ج ، $\overline{AD} \perp \overline{BC}$

∴ أ د ينصف \overline{BC}

∴ ق (د أ ج) = ق (ب أ د) = ٢٥

١٥ في الشكل المقابل:



أب = أ ج ، $\overline{AD} \perp \overline{BC}$
 ق (ب أ ه) = ق (ج أ ه)
 اثبت أن:
 (١) ب ه = $\frac{1}{2}$ ب ج
 (٢) د ب = ج د

الحل

∴ أب = أ ج ، $\overline{AD} \perp \overline{BC}$

∴ $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ ، $\overline{AD} \perp \overline{BC}$

∴ ب ه = $\frac{1}{2}$ ب ج (المطلوب الأول)

∴ $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ من منتصفها

∴ \overline{AD} محور تماثل \overline{BC}

∴ د ب = د ج

التباين

١ في الشكل المقابل:

أ ب ج د شكل رباعي فيه
 أ ب = ٦ سم ، ب ج = ٤ سم
 أ د = ٧ سم ، ج د = ٨ سم
 اثبت أن:
 ق (أ ب ج) < ق (أ د ج)

الحل

العمل: نرسم ب د

في $\triangle أ ب د$: $أ ب < أ د$

١ \leftarrow ق (أ ب د) < ق (أ د ب)

في $\triangle ب ج د$: $ج د < ب ج$

٢ \leftarrow ق (ج ب د) < ق (ج د ب)

بجمع ١ ، ٢ ينتج أن:

ق (أ ب ج) < ق (أ د ج)

٣ في الشكل المقابل:

أ ب ج د شكل رباعي فيه
 أ ب = أ ج
 ب د = ٧ سم ، ج د = ٣ سم
 اثبت أن:
 ق (أ ج د) < ق (أ ب د)

الحل

في $\triangle أ ب ج$: $أ ب = أ ج$

١ \leftarrow ق (أ ب ج) = ق (أ ج ب)

في $\triangle ب ج د$: $ب د < ج د$

٢ \leftarrow ق (د ج ب) < ق (د ب ج)

بجمع ١ ، ٢ ينتج أن:

ق (أ ج د) < ق (أ ب د)

٢ في الشكل المقابل:

أ ب ج د \triangle فيه:
 أ ب < أ ج ، س ص // ب ج
 اثبت أن:
 ق (أ ص س) < ق (أ س ص)

الحل

في $\triangle أ ب د$:

١ \leftarrow ق (أ ب ج) < ق (أ ج ب)

س ص // ب ج

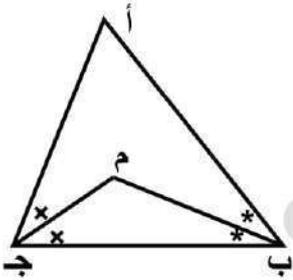
٢ \leftarrow ق (ج د) = ق (أ ص س) بالتناظر

٣ \leftarrow ق (ب ج) = ق (أ س ص) بالتناظر

من ١ ، ٢ ، ٣ ينتج أن:

ق (أ ص س) < ق (أ س ص)

٤ في الشكل المقابل:



أ ب < أ ج
 ب م ينصف ب ج
 ج م ينصف ج د
 برهن أن:
 ق (م ج ب) < ق (م ب ج)

الحل

أ ب < أ ج

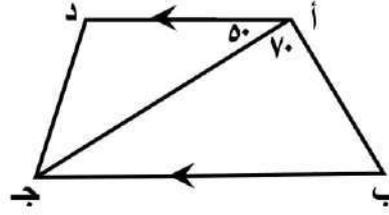
ق (أ ب ج) < ق (أ ج ب)

ب م ينصف ب ج ، ج م ينصف ج د

ق (أ ب ج) < ق (أ ج ب)

ق (م ج ب) < ق (م ب ج)

٥ فى الشكل المقابل:



أد // ب ج
 ق (ب أ ج) = 70°
 ق (د أ ج) = 50°
 اثبت أن:
 ب ج < أ ج

الحل

∴ أد // ب ج

∴ ق (أ ج ب) = 50° بالتبادل

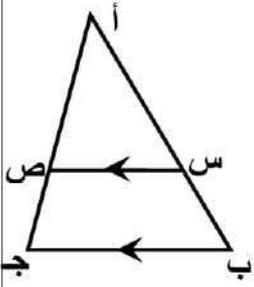
∴ ق (ب) = 180° - (50° + 70°) = 60°

∴ ق (ب أ ج) = 70° ، ق (ب) = 60°

∴ ق (ب أ ج) < ق (ب)

∴ ب ج < أ ج

٧ فى الشكل المقابل:



أ ب ج ∆ فيه:
 أ ب < أ ج ، س ص // ب ج
 اثبت أن:
 أ س < أ ص

الحل

فى ∆ أ ب د:

∴ أ ب < أ ج ∴ ق (ج) < ق (ب) ← ١

∴ س ص // ب ج

∴ ق (ج) = ق (أ ص س) بالتناظر ← ٢

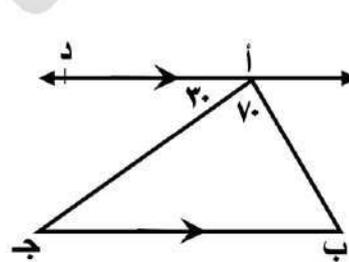
∴ ق (ب) = ق (أ س ص) بالتناظر ← ٣

من ١ ، ٢ ، ٣ ينتج أن:

ق (أ ص س) < ق (أ س ص)

∴ أ س < أ ص

٦ فى الشكل المقابل:



أد // ب ج
 ق (ب أ ج) = 70°
 ق (د أ ج) = 30°
 اثبت أن:
 أ ج < ب ج

الحل

∴ أد // ب ج

∴ ق (ج) = 30° بالتبادل

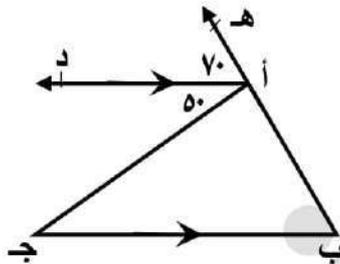
∴ ق (ب) = 180° - (30° + 70°) = 80°

∴ ق (ب أ ج) = 70° ، ق (ب) = 80°

∴ ق (ب) < ق (ب أ ج)

∴ أ ج < ب ج

٨ فى الشكل المقابل:



أد // ب ج
 ق (ه أ د) = 70°
 ق (ج أ د) = 50°
 اثبت أن:
 أ ج < أ ب

الحل

∴ أد // ب ج

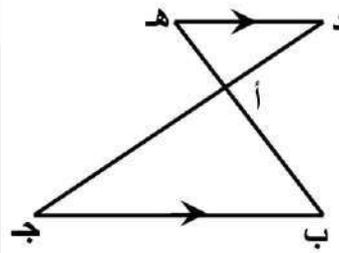
∴ ق (ج) = 50° بالتبادل

∴ ق (ب) = 70° بالتناظر

∴ ق (ب) < ق (ج)

∴ أ ج < أ ب

٩ في الشكل المقابل:



أج < أب

ده // ب ج

اثبت أن: أد < أه

الحل

في \triangle أ ب د:

١ \leftarrow \because أج < أب \therefore ق (ب) < ق (ج)

\because ده // ب ج

٢ \leftarrow \because ق (ب) = ق (هـ) بالتبادل

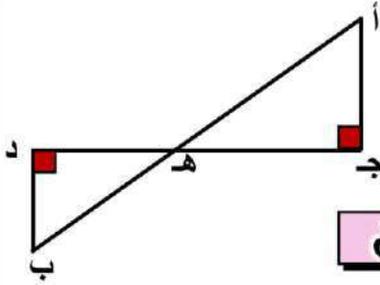
٣ \leftarrow ق (ج) = ق (د) بالتبادل

من ١، ٢، ٣ ينتج أن:

ق (هـ) < ق (د)

\therefore أد < أه

١٣ في الشكل المقابل:



ق (ج) = ق (د) = ٩٠

اثبت أن:

أب < جد

الحل

في \triangle أ ج هـ:

١ \leftarrow \because ق (ج) = ٩٠ \therefore الوتر أه < ج هـ

في \triangle أ ج د:

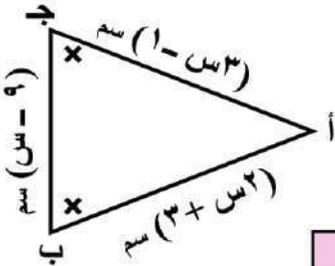
٢ \leftarrow \because ق (د) = ٩٠ \therefore الوتر ب هـ < هـ د

بجمع ١، ٢ ينتج أن:

أه + ب هـ < ج هـ + هـ د

\therefore أب < جد

١٤ في الشكل المقابل:



ق (ب) = ق (ج)

أوجد قيمة س

ثم احسب محيط \triangle أ ب ج

الحل

\because ق (ب) = ق (ج) \therefore أب = أج

$$3 + 2s = 1 - s \therefore$$

$$3s - 2s = 1 - 3 \therefore s = -2$$

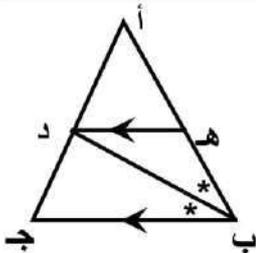
$$أج = 3 - 2(-2) = 7$$

$$أب = 3 + 2(-2) = -1$$

$$بج = 1 - (-2) = 3$$

$$\therefore \text{محيط } \triangle \text{ أ ب ج} = 7 + 3 + 1 = 11$$

١٥ في الشكل المقابل:



هد // ب ج

ب د ينصف أ ب ج

اثبت أن: \triangle هـ ب د متساوي الساقين

الحل

\because هد // ب ج

١ \leftarrow \because ق (هـ د ب) = ق (د ب ج) بالتبادل

\therefore ب د ينصف أ ب ج

٢ \leftarrow \because ق (هـ ب د) = ق (د ب ج)

من ١، ٢ ينتج أن:

\therefore ق (هـ د ب) = ق (هـ ب د) $\therefore \triangle$ هـ ب د متساوي الساقين

١٠ أ ب ج مثلث فيه أ ب = ٧ سم ، ب ج = ٥ سم

أ ج = ٨ سم رتب تصاعديا قياسات زوايا \triangle أ ب ج

الحل

نرتب الأضلاع: ب ج > أ ب > أ ج

ترتيب الزوايا: ق (أ) > ق (ج) > ق (ب)

١١ أ ب ج مثلث فيه ق (أ) = ٤٠° ، ق (ب) = ٦٠°

ق (ج) = ٨٠° رتب تنازليا أطوال أضلاع \triangle أ ب ج

الحل

نرتب الزوايا: ق (ج) < ق (ب) < ق (أ)

نرتب الأضلاع: أب < أج < ب ج

١٢ أ ب ج مثلث فيه ق (أ) = ٥٠° ، ق (ب) = ٦٠°

رتب تصاعديا أطوال أضلاع \triangle أ ب ج

الحل

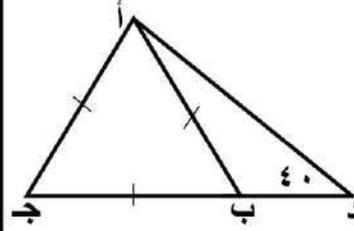
$$ق (ج) = 180 - (60 + 50) = 70$$

نرتب الزوايا: ق (أ) > ق (ب) > ق (ج)

نرتب الأضلاع: ب ج > أ ج > أب

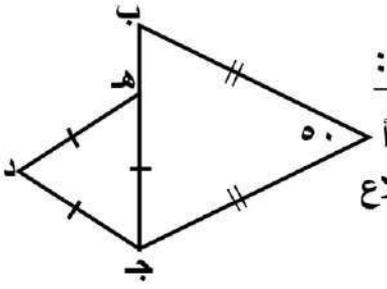
تدريبات عامة

١ في الشكل المقابل:



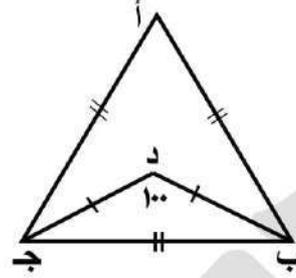
أب = ب ج = أ ج
 ق (د) = ٤٠°
 أوجد ق (د أ ب)

٧ في الشكل المقابل:



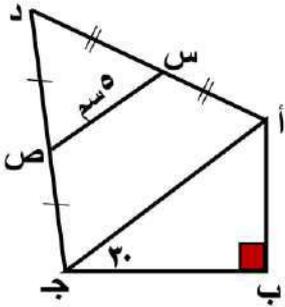
أب = أ ج
 د ه ج Δ متساوي الأضلاع
 ق (أ) = ٥٠°
 أوجد ق (أ ج د)

٢ في الشكل المقابل:



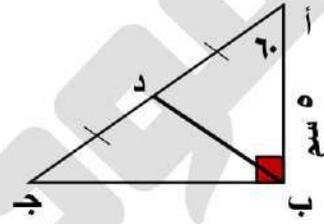
أب ج Δ متساوي الأضلاع
 د ب = د ج
 ق (د) = ١٠٠°
 أوجد ق (أ ب د)

٨ في الشكل المقابل:



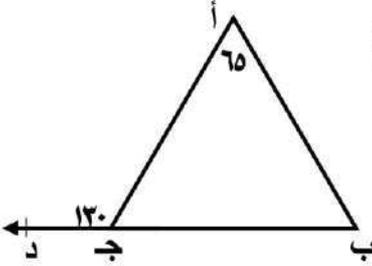
ق (ب) = ٩٠°
 ق (أ ج ب) = ٣٠°
 س، ص منتصفا د أ، د ج
 س ص = ٥ سم
 أوجد: محيط Δ أ ب ج

٣ في الشكل المقابل:



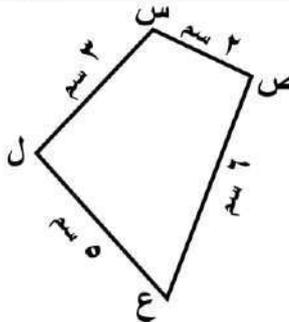
أب ج Δ قائم في ب
 د منتصف أ ج
 ق (أ) = ٦٠°
 أوجد طول كل من: أ ج، ب د

٩ في الشكل المقابل:



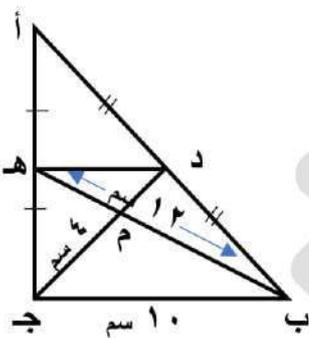
ق (أ ج د) = ١٣٠°
 ق (أ) = ٦٥°
 اثبت أن Δ أ ب ج
 متساوي الساقين

٤ في الشكل المقابل:



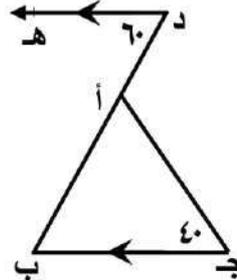
أب ج د شكل رباعي فيه
 س ل = ٣ سم، س ص = ٢ سم
 ع ل = ٥ سم، ص ع = ٦ سم
 اثبت أن:
 ق (ص س ل) < ق (ص ع ل)

١٠ في الشكل المقابل:



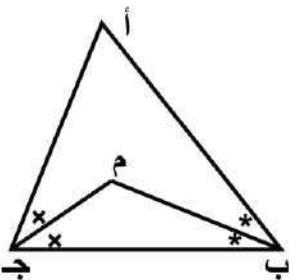
د، ه منتصفا أ ب، أ ج
 ج م = ٤ سم، ب ه = ١٢ سم
 ب ج = ١٠ سم
 أوجد محيط Δ م د ه

٤ في الشكل المقابل:



د ه // ب ج
 ق (د) = ٦٠°
 ق (ج) = ٤٠°
 اثبت أن ب ج < أ ب

١١ في الشكل المقابل:



أب < أ ج
 ب م ينصف ب
 ج م ينصف ج
 برهن أن: م ب < م ج

٦

في Δ أ ب ج إذا كان أ ب = ٧ سم، ب ج = ٥ سم
 ، أ ج = ٨ سم رتب تنازليا قياسات زواياه

١٢

في Δ أ ب ج إذا كان ق (ب) = ٣٥°، ق (ج) = ٧٠°
 رتب أطوال أضلاع المثلث تصاعديا

أكمل ما يأتي:

- 1 نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة من جهة الرأس
- 2 نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة من جهة القاعدة
- 3 نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة ٢ : من جهة القاعدة
- 4 في Δ د هـ و إذا كان ق (هـ) $= 125^\circ$ فإن أطول أضلاع المثلث هو
- 5 في Δ أ ب ج إذا كان أ ب = أ ج ، ق (ب) $= 70^\circ$ فإن ق (أ) =
- 6 أكبر أضلاع المثلث القائم الزاوية طولاً هو
- 7 عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الساقين
- 8 عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الأضلاع وعدد محاور تماثل المثلث المختلف الأضلاع
- 9 أ ب ج مثلث متساوي الساقين فيه أ ب = ٣ سم ، ب ج = ٧ سم فإن أ ج =
- 10 في أي مثلث يكون مجموع طولي أي ضلعين طول الضلع الثالث
- 11 طول أي ضلع في مثلث مجموع طولي الضلعين الآخرين
- 12 في Δ أ ب ج يكون أ ب + ب ج أ ج
- 13 في Δ أ ب ج إذا كان أ ب < أ ج فإن ق (ب) ق (ج)
- 14 في Δ س ص ع إذا كان س ع > س ص فإن ق (ص) ق (ع)
- 15 في Δ س ص ع إذا كان ق (ص) < ق (ع) فإن س ع س ص
- 16 س ص ع مثلث فيه ق (ع) $= 50^\circ$ ، ق (ص) $= 60^\circ$ فإن ص ع س ص
- 17 إذا كان قياس إحدى زاويتي القاعدة في المثلث المتساوي الساقين 50° فإن قياس زاوية رأسه تساوى
- 18 إذا اختلف قياسا زاويتين في مثلث فأكبرهما في القياس يقابلها
- 19 إذا اختلف طولاً ضلعين في مثلث فأكبرهما في الطول يقابله
- 20 إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث متساوي الساقين 60° كان المثلث
- 21 إذا كان إحدى زوايا مثلث قائم الزاوية يساوى 45° كان المثلث
- 22 في المثلث القائم الزاوية طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها 30° يساوى طول الوتر
- 23 في Δ أ ب ج إذا كان ق (أ) $= 30^\circ$ ، ق (ب) $= 90^\circ$ فإن ب ج = أ ج
- 24 متوسطات المثلث تتقاطع جميعاً في
- 25 إذا كان طولاً ضلعين في مثلث ٤ سم ، ٩ سم فإن طول الضلع الثالث \geq

26 زاويتا القاعدة في المثلث المتساوي الساقين

27 المستقيم العمودي على القطعة المستقيمة من منتصفها يسمى القطعة المستقيمة.

28 قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوي الأضلاع تساوى

29 منصف زاوية الرأس في المثلث المتساوي الساقين يكون ،

30 إذا كانت $\Delta \supset$ محور تماثل ب ج فإن أ ب أ ج

31 محور تماثل القطعة المستقيمة هو المستقيم من منتصفها

32 في Δ أ ب ج إذا $\hat{ق} = 100^\circ$ فإن أكبر أضلاعه طولاً هو

33 إذا كان طولاً ضلعين في مثلث ٢ سم ، ٧ سم فإن: > طول الضلع الثالث >

34 طول متوسط المثلث القائم الخارج من الزاوية القائمة يساوى

35 عدد متوسطات المثلث القائم الزاوية يساوى

36 المستقيم المرسوم من رأس المثلث المتساوي الساقين عمودياً على قاعدته ينصف كلا من ،

37 إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث متساوي الساقين 120° فإن قياس إحدى الزاويتين الأخرين =

38 بعد أي نقطة عن مستقيم معلوم هو طول المرسوم من هذه النقطة إلى هذا المستقيم.

39 أ ب ج مثلث فيه أ ب = ب ج ، $\hat{ق} = 70^\circ$ فإن $\hat{ج} =$

40 متوسط المثلث المتساوي الساقين المرسوم من الرأس يكون القاعدة.

41 نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة ١ : ٢ من جهة

42 Δ أ ب ج المنفرج الزاوية في ج يكون فيه أ ب أ ج

43 المثلث القائم الذى قياس إحدى زواياه 45° عدد محاور تماثله هو

44 Δ أ ب ج فيه أ ب = ٧ سم ، ب ج = ١٥ سم فإن أ ج \supset

45 Δ أ ب ج فيه أ ب = ٤ سم ، ب ج = ٦ سم ، أ ج = ٧ سم فإن أصغر زوايا المثلث في القياس

46 إذا كان قياس زاويتين في مثلث هما 50° ، 80° فإن المثلث يكون

47 إذا كان المثلث د ه و القائم الزاوية في ه فيه د ه = $\frac{1}{4}$ د و فإن $\hat{ق} = (و) =$

48 إذا كان قياس زاوية الرأس في مثلث متساوي الساقين 80° فإن قياس إحدى زاويتي القاعدة =

49 أ ب ج مثلث فيه أ ب = ب ج = أ ج فإن $\hat{ق} = (ب) =$

50 أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب فيه أ ب = ٦ سم ، ب ج = ٨ سم فإن طول المتوسط المرسوم من ب = سم

اختر الإجابة الصحيحة

- 1 أب ج مثلث فيه $\angle أ < \angle ب$ فإن ق $(\hat{ب})$ ق $(\hat{ج})$
 (أ) $<$ (ب) $>$ (ج) $=$ (د) ضعف
- 2 أب ج مثلث فيه $\angle أ = \angle ب = ج$ ، ق $(\hat{أ}) = ٤٠^\circ$ فإن ق $(\hat{ب}) =$
 (أ) ٤٠ (ب) ٨٠ (ج) ٧٠ (د) ١٠٠
- 3 في المثلث أب ج القائم الزاوية في ب إذا كان $\angle ج = ٢٠^\circ$ فإن طول المتوسط المرسوم من ب = سم
 (أ) ١٠ (ب) ٨ (ج) ٦ (د) ٥
- 4 س ص ع مثلث فيه ق $(\hat{ع}) = ٧٠^\circ$ ، ق $(\hat{ص}) = ٦٠^\circ$ فإن ص ع س ص
 (أ) $<$ (ب) $>$ (ج) $=$ (د) ضعف
- 5 المثلث الذي قياسا زاويتين فيه ٤٢° ، ٦٩° يكون
 (أ) متساوي الساقين (ب) متساوي الأضلاع (ج) مختلف الأضلاع (د) قائم الزاوية
- 6 عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الساقين يساوي
 (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣
- 7 عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الأضلاع يساوي
 (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣
- 8 مجموع طولي أي ضلعين في مثلث طول الضلع الثالث
 (أ) أكبر من (ب) أصغر من (ج) يساوي (د) ضعف
- 9 مثلث متساوي الساقين طولاً ضلعين فيه ٨ سم ، ٤ سم فإن طول الضلع الثالث سم
 (أ) ٤ (ب) ٨ (ج) ٣ (د) ١٢
- 10 س ص ع Δ متساوي الساقين فيه ق $(\hat{س}) = ١٠٠^\circ$ فإن ق $(\hat{ص}) =$
 (أ) ١٠٠ (ب) ٨٠ (ج) ٦٠ (د) ٤٠
- 11 إذا كان Δ أب ج فيه ق $(\hat{ب}) = ١٣٠^\circ$ فإن أكبر أضلاعه طولاً هو
 (أ) ب ج (ب) أ ج (ج) أ ب (د) المتوسط
- 12 Δ أب ج قائم الزاوية في ب ، $\angle أ = ٩٠^\circ$ ، $\angle ب = ج$ فإن ق $(\hat{أ}) =$
 (أ) ٩٠ (ب) ٥٠ (ج) ٤٥ (د) ٣٠
- 13 نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كل منها بنسبة من جهة الرأس
 (أ) ١ : ٢ (ب) ٢ : ١ (ج) ٣ : ٢ (د) ٢ : ٣
- 14 طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها ٣٠° في المثلث القائم الزاوية يساوي طول الوتر
 (أ) ربع (ب) نصف (ج) ثلث (د) ضعف

15 مثلث طولاً ضلعين فيه ٤ سم ، ٩ سم وله محور تماثل واحد فإن طول ضلعه الثالث سم
 (أ) ٤ (ب) ٩ (ج) ٥ (د) ١٣

16 أب ج مثلث فيه أب = ٣ سم ، ب ج = ٥ سم فإن أ ج

17 في المثلث القائم الزاوية طول الوتر طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها ٣٠°
 (أ) نصف (ب) ثلث (ج) ربع (د) ضعف

18 د ه و مثلث فيه ق (و) = ٥٠° ، ق (ه) = ٧٥° فإن ه و د ه
 (أ) < (ب) > (ج) = (د) ضعف

19 إذا كان طولاً ضلعين في مثلث ٥ سم ، ٥ سم فإن طول الضلع الثالث يمكن أن يساوى سم
 (أ) ١١ (ب) ١٠ (ج) ٩ (د) ١٤

20 عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الساقين يساوى عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الأضلاع
 (أ) نصف (ب) ضعف (ج) ثلث (د) ثلاثة أمثال

21 إذا كان قياس زاوية الرأس في مثلث متساوي الساقين = ٦٠° فإن عدد محاور تماثله =
 (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣

22 الأطوال ٥ سم ، ٧ سم ، تصلح أطوال أضلاع مثلث
 (أ) ١٢ (ب) ٦ (ج) ٢ (د) ١

23 في المثلث أ ب ج إذا كان ق (أ) < ق (ج) فإن أ ب ب ج
 (أ) ≤ (ب) < (ج) = (د) >

24 المثلث الذى أطوال أضلاعه ٣ سم ، (س + ٢) سم ، ٧ سم يكون متساوي الساقين عندما س =
 (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٥ (د) ٣

25 عدد محاور تماثل المثلث المختلف الأضلاع
 (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) صفر

26 مجموعة الأعداد التي تصلح أن تكون أطوال أضلاع مثلث هي
 (أ) ١٠ ، ٦ ، ٤ (ب) ٨ ، ٦ ، ٤ (ج) ٦ ، ٣ ، ٢ (د) ١٠ ، ٥ ، ٤

27 زاوية القاعدة في المثلث المتساوي الساقين تكون
 (أ) منفرجة (ب) قائمة (ج) حادة (د) جميع ما سبق

28 أ د متوسط في Δ أ ب ج ، م نقطة تقاطع متوسطات المثلث فإن أ م = أ د
 (أ) $\frac{1}{3}$ (ب) $\frac{2}{3}$ (ج) $\frac{1}{2}$ (د) ٢

29 Δ أ ب ج قائم الزاوية في ب ، أ ب = $\frac{1}{2}$ أ ج فإن ق (أ) =°
 (أ) ٣٠ (ب) ٦٠ (ج) ٩٠ (د) ٤٥

تراكمي

- 1 مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة تساوى
- 2 مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة تساوى
- 3 إذا كانت $\overline{AB} \equiv \overline{CS}$ فإن $\overline{AS} - \overline{CS} = \overline{CS} = \overline{AS}$
- 4 الزاوية الحادة تكملها زاوية وتتممها زاوية
- 5 الزاوية التي قياسها 60° تتممها زاوية قياسها وتكملها زاوية قياسها
- 6 الزاويتان المتممتان مجموعهما والزاويتان المتكاملتان مجموعهما
- 7 إذا كان \overline{AB} \perp \overline{CD} متوازي أضلاع فإن $\hat{C} + \hat{Q} = \hat{B}$
- 8 \overline{AB} \perp \overline{CD} متوازي أضلاع فيه $\hat{C} + \hat{Q} = 200^\circ$ فإن $\hat{B} =$
- 9 \overline{AB} \perp \overline{CD} متوازي أضلاع فيه $\hat{C} = 50^\circ$ فإن $\hat{Q} =$
- 10 عدد أقطار الشكل الرباعي يساوى
- 11 عدد أقطار الشكل الخماسي يساوى
- 12 الزاوية القائمة تتممها زاوية
- 13 إذا كان $\hat{C} = 150^\circ$ فإن \hat{B} المنعكسة =
- 14 إذا كان $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ فإن $\hat{C} = \hat{F}$ ، $\hat{E} =$
- 15 الزاوية التي قياسها 210° هي زاوية
- 16 عدد المستطيلات في الشكل المقابل

--	--	--

- 17 إذا كانت $\triangle ABC$ تتم $\triangle DEF$ وكانت $\hat{C} = \hat{F}$ فإن $\hat{A} =$
- 18 إذا كان $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ فإن $\overline{AB} \cap \overline{CD} =$
- 19 المستقيمان الموازيان لثالث
- 20 مساحة المربع الذى طول ضلعه عدد صحيح يمكن أن تكون سم² (٣٢ ، ٢٤ ، ١٢٠ ، ٣٦)
- 21 مربع طول ضلعه عدد صحيح فإن محيطه يمكن أن يساوى سم (٦٦ ، ٥٥ ، ٤٤ ، ٣٣)

إجابات أسئلة أكمل و اختر والتراكمي

إجابات اختر

إجابات أكمل

الإجابة	رقم السؤال	الإجابة	رقم السؤال
[٨، ٢]	١٦	>	١
ضعف	١٧	١٠٠	٢
<	١٨	١٠	٣
٩	١٩	>	٤
ثلث	٢٠	متساوي الساقين	٥
٣	٢١	١	٦
٦	٢٢	٣	٧
>	٢٣	أكبر من	٨
٥	٢٤	٨	٩
صفر	٢٥	٤٠	١٠
٨، ٦، ٤	٢٦	أ ج	١١
حادّة	٢٧	٤٥	١٢
$\frac{2}{3}$	٢٨	١ : ٢	١٣
٦٠	٢٩	نصف	١٤
		٩ سم	١٥

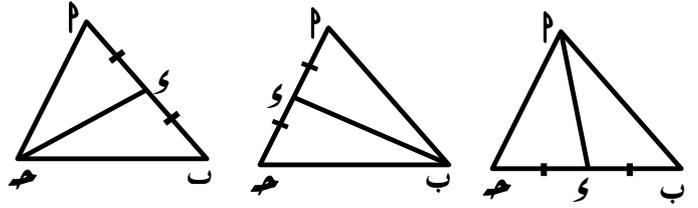
الإجابة	رقم السؤال	الإجابة	رقم السؤال
متطابقتان	٢٦	١ : ٢	١
محور تماثل	٢٧	٢ : ١	٢
٦٠	٢٨	٤	٣
عموديا على القاعدة ، ينصفها	٢٩	دو	٤
=	٣٠	٤٠	٥
العمودى عليها	٣١	الوتر	٦
ب ج	٣٢	١	٧
٥ سم ، ٩ سم	٣٣	٣ ، صفر	٨
نصف طول الوتر	٣٤	٧	٩
٣	٣٥	أكبر من	١٠
زاوية الرأس ، القاعدة	٣٦	أصغر من	١١
٥٣٠	٣٧	أكبر من	١٢
العمود	٣٨	>	١٣
٧٠	٣٩	>	١٤
عموديا على القاعدة	٤٠	<	١٥
٤١	٤١	<	١٦
<	٤٢	٨٠	١٧
١	٤٣	ضلع أكبر في الطول	١٨
[٢٢ ، ٨]	٤٤	زاوية أكبر في القياس	١٩
زاوية ج	٤٥	متساوي الأضلاع	٢٠
متساوي الساقين	٤٦	متساوي الساقين	٢١
٥٣٠	٤٧	نصف	٢٢
٥٥٠	٤٨	$\frac{1}{2}$	٢٣
٥٦٠	٤٩	نقطة واحدة	٢٤
٥ سم	٥٠	[١٣ ، ٥]	٢٥

إجابات التراكمي

- (١) ١٨٠ (٢) ٣٦٠ (٣) صفر (٤) منفرجة، حادة (٥) ١٢٠ ، ٣٠ (٦) ١٨٠ ، ٩٠ (٧) ١٨٠ (٨) ٨٠ (٩) ٥٠ (١٠) ٢ (١١) ٣ (١٢) صفرية (١٣) ٢١ (١٤) ع ، ب ج (١٥) منعكسة (١٦) ٦ (١٧) ٤٥ (١٨) Φ (١٩) متوازيان (٢٠) ٣٦ (٢١) ٤٤

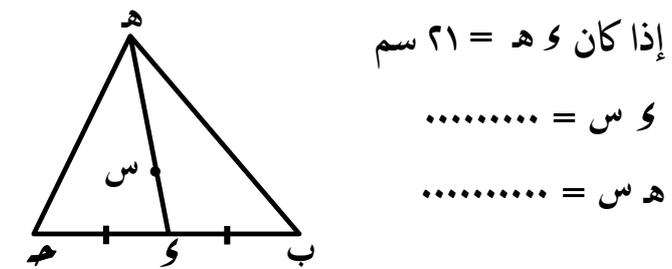
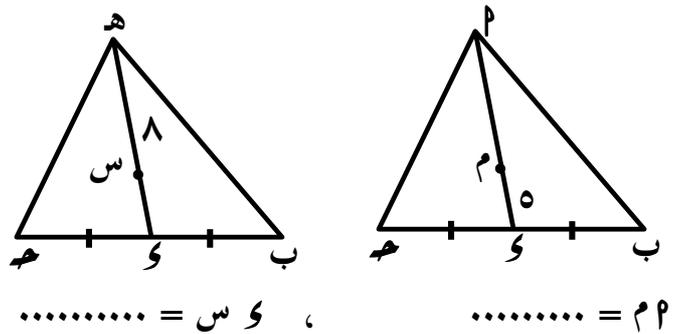
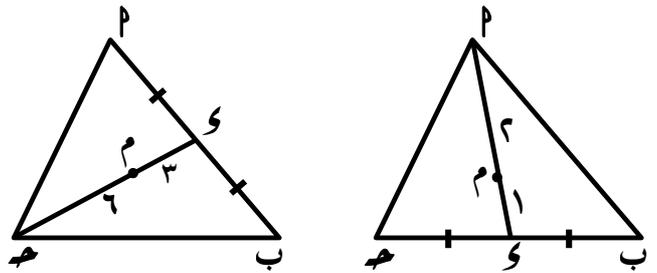
أ / خالد رزق خالد

متوسطات المثلث



- ❖ متوسط المثلث هو
- ❖ عدد متوسطات المثلث =
- ❖ متوسطات المثلث تتقاطع في

نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم المتوسط
بنسبة ٢ : ١ من جهة القاعدة أو ٢ : ١ من جهة
الرأس



إذا كان $و ه = ٢١$ سم
 $و س =$
 $ه س =$

❖ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم المتوسط
بنسبة ٣ : ٦ من جهة

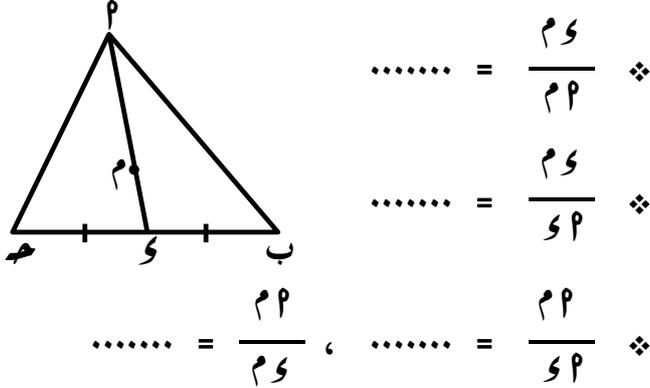
❖ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم المتوسط
بنسبة ٨ : ٤ من جهة

❖ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم المتوسط
بنسبة ٥ : من جهة القاعده

❖ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم المتوسط
بنسبة ١٢ : من جهة الرأس

❖ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم المتوسط
بنسبة ٢ : من جهة القاعده

❖ إذا كانت $م$ نقطة تقاطع متوسطات Δ $ب ه$



في الشكل المقابل

اوجد محيط $\Delta و ه م$

:: ومنتصف

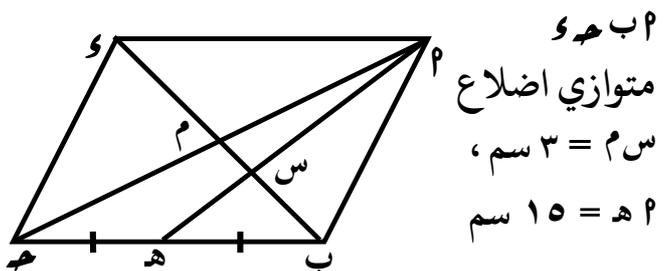
ه، منتصف

:: $ه و = \frac{1}{2} =$ = سم

:: $م و = \frac{1}{2} =$ = سم

:: $م ه = \frac{1}{2} =$ = سم

:: محيط $\Delta و ه م =$ سم



$ب ه و$

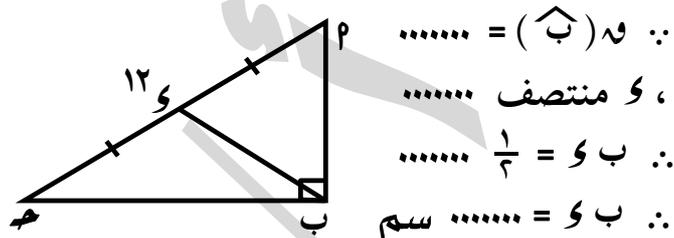
متوازي اضلاع

س م = ٣ سم ،

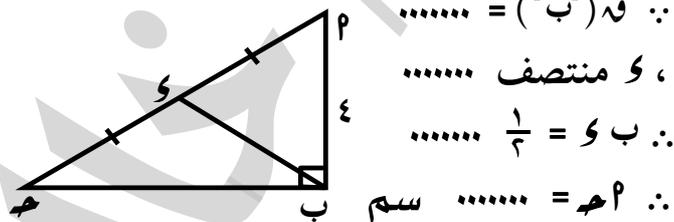
$ه م = ١٥$ سم

اوجد طول $م س$ ، $ب و$

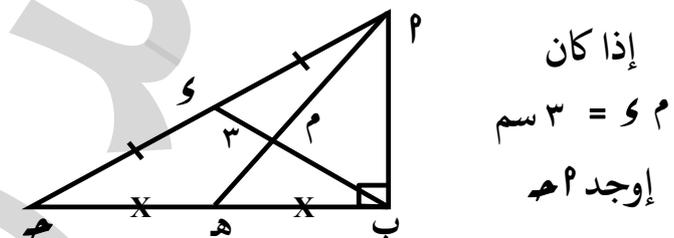
طول المتوسط المرسوم من رأس الزاوية القائمة يساوي نصف طول الوتر



∴ $\widehat{P} = \widehat{B}$
 ، و منتصف
 ∴ $\frac{1}{2} = \frac{6}{12}$
 ∴ $PS = 6$ سم

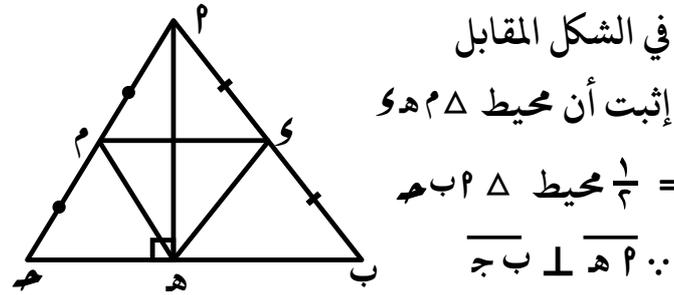


∴ $\widehat{P} = \widehat{B}$
 ، و منتصف
 ∴ $\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$
 ∴ $PS = 2$ سم



إذا كان
 $PS = 3$ سم
 أوجد PB

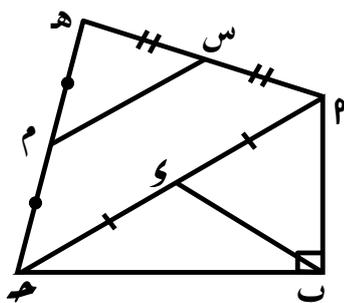
∴ و منتصف ، ه منتصف
 ∴ م هي نقطة
 ∴ $\frac{1}{2} = \frac{3}{6}$ ∴ $PS = 3$ سم
 ∴ $\widehat{P} = \widehat{B}$ ∴ $\frac{1}{2} = \frac{3}{6}$
 ∴ $PS = 3$ سم



في الشكل المقابل
 إثبت أن محيط $\triangle PHS$
 $\frac{1}{2}$ محيط $\triangle PHS$
 $PH \perp HS$

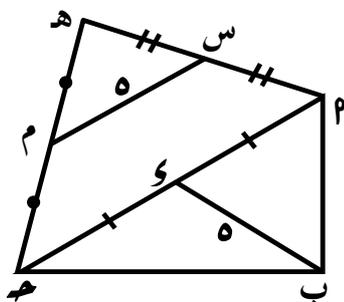
∴ $\widehat{P} = \widehat{B}$
 ∴ $\widehat{H} = \widehat{H}$
 ∴ $\frac{1}{2} = \frac{HS}{HB}$
 ∴ $PS = HS$
 ∴ $\widehat{P} = \widehat{B}$
 ∴ $\widehat{H} = \widehat{H}$
 ∴ $\frac{1}{2} = \frac{HS}{HB}$
 ∴ $PS = HS$
 ∴ محيط $\triangle PHS = \frac{1}{2}$ محيط $\triangle PHS$

في الشكل المقابل
 إثبت أن
 $PS = MS$



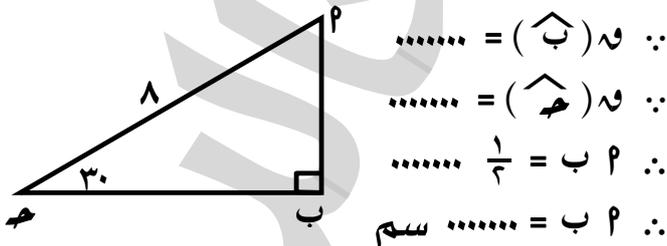
∴ $\widehat{P} = \widehat{B}$ ، و منتصف
 ∴ $\frac{1}{2} = \frac{MS}{PB}$ (١)
 ، ∴ PS منتصف ، M منتصف
 ∴ $\frac{1}{2} = \frac{MS}{PB}$ (٢)
 من (١)، (٢) ∴ $PS = MS$

في الشكل المقابل
 إثبت أن
 $\widehat{P} = \widehat{H} = 90^\circ$

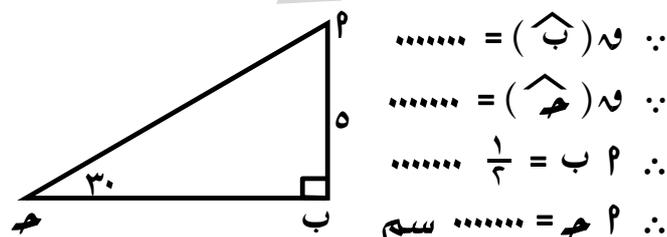


∴ PS منتصف ، M منتصف
 ∴ $\frac{1}{2} = \frac{MS}{PB}$ ∴ $PS = MS$ سم
 ∴ $PS = MS$ ، $PS = MS$
 ∴ $\widehat{P} = \widehat{H} = 90^\circ$ ∴ $\frac{1}{2} = \frac{MS}{PB}$

في المثلث القائم الزاوية الضلع المقابل للزاوية التي قياسها $30^\circ =$ نصف طول الوتر

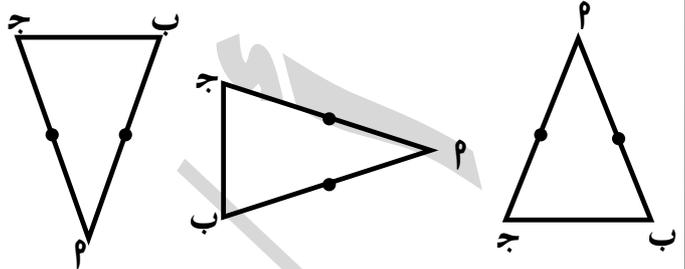


∴ $\widehat{P} = \widehat{B}$
 ∴ $\widehat{H} = \widehat{H}$
 ∴ $\frac{1}{2} = \frac{PS}{PB}$
 ∴ $PS = 4$ سم



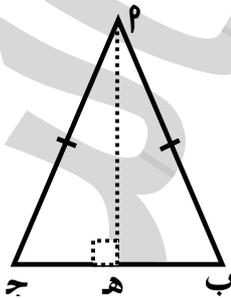
∴ $\widehat{P} = \widehat{B}$
 ∴ $\widehat{H} = \widehat{H}$
 ∴ $\frac{1}{2} = \frac{PS}{PB}$
 ∴ $PS = 2.5$ سم

المثلث المتساوي الساقين



- ❖ الساقين هما ،
- ❖ القاعدة زاوية الرأس
- ❖ زاويتا القاعدة ،

في الشكل المقابل $ب = ج$



إثبت أن

$$\widehat{ب} = \widehat{ج}$$

العمل: ارسم $هـ \perp ب ج$

$\Delta \Delta$ ،

فيهما ، ،
 $\Delta \Delta$ متطابقان وينتج أن

زاويتا القاعده في المثلث المتساوي الساقين
متطابقتان

❖ إذا كان قياس زاوية الرأس في مثلث متساوي الساقين ٧٠° فإن قياس كل من زاويتا القاعدة

❖ إذا كان قياس زاوية القاعده في مثلث متساوي الساقين ٥٠° فإن قياس زاوية الراس

❖ إذا كان قياس زاوية في مثلث متساوي الساقين ٦٠° فإن المثلث يكون

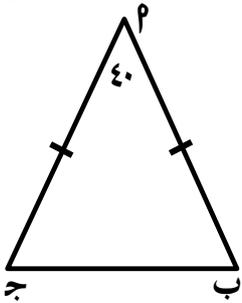
❖ $\Delta ب ج پ$ فيه $ب = ج$

$$\widehat{ب} = \widehat{ج} = ٥٠^\circ \text{ فإن } \widehat{پ} = \dots\dots\dots$$

❖ $\Delta ب ج پ$ في $ب = ج$

$$\widehat{پ} = \widehat{ب} = ١٢٠^\circ \text{ فإن } \widehat{ب} = \dots\dots\dots$$

① إيجاد $\widehat{ب}$



$$\dots\dots\dots = ب = ج$$

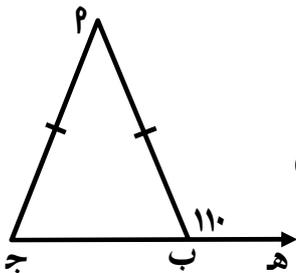
$$\widehat{ب} = \widehat{ج} = (٠, ٠, ٠)$$

∴ مجموع قياسات زوايا

$$\dots\dots\dots = \text{المثلث الداخلة}$$

$$\widehat{ب} = \widehat{ج} = (٠, ٠, ٠) = \dots\dots\dots$$

② إيجاد $\widehat{پ}$



$$\dots\dots\dots = ب = ج$$

$$\widehat{ب} = \widehat{ج} = (٠, ٠, ٠)$$

$$\widehat{ب} = \widehat{ج} = (٠, ٠, ٠) = \dots\dots\dots$$

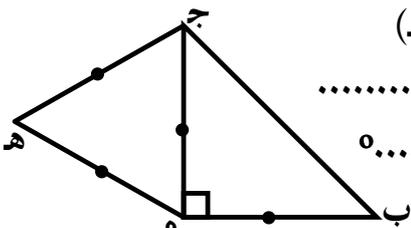
$$\widehat{ب} = \widehat{ج} = (٠, ٠, ٠) = \dots\dots\dots$$

$$\widehat{ب} = \widehat{ج} = (٠, ٠, ٠) = \dots\dots\dots$$

∴ مجموع قياسات زوايا

$$\dots\dots\dots = \widehat{پ} = \dots\dots\dots$$

③ إيجاد $\widehat{ب ج هـ}$



$\Delta ب ج هـ$ متساوي

$$\widehat{ب ج هـ} = \widehat{ب ج هـ} = \dots\dots\dots$$

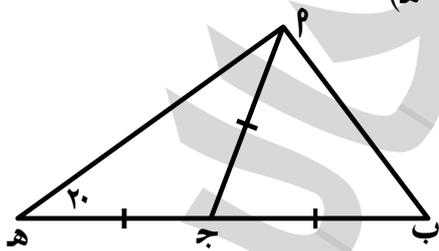
$$ب = ج = \dots\dots\dots$$

$$\widehat{ب ج هـ} = \widehat{ب ج هـ} = (٠, ٠, ٠) \text{ ∴ مجموع قياسات}$$

$$\dots\dots\dots = \widehat{ب ج هـ} = \dots\dots\dots + \dots\dots\dots$$

$$\dots\dots\dots = \widehat{ب ج هـ} = \dots\dots\dots + \dots\dots\dots$$

④ إيجاد $\widehat{ب پ هـ}$



$$\dots\dots\dots = ب = ج$$

$$\widehat{ب ج هـ} = \widehat{ب ج هـ} = \dots\dots\dots$$

$$\widehat{ب ج هـ} = \dots\dots\dots$$

$$\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

$$\dots\dots\dots = \dots\dots\dots + \dots\dots\dots = \widehat{ب ج هـ} = \dots\dots\dots$$

$$\dots\dots\dots = \widehat{ب ج هـ} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

∴ مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة =

$$\dots\dots\dots = \widehat{ب ج هـ} = \dots\dots\dots$$

$$\dots\dots\dots = \widehat{ب ج هـ} = \dots\dots\dots + \dots\dots\dots$$

٥) اوجد $\angle ه$ ($\angle ه$ ج ه)

$\angle ه = \angle ج = ٢٠$

$\angle ه = \angle ج = ١٠٠$

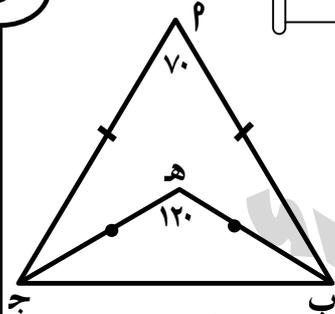
مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة =

$١٨٠ - ٧٠ = \dots\dots\dots = \angle ه (\angle ه ج ه) = \dots\dots\dots$

$\angle ه = \angle ج = ١٠٠$ $\angle ه = \angle ج = ١٠٠$

$١٨٠ - ١٢٠ = \dots\dots\dots = \angle ه (\angle ه ج ه) = \dots\dots\dots$

$\angle ه (\angle ه ج ه) = \dots\dots\dots - \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$



٩) اوجد قياسات زوايا Δ ب ج

$\angle ب = \angle ج = ٢٠$

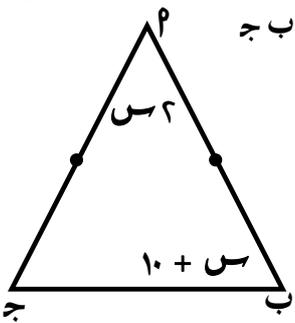
$\angle ه = \angle ج = ١٠٠$

$\angle ه (\angle ب ج ه) = ١٠ + س$

$١٠ + س + ١٠ + س + ١٠ + س = \dots\dots\dots$

$١٦٠ = س$ $\therefore س = \dots\dots\dots$

$\angle ه (\angle ب ج ه) = \dots\dots\dots$ $\angle ه (\angle ب ج ه) = \dots\dots\dots$



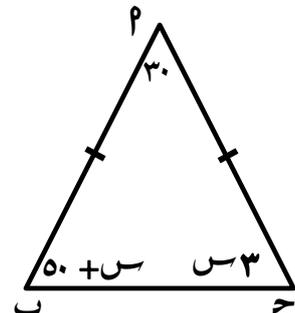
١٠) اوجد قيمة س

$\angle ب = \angle ج = ٢٠$

$\angle ه = \angle ج = ١٠٠$

$٥٠ + س = ٣س$

$س = \dots\dots\dots$

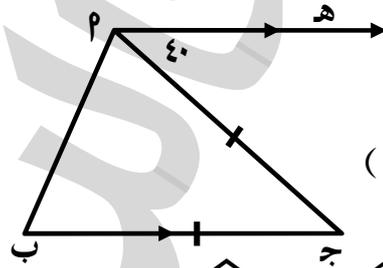


٦) اوجد $\angle ب$

$\overline{ه ه} \parallel \overline{ب ج}$

$\angle ه = \angle ج = ١٠٠$

بالتبادل $\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$



$\angle ب = \angle ج = ١٠٠$ $\angle ه (\angle ب ج ه) = \dots\dots\dots$

مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة =

$\angle ه (\angle ب ج ه) = \dots\dots\dots$

إذا وجدت زاويتان في مثلث متساويتان في القياس فإن المثلث يكون

٧) اثبت أن $\angle ه (\angle ب ه ج) = \dots\dots\dots$

$\angle ه (\angle ب ه ج) = \dots\dots\dots$

$\angle ب = \angle ج = ٢٠$

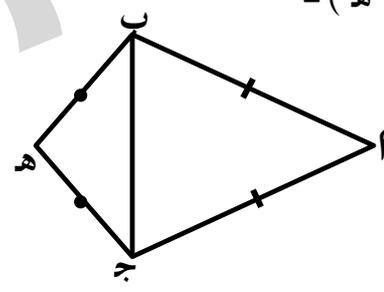
$\angle ه (\angle ب ه ج) = \dots\dots\dots$

$\angle ه (\angle ب ه ج) = \dots\dots\dots (١)$

$\angle ه = \angle ج = ٢٠$

$\angle ه (\angle ب ه ج) = \angle ه (\angle ب ه ج) = \dots\dots\dots (٢)$

بجمع (١)، (٢) $\angle ه (\angle ب ه ج) = \angle ه (\angle ب ه ج) = \dots\dots\dots$



١٢) اثبت أن $\angle ب = \angle ج$

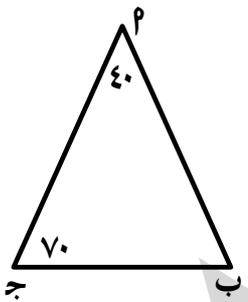
مجموع قياسات زوايا المثلث

الداخلة =

$\angle ه (\angle ب ج ه) = \dots\dots\dots$

$\angle ه (\angle ب ج ه) = \angle ه (\angle ب ج ه) = \dots\dots\dots$

$\angle ب = \dots\dots\dots$



١٣) اثبت أن $\angle ب = \angle ج$

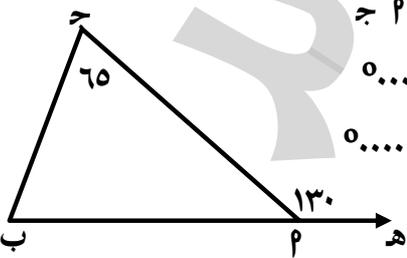
$\angle ه (\angle ب ه ج) = \dots\dots\dots$

$\angle ه (\angle ب ه ج) = \dots\dots\dots$

مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة =

$\angle ه (\angle ب ج ه) = \angle ه (\angle ب ج ه) = \dots\dots\dots$

$\angle ب = \dots\dots\dots$



٨) اوجد $\angle ب$

$\angle ه (\angle ب ه ج) = \dots\dots\dots$

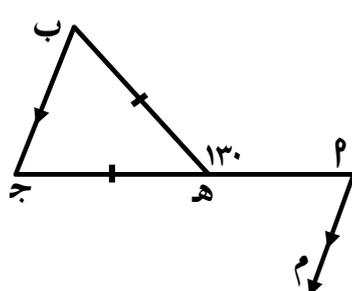
$\angle ه (\angle ب ه ج) = \dots\dots\dots$

$\angle ه = \angle ج = ٢٠$

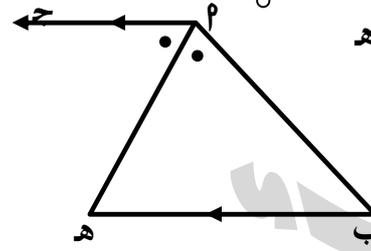
$\angle ه (\angle ب ج ه) = \angle ه (\angle ب ج ه) = \dots\dots\dots$

$\overline{ه ه} \parallel \overline{ب ج}$ $\angle ه (\angle ب ج ه) = \angle ه (\angle ب ج ه) = \dots\dots\dots$ بالتبادل

$\angle ه (\angle ب ج ه) = \dots\dots\dots$



١٤) أثبت أن $PM = PB = BH$



$$PM \parallel BH$$

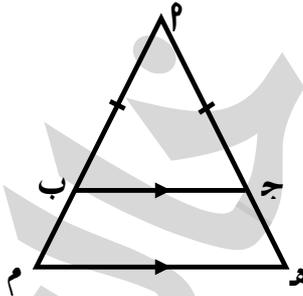
$$\therefore \angle M = \angle H$$

$$= \angle P \text{ (by alternate angles)}$$

$$\therefore \angle M = \angle H = \angle P$$

$$\therefore PM = BH = PB$$

١٥) أثبت أن $PM = HM$



$$\therefore PM = HM$$

$$\therefore \angle M = \angle H$$

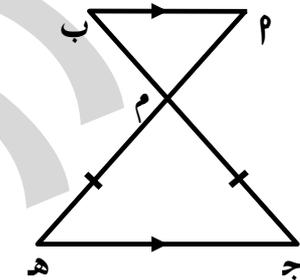
$$\therefore PM \parallel HM$$

$$\therefore \angle M = \angle H \text{ (by alternate angles)}$$

$$\therefore \angle M = \angle H \text{ (by alternate angles)}$$

$$\therefore PM = HM$$

١٦) أثبت أن $PM = MB$



$$\therefore PM = MB$$

$$\therefore \angle M = \angle B$$

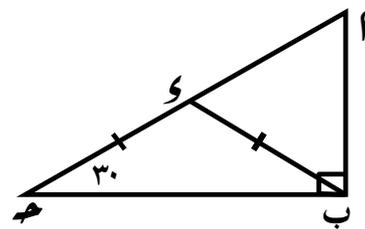
$$\therefore PM \parallel MB$$

$$\therefore \angle M = \angle B \text{ (by alternate angles)}$$

$$\therefore \angle M = \angle B \text{ (by alternate angles)}$$

$$\therefore PM = MB$$

١٧) أثبت أن $\triangle PAB$ و $\triangle PBC$ متساوي الاضلاع



مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة =

مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة =

مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة =

$$\therefore \angle A = \angle B = \angle C$$

$$\therefore \angle A = \angle B = \angle C = 60^\circ$$

$$\therefore \angle A = \angle B = \angle C = 90^\circ$$

$\triangle PAB$ و $\triangle PBC$ متساوي الاضلاع

١٨) أثبت أن

$$\angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore PM = PB = BH$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore PM = PB = BH$$

فيهما $\triangle PAB$ و $\triangle PBC$ متطابقان وينتج أن $PM = BH$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

١٩) اثبت أن

$$\angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore PM = PB = BH$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

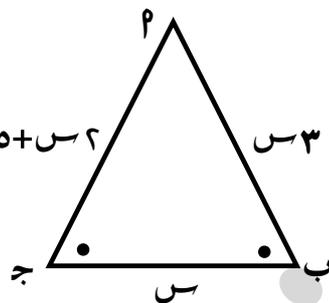
٢٠) اوجد محيط $\triangle PAB$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$



$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

٢١) أثبت أن $\angle P = \angle H = \angle B$

مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة =

مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة =

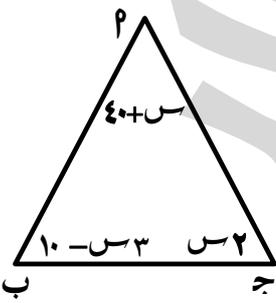
مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة =

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

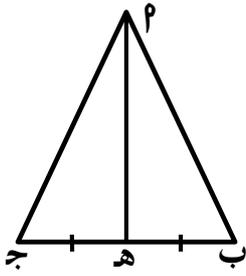


$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

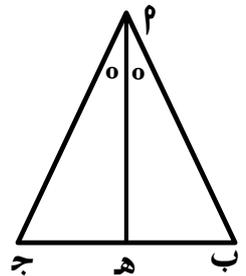
$$\therefore \angle P = \angle H = \angle B$$

نتائج علي المثلث المتساوي الساقين

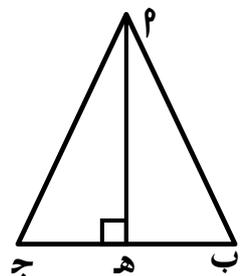


❖ المتوسط المرسوم من رأس المثلث المتساوي الساقين ،
 $\therefore \angle P = \angle B = \angle C$
 \therefore ه منتصف ب ج

$\therefore \overline{PH} \perp \overline{BC}$ ، $\therefore \overline{PH}$ ينصف ب ج



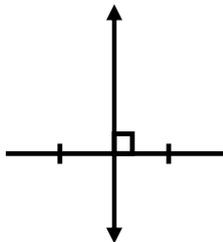
❖ المستقيم الذي ينصف زاوية رأس المثلث المتساوي الساقين ،
 $\therefore \angle P = \angle B = \angle C$
 $\therefore \overline{PH}$ ينصف ب ج
 $\therefore \overline{PH} \perp \overline{BC}$ ، \therefore ه منتصف ب ج



❖ المستقيم المار برأس المثلث المتساوي الساقين وعمودي علي القاعده فإنه ،
 $\therefore \angle P = \angle B = \angle C$
 $\therefore \overline{PH} \perp \overline{BC}$ ، \therefore ه منتصف ب ج
 $\therefore \overline{PH}$ ينصف ب ج

❖ محور تماثل القطعه المستقيمه

هو المستقيم العمودي عليها من منتصفها



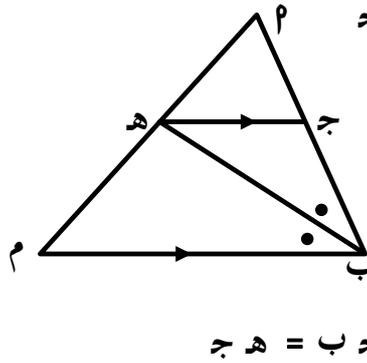
❖ أي نقطه تقع علي محور القطعه المستقيمه

تكون علي بعدين من طرفيها

❖ أي نقطه تكون علي بعدين متساويين من

طرفي القطعه المستقيمه تقع علي

❷ اثبت أن ج ب = ه ج



$\therefore \overline{JH} \parallel \overline{BM}$

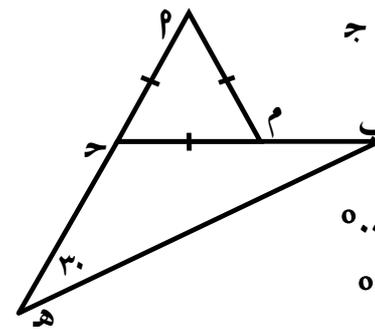
$\therefore \angle JPH = \angle BPH$

$\therefore \angle JPH = \angle BPH$ بالتبادل

$\therefore \angle JPH = \angle BPH$

$\therefore \angle JPH = \angle BPH$

❸ اثبت أن ج ب = ه ج



$\therefore \angle JPH = \angle BPH$

متساوي الاضلاع

$\therefore \angle JPH = \angle BPH$

$\therefore \angle JPH = \angle BPH$

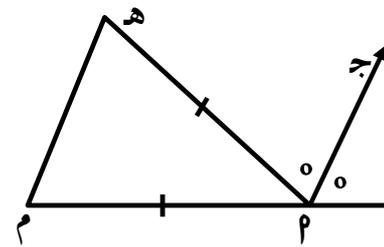
$\therefore \angle JPH = \angle BPH$ مجموع قياسات زوايا

المثلث الداخلة = $\therefore \angle JPH = \angle BPH$

$\therefore \angle JPH = \angle BPH$

❹ اثبت أن

$\overline{JM} \parallel \overline{PH}$



$\therefore \angle JPH = \angle BPH$

$\therefore \angle JPH = \angle BPH$

$\therefore \angle JPH = \angle BPH$

$\therefore \overline{JM}$ ينصف ب ج

$\therefore \angle JPH = \angle BPH$ وهما متبادلتان

$\therefore \overline{JM} \parallel \overline{PH}$

التباين

إذا اختلف طولاً ضلعين في مثلث فإن الضلع الأكبر في الطول يقابل زاوية أكبر في القياس

- ❖ إذا كان $\Delta P B ج$ فيه $ب < ج < ج$ ، فإن $\widehat{ب} < \widehat{ج} < \widehat{ج}$
- ❖ إذا كان $\Delta P B ج$ فيه $ب = ج = ج$ ، فإن $\widehat{ب} = \widehat{ج} = \widehat{ج}$

① رتب قياسات زوايا $\Delta P B ج$ تصاعدياً إذا كانت $ب = ٨$ سم ، $ج = ٩$ سم ، $ج = ٥$ سم

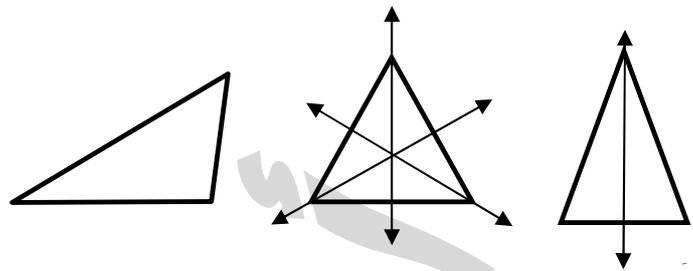
② رتب قياسات زوايا $\Delta P B ج$ تصاعدياً

③ إثبت أن $\widehat{ج} < \widehat{ب}$

④ إثبت أن $\widehat{ه} < \widehat{ب}$

⑤ إثبت أن $\widehat{ج} < \widehat{ب}$

⑥ إذا كان $ب < ج < ج$ إثبت أن $(\widehat{ب ه})$ منفرجه



- ❖ عدد محاور المثلث المتساوي الاضلاع
- ❖ عدد محاور المثلث المتساوي الساقين
- ❖ عدد محاور المثلث المختلف الاضلاع
- ❖ مثلث فيه زاويتين قياسهما ٧٠° ، ٤٠° عدد محاور تماثله
- ❖ مثلث قائم الزاويه به زاويه قياسها ٥٠° عدد محاور التماثل له
- ❖ مثلث متساوي الساقين زاوية الرأس قياسها ٦٠° عدد محاور التماثل له
- ❖ $\Delta P B ج$ ، $\widehat{ب} = ٥٠^\circ$ ، $\widehat{ج} = ٨٠^\circ$ فإن $ب = ج =$

❖ في الشكل المقابل
إثبت أن $ب ه = \frac{1}{2} ب ج$
إثبت أن $م = ب = ج$

إذا اختلف قياسا زاويتين في مثلث الزاوية الاكبر في القياس يقابلها ضلع اكبر في الطول

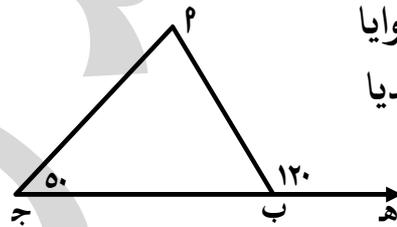
❖ Δ ب ج فيه $\widehat{ب} = ٥٦^\circ$ ، $\widehat{ج} = ٥٤^\circ$ فإن اكبر ضلع هو
❖ Δ ب ج فيه $\widehat{ب} = ٥١^\circ$ فإن اكبر ضلع هو

❖ Δ ب ج فيه $\widehat{ب} = (٧ س)^\circ$ ، $\widehat{ج} = (١٠ + ٣ س)^\circ$ ، $\widehat{پ} = (٢٥ - ٥ س)^\circ$ رتب قياسات زواياه تصاعديا

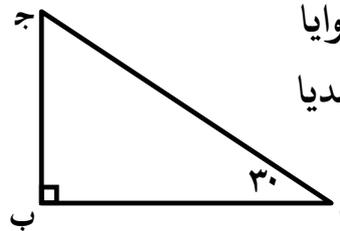
① رتب اضلاع Δ ب ج تصاعديا إذا كانت

$\widehat{ب} = ٧٠^\circ$ ، $\widehat{پ} = ٥٠^\circ$

② رتب قياسات زوايا Δ ب ج تصاعديا

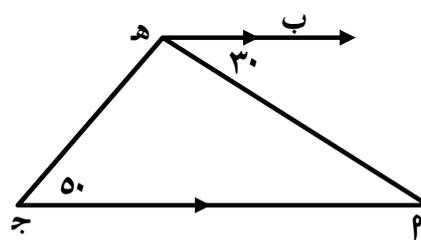


③ رتب قياسات زوايا Δ ب ج تصاعديا



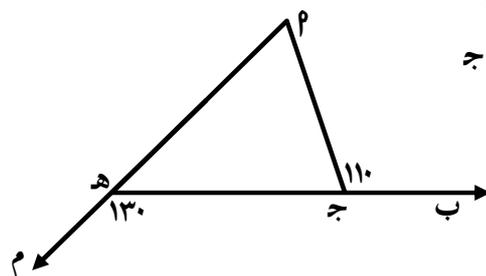
④ إثبت أن

$ج ب < ج پ$

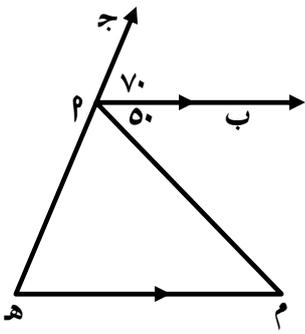


⑤ إثبت أن

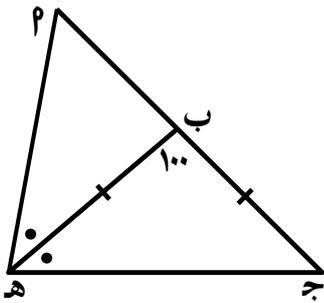
$ج ب < ج پ$



⑥ إثبت أن
 $ج ب < ج پ$



⑦ إثبت أن
 $ج ب < ج پ$

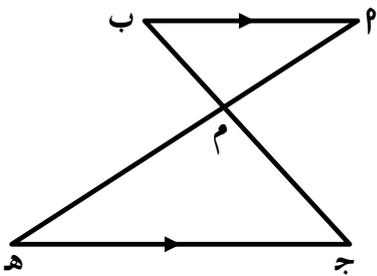


⑧ إذا كان

$ج ب < ج پ$

إثبت أن

$ج ب < ج پ$

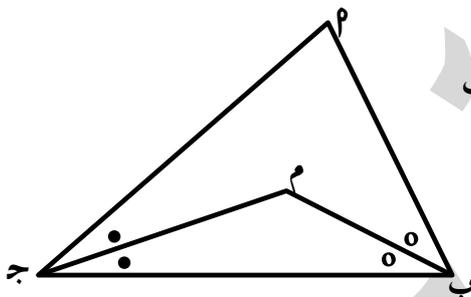


⑨ إذا كان

$ج ب < ج پ$

إثبت أن

$ج ب < ج پ$

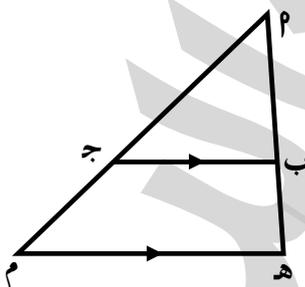


⑩ إذا كان

$ج ب < ج پ$

إثبت أن

$ج ب < ج پ$

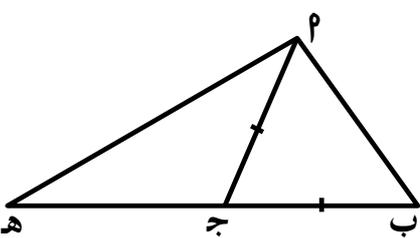


⑪ إذا كان

$ج ب = ج پ$

إثبت أن

$ج ب < ج پ$



نتيجه هامه :

اكبر ضلع طولاً في المثلث القائم الزاويه هو الوتر

❖ Δ abc قائم الزاوية في b فإن اكبر ضلع

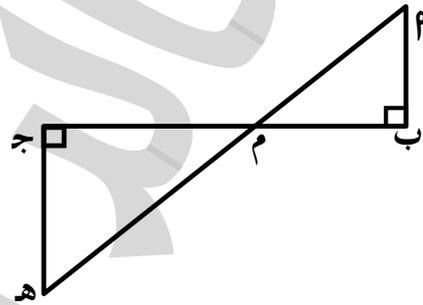
طولا هو

❖ Δ abc منفرج الزاويه في c فإن اكبر ضلع

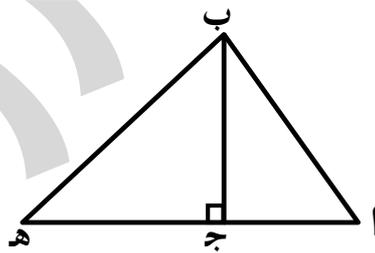
طولا هو

❖ Δ ghm منفرج الزاويه في m فإن m h ($>$, $<$, $=$) gh

إثبت أن

 $am < bh$ 

إثبت أن

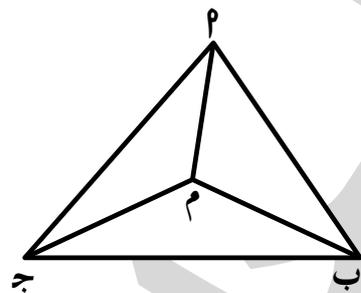
 $ab + bc < 2b$ محيط $\Delta abc < 2b$ 

متباينة اطلث

مجموع أي ضلعين في المثلث أكبر
من الضلع الثالث❖ في Δabc : $ab + bc < 2a$ $ab + ca < 2b$ $bc + ca < 2c$ $ab + bc - ca < a$

❖ أي الاعداد الاتيه تصلح أضلاع مثلث

(3, 5, 11), (9, 4, 5), (4, 8, 7)

إثبت أن $am + m + m < \frac{1}{2}$ محيط Δabc

❖ أي الاعداد الاتيه تصلح أضلاع مثلث

(7, 5, 11), (6, 11, 4), (15, 9, 6)

❖ إذا كانت الاعداد 4, 9, 5 اضلاع مثلث

متساوي الساقين فإن $s =$

❖ إذا كانت الاعداد 12, 6, 5 اضلاع مثلث

متساوي الساقين فإن $s =$

❖ إذا كانت الاعداد 5, 9, 5 اضلاع

مثلث فإن $s \geq$

❖ إذا كانت الاعداد 4, 11, 5 اضلاع

مثلث فإن $s \geq$

❖ إذا كانت الاعداد 5, 7, 5 اضلاع

مثلث فإن $s = (2, 12, 9)$

❖ إذا كانت الاعداد 8, 6, 5 اضلاع

مثلث فإن $s = (2, 12, 14)$

❖ أي ضلع في المثلث يكون

مجموع الضلعين الاخرين ($>$, $<$, $=$)



اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- ١ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كل منها بنسبة : من جهة الرأس .
(٢ : ٣ ، ١ : ٣ ، ٢ : ١ ، ١ : ٢)
- ٢ s متوسط في Δpbc ، m نقطة تقاطع المتوسطات ، $s = 2$ سم فإن $pm =$ سم
(٢ : ٣ ، ١ : ٣ ، ٢ : ١ ، ١ : ٢)
- ٣ طول الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث القائم الزاوية = طول الوتر
($\frac{1}{5}$ ، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{2}$)
- ٤ عدد متوسطات المثلث القائم الزاوية
(٤ ، ٢ ، ٣ ، ١)

أكمل ما يأتي:

- ١ متوسطات المثلث تتقاطع جميعاً في
- ٢ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كل منها بنسبة : من جهة القاعدة
- ٣ متوسط المثلث المتساوي الساقين المرسوم من الرأس يكون ،
- ٤ إذا كان $س$ ص $ع$ مثلثاً ، $س$ ص = ٦ سم ، $ص$ ع = ٨ سم ، $و$ (Δ $س$ ص $ع$) = 90° ،
هـ منتصف $س$ ع ، فإن طول $ص$ هـ = سم

٣ في الشكل المقابل : $هـ$ ، $ح$ s متوسطان في Δpbc ومقاطعان في النقطة $م$

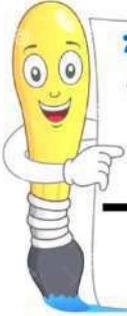
، $م$ هـ = ٣ سم ، $م$ س = ٤ سم ، $س$ هـ = ٦ سم ، أحسب محيط $\Delta م$ ح

.....
.....

٤ في الشكل المقابل : Δpbc قائم الزاوية في $ب$ ، $س$ منتصف $م$ ح

، $م$ ح = ١٠ سم ، $و$ (Δ $ح$) = 30° أثبت أن :

Δpbc متساوي الأضلاع . ثم أوجد محيطه .

الدرجة
النهائية

١٥

الوحدة الرابعة

اختبار نصير حتى درس الثاني
من الوحدة الرابعة

٢

التفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

١ طول متوسط المثلث القائم الزاوية الخارج من رأس القائمة = الوتر (ثلث ، ربع ، نصف ، ضعف)

٢ نقطة تلاقي متوسطات المثلث تقسم كلًا منها بنسبة من جهة الرأس (٢ : ٣ ، ١ : ٣ ، ٢ : ١ ، ١ : ٢)

٣ Δ abc قائم الزاوية في b ، إذا كان $a = 20$ سم فإن طول المتوسط المرسوم من b = سم (٥ ، ٦ ، ١٠ ، ٨)

٤ إذا كان Δ abc فيه $\angle a = 30^\circ$ ، $\angle b = 90^\circ$ فإن $a : b$ (٣ ، ٢ ، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{2}$)

التفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

أكمل ما يأتي:

١ طول الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث القائم الزاوية =

٢ طول وتر المثلث القائم الزاوية = طول المتوسط الخارج من رأس الزاوية القائمة

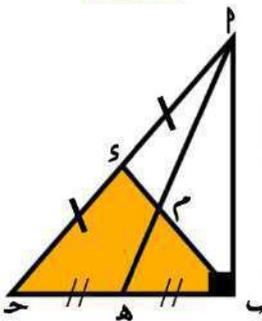
٣ أكبر أضلاع المثلث القائم الزاوية طولًا هو

٤ إذا كان قياس إحدى زوايا المثلث المتماثل الساقين يساوي 60° كان المثلث

٣ في الشكل المقابل: Δabc قائم الزاوية في b

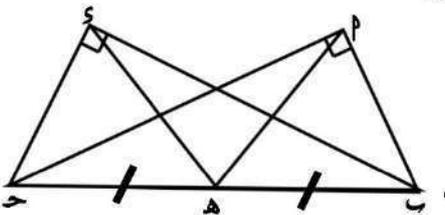
$bc = 5$ ، $ac = 9$ سم ، $ab = 12$ سم

أوجد طول كل من: am ، cm

التفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

٤ في الشكل المقابل: $\angle a = 90^\circ$ ، $\angle b = 30^\circ$ ، $\angle c = 60^\circ$

، h منتصف bc ، أثبت أن: $as = ap$





الهندسة
اختبار قصير حتى الدرس الثالث
من الوحدة الرابعة

التفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

١ ΔABC قائم الزاوية في B و $(\angle A) = 60^\circ$ ، $AB = 10$ سم فإن $BC = \dots$ سم
(٥ ، ٨ ، ٦ ، ١٠)

٢ في ΔABC إذا كان \overline{AM} متوسط ، M نقطة تقاطع متوسطاته فإن $AM \dots$ BC
($\frac{3}{4}$ ، $\frac{2}{3}$ ، $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$)

٣ في المثلث المتساوي الساقين إذا كان قياس إحدى زاويتي القاعدة $= 50^\circ$ فإن قياس زاوية الرأس =

٤ الزاوية الخارجة عن إحدى زاويتي القاعدة للمثلث المتساوي الساقين تكون
(حادة ، منفرجة ، قائمة ، مستقيمة)

التفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

أكمل ما يأتي:

١ قياس أي زاوية خارجة عن المثلث المتساوي الأضلاع =

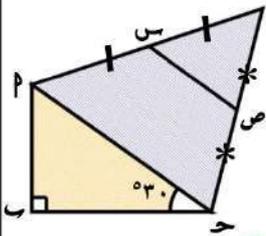
٢ المثلث ABC قائم الزاوية في B ومتساوي الساقين فإن $(\angle A) = \dots$

٣ ΔABC قائم الزاوية في B إذا كان $AB = 20$ سم فإن طول المتوسط المرسوم من $B = \dots$

٤ المثلث الذي فيه قياسا زاويتين فيه 40° ، 70° يكون مثلثاً

٣ في الشكل المقابل : $(\angle A) = 90^\circ$ ، $(\angle B) = 30^\circ$

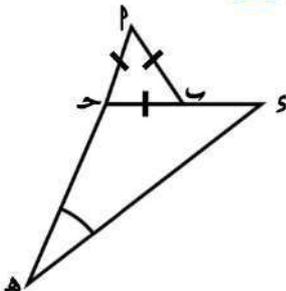
ص ، S منتصف AC ، \overline{PS} على الترتيب . أثبت أن $AB = PS$



التفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

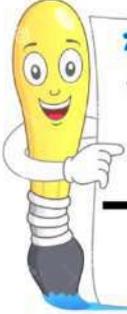
٤ في الشكل المقابل : ΔABC متساوي الأضلاع ،

و $(\angle H) = 30^\circ$ أثبت أن ΔHCS متساوي الساقين



التفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

التفوق
في
الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

الدرجة
النهائية

١٥



الهندسة

اختبار نصير حتى الدرس الأول
من الوحدة الخامسةالتفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

١

١ ب ح مثلث قائم الزاوية في ب ، و $(\Delta) = 55^\circ$ فإن عدد محاور تماثله =
(٣ ، ٢ ، ١ ، ليس له محور تماثل)

١

٢ ب ح مثلث قائم الزاوية في ب ، و $(\Delta) = 30^\circ$ ، ب ح = ٦ سم فإن Δ : ب ح = سم
(٢ ، ٤ ، ٨ ، ١٢)

٢

٣ ب ح مستطيل تقاطع قطراه في م وطول قطره ٦ سم فإن طول المتوسط $\overline{م م}$ = سم
(٢ ، ٣ ، ٦ ، ١٢)

٣

٤ إذا كانت م تقع علي محور تماثل س ص فإن م س (// ، = ، \perp ، \equiv)

٤

التفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

أكمل ما يأتي:

٢

١ في المثلث المتساوي الساقين منصف زاوية الرأس يكون ،

١

٢ إذا كان : م ، ب ، ح أعداد موجبة وكان $م < ب$ فإن : م + ب ح + ب

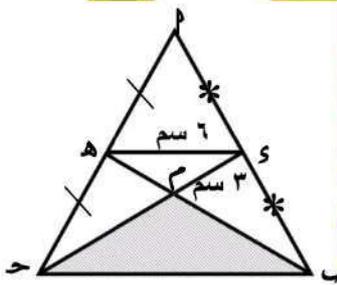
٢

٣ أي نقطة علي محور تماثل القطعة المستقيمة تكون علي بعدين من طرفيها .

٣

٤ Δ فيه $ب = ح$ ، و $(\Delta) = 70^\circ$ فإن : و $(\Delta) = \dots\dots\dots^\circ$

٤



٣ في الشكل المقابل : ب ه ، ح و متوسطان في Δ ب ح متقاطعان

في النقطة م ، ب ه = ١٢ سم ، م ه = ٣ سم ، ح و = ٥ سم ، ب ه = ٦ سم

احسب محيط Δ م ب ح

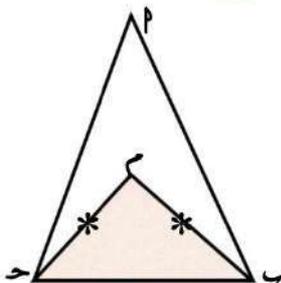
٣

.....

٤ في الشكل المقابل: م = ب = ح ، و $(\Delta) < (\Delta)$ و $(\Delta) < (\Delta)$

٤

اثبت أن : و $(\Delta) < (\Delta)$ و $(\Delta) < (\Delta)$

التفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦التفوق
في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦



الهندسة
اختبار قصير حتى الدرس الثالث
من الوحدة الخامسة



اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

١ Δ ب ح فيه \angle ب = 70° ، \angle ج = 60° فإن أكبر أضلاع طولاً هو
(ب ح ، ح ب ، ب ح)

٢ Δ ب ح فيه \angle ب = 70° ، \angle ج = 60° فإن
(\angle ب < \angle ج ، \angle ب < \angle ح ، \angle ب > \angle ح ، \angle ب > \angle ج)

٣ Δ ب ح متساوي الساقين فيه \angle ب = 100° ، فإن :
(40° ، 70° ، 100° ، 55°)

٤ مروحة سقف لها ثلاث ريشات فإن قياس الزاوية بين كل ريشتين =
(90° ، 120° ، 180° ، 60°)



أكمل ما يأتي:

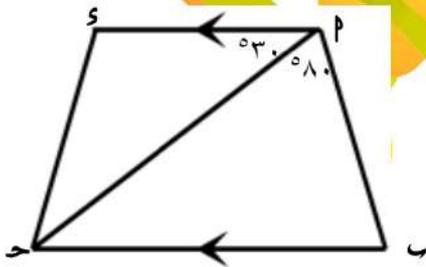
١ إذا اختلف قياسا زاويتين في مثلث فأكبرهما في القياس
٢ أكبر الأضلاع طولاً في Δ ب ح الذي فيه \angle ب = 120° هو

٣ المثلث المتساوي الساقين القائم الزاوية قياس زاوية قاعدته =

٤ إذا تطابقت زاويتان في مثلث فإن الضلعين المقابلين لهاتين الزاويتين

٣ في الشكل المقابل : $\overline{SP} \parallel \overline{CH}$ ، \angle ب = 80° ،

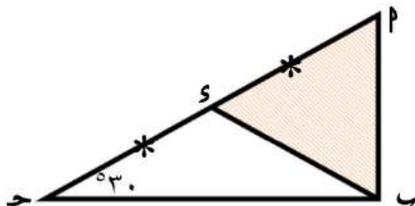
\angle س = 30° برهن أن : \angle ب < \angle ح

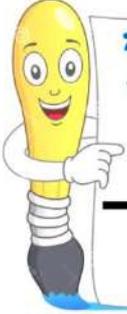


٤ في الشكل المقابل : Δ ب ح مثلث قائم الزاوية في ب

\angle م = 10° سم ، \angle ب = 30°

أوجد محيط : Δ ب ح



الدرجة
النهائية

١٥



الهندسة

اختبار قصير حتى الدرس الرابع
من الوحدة الخامسةالتفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

١ أي هذه الأعداد يصلح أطوال لأضلاع مثلث؟ (٣، ٢، ٦، ٣، ٢، ٥، ٣، ٢، ٤)

٢ مثلث P ب $ح$ متساوي الساقين أطوال أضلاعه ٤ سم، ٩ سم، ٩ سم فإن $س = \dots$
(١٣، ٩، ٥، ٤)

٣ عدد أقطار الشكل الرباعي =

٤ المثلث أطوال أضلاعه ٣ سم، (٢+س) سم، ٧ سم يكون متساوي الساقين عندما $س = \dots$
(٣، ٢، ٥، ١)

أكمل ما يأتي:

١ ΔP ب $ح$ إذا كان: $٢ = ب = ٤$ سم، $٦ = ح$ سم فإن $٢ > ٣$ ، ،

٢ مجموع طولي أي ضلعين في مثلث طول الضلع الثالث.

٣ في ΔP ب $ح$ يكون: $٢ + ب > ح$ ، ، $٢ > ح$ ٤ في $\Delta س ص ع$ إذا كان: $س > ص$ فإن: $س > ع$ ، ، $س > ع$ ٣ في الشكل المقابل: $\overline{س} \parallel \overline{ح} ب$ ، $ب = ح$ و $\Delta س ع ب = \Delta س ع ح = ٤٠^\circ$ أوجد: $\Delta س ع ب$

.....

.....

٤ في الشكل المقابل: ΔP ب $ح$ فيه $و(ب) = و(ح)$ ، $ب = ١ - س$ سم، $ح = ٣ + س$ سم،، $ح = ٩ - س$ سم، أوجد محيط ΔP ب $ح$ التفوق في الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦التفوق
في
الرياضيات
أيمن جابر كامل
٠١٠٢٢٧٤٤٠٨٦

امتحان ١ على درس ١ من الوحدة الرابعة

السؤال الأول : اقل الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :

١) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلاً منها بنسبة من جهة القاعدة

(٣ : ١ ، ٣ : ٢ ، ٢ : ١ ، ١ : ٢)

٢) في المثلث ABC ، S متوسط ، M نقطة تقاطع متوسطاته فإن : $SM = \dots$

($\frac{1}{2}$ ، ٢ ، $\frac{2}{3}$ ، $\frac{3}{2}$)

٣) عدد متوسطات أي مثلث =

(١ ، ٢ ، ٤ ، ٣)

٤) في المثلث ABC ، S متوسط ، M نقطة تقاطع متوسطاته ، $SM = ٤$ سم فإن : $AM = \dots$ سم

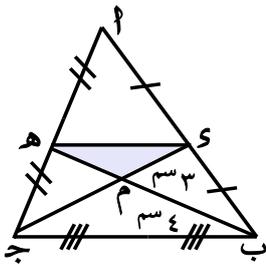
(٨ ، ١٢ ، ١٦ ، ٤)

السؤال الثاني : أكمل ما يأتي :

١) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلاً منها بنسبة ٢ : من جهة القاعدة .

٢) ΔABC فيه S متوسط ، M نقطة تقاطع متوسطات المثلث ABC فإن : $SM = \dots$

٣) في الشكل المقابل :



S منتصف AB ، H منتصف AC ، $SM = ٣$ سم ، $MS = ٤$ سم

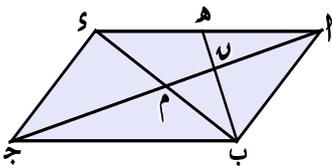
أكمل ما يأتي :

١) $MS = \dots$ سم

٢) $MS = \dots$ سم

السؤال الثالث :

في الشكل المقابل :



$AB \parallel CD$ متوازي أضلاع تقاطع قطراه في M ، H منتصف AD ،

$BE \cap AH = U$ أثبت أن : $UH = \frac{1}{3} AU$

امتحان ٢ على درس ١ من الوحدة الرابعة

السؤال الأول : اقل الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :

١) طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها 30° في المثلث القائم الزاوية يساوي طول الوتر

(ربع ، ثلث ، نصف ، ضعف)

٢) طول وتر المثلث القائم يساوي طول المتوسط الخارج من رأس القائمة .

(نصف ، ضعف ، ثلث ، ربع)

٣) Δ $أ ب ج$ قائم الزاوية في ب ، و $(أ \Delta) = 60^\circ$ فإن : $أ ج =$

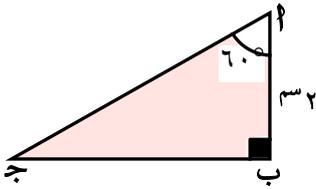
(ب ج ، أ ب ، $\frac{1}{2} أ ب$ ، $2 أ ب$)

السؤال الثاني : أكمل ما يأتي :

١) Δ $أ ب ج$ قائم الزاوية في ب فيه $أ ب = \frac{1}{2} أ ج$ فيكون و $(أ \Delta) =$

٢) طول وتر المثلث القائم الزاوية يساوي ضعف طول الخارج من رأس

٣) في الشكل المقابل :

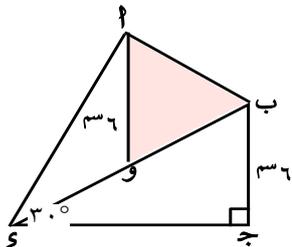


Δ $أ ب ج$ قائم في ب ، و $(أ \Delta) = 60^\circ$ ، $أ ب = 2$ سم

فإن : $أ ج =$ سم

السؤال الثالث :

في الشكل المقابل :



و $(أ ب ج) = 90^\circ$ ، $أ$ أو متوسط في Δ $أ ب س$ ، و $(أ ب س ج) = 30^\circ$

، $ب ج = أ و = 6$ سم

ثانياً : أثبت أن : و $(أ ب س) = 90^\circ$

أولاً : أوجد طول $ب س$

امتحان ٣ على درس ٢، ٣ من الوحدة الرابعة

السؤال الأول : اقل الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :

١) Δ س ص ع متساوي الساقين فيه \angle س = 100° فإن \angle و (ص) =

(40° ، 60° ، 80° ، 100°)

٢) إذا كان قياسا زاويتين في مثلث هما 50° ، 80° فإن المثلث يكون

(مختلف الأضلاع ، متساوي الساقين ، متساوي الأضلاع ، قائم الزاوية)

٣) قياس الزاوية الخارجة في المثلث المتساوي الأضلاع تساوي

(45° ، 60° ، 120° ، 135°)

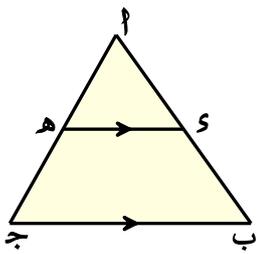
السؤال الثاني : أكمل ما يأتي :

١) المثلث المتساوي الساقين الذي قياس إحدى زواياه 60° يكون

٢) مثلث أ ب ج فيه \angle ب = 70° ، \angle ب = 50° فإن \angle و (ج) =

٣) إذا كان قياس زاوية رأس مثلث متساوي الساقين 80° فإن قياس كل زاوية من زاويتي قاعدته =

السؤال الثالث :

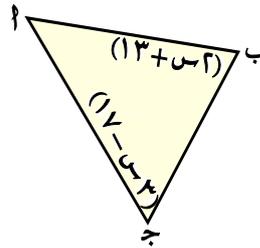


ب) في الشكل المقابل :

وه \parallel ب ج ،

\angle ه = \angle س

برهن أن : \angle ب = \angle ج



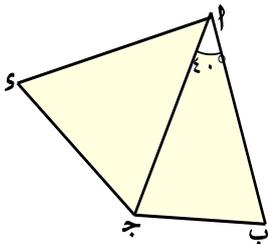
١) في الشكل المقابل :

\angle ب = \angle ج

و \angle ب = $(13 + س)^\circ$

و \angle ج = $(7 - س)^\circ$

أوجد : قياسات زوايا Δ أ ب ج



٢) في الشكل المقابل :

\angle ب = \angle ج = \angle س

و \angle ب = $(7 - س)^\circ$

أوجد : \angle ب ج س

امتحان ٤ على درس ٤ من الوحدة الرابعة

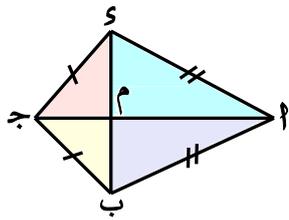
السؤال الأول : اقل الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :

- ١) عدد محاور تماثل المثلث المختلف الأضلاع يساوي
 (٣ ، ٢ ، ١ ، صفر)
- ٢) إذا كانت \exists محور تماثل $\overline{أب}$ فإن : $\overline{أج}$ $\overline{بج}$
 (// ، \perp ، = ، \equiv)
- ٣) عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الساقين
 (صفر ، ١ ، ٢ ، ٣)

السؤال الثاني : أكمل ما يأتي :

- ١) أي نقطة تنتمي إلى محور تماثل القطعة المستقيمة تكون على بعدين من طرفيها .
- ٢) منتصف زاوية الرأس في المثلث المتساوي الساقين ينصف القاعدة ويكون
- ٣) محور تماثل القطعة المستقيمة هو المستقيم من منتصفها .

السؤال الثالث :



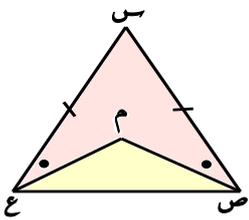
في الشكل المقابل :

$$\overline{سأ} = \overline{سب} ، \overline{سج} = \overline{سد}$$

أثبت أن :

- ١) $\overline{أج} \perp \overline{بج}$ محور $\overline{سب}$.
- ٢) $\overline{أم} \perp \overline{بم}$

السؤال الرابع :



في الشكل المقابل :

مثلث $سصع$ ، $م$ نقطة داخله بحيث

$$\angle(سصم) = \angle(سصع) ، \angle(سصع) = \angle(سصع)$$

أثبت أن : $\overline{سم} \perp \overline{صع}$ محور $\overline{صع}$

امتحان ٥ | اختبار عام على الهمدة الرابعة

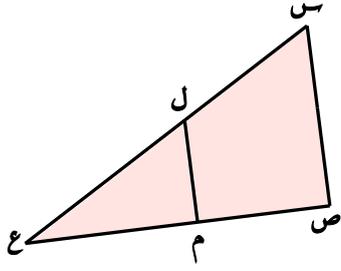
السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :

- (١) في المثلث أ ب ج القائم الزاوية في ب ، إذا كان أ ج = ٢٠ سم ، فإن طول المتوسط المرسوم من ب = سم
(٥ ، ٦ ، ٨ ، ١٠)
- (٢) المثلث الذي فيه قياسا زاويتين ٤٢° ، ٦٩° يكون
(متساوي الساقين ، متساوي الأضلاع ، مختلف الأضلاع ، قائم الزاوية)
- (٣) المثلث الذي له ثلاثة محاور تماثل هو المثلث
(متساوي الساقين ، متساوي الأضلاع ، مختلف الأضلاع ، قائم الزاوية)
- (٤) Δ س ص ع متساوي الساقين فيه \angle س = ١٠٠° فإن \angle ص =
(٤٠° ، ٦٠° ، ٨٠° ، ١٠٠°)
- (٥) طول متوسط المثلث القائم الخارج من رأس الزاوية القائمة يساوي الوتر
(ثلث ، ربع ، نصف ، ضعف)
- (٦) أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب إذا كان \angle ج = ٣٠° فإن أ ج أ ب
(نصف ، يساوي ، ضعف ، ثلث)

السؤال الثاني : أكمل ما يأتي :

- (١) إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث قائم الزاوية ٤٥° كان المثلث
- (٢) قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوي الأضلاع =
- (٣) طول الضلع المقابل لزاوية قياسها ٣٠° في المثلث القائم الزاوية تساوي
- (٤) محور تماثل القطعة المستقيمة هو المستقيم من منتصفها
- (٥) إذا كان قياس زاوية رأس مثلث متساوي الساقين ٨٠° فإن قياس كل زاوية من زاويتي قاعدته =

السؤال الثالث : في الشكل المقابل :



س ع = س ص ، و (ل) = 55°

و (س) = 70°

اثبت أن : م ل = ع م

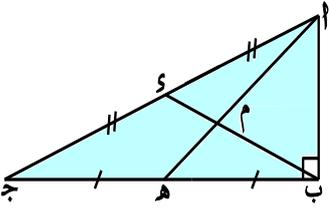
السؤال الرابع : في الشكل المقابل :

Δ أ ب ج قائم الزاوية في ب أ ج = أ ج م

م نقطة تقاطع المتوسطان أ ه ، ب س

أ ه = أ س م

أوجد : محيط Δ س م أ



السؤال الخامس :

في الشكل المقابل :

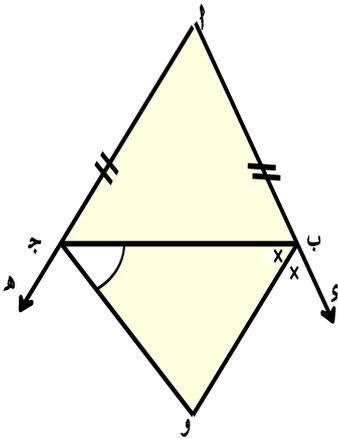
أ ب = أ ج ، س ب = أ ب ، ه ج = أ ج

ب و ينصف Δ س ب ج ، ج و ينصف Δ ب ج ه

اثبت أن :

أولاً : Δ ب و ج متساوي الساقين

ثانياً : $\vec{أ و}$ محور تماثل $\vec{ب ج}$



امتحان ٢) على درس ٣) من الوحدة الخامسة

السؤال الأول : اقل الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :

١) إذا كان Δ \hat{A} ب ج فيه : و (Δ ب) < و (Δ ج) فإن \hat{A} ج أ ب

(أكبر من ، أصغر من ، يساوي ، أصغر من أو يساوي)

٢) إذا كان Δ \hat{A} ب ج فيه و (Δ ب) = 30° فإن أكبر أضلاعه طولاً هو

(أ ج ، ب ج ، \hat{A} ب ، متوسطه)

٣) س ص ع مثلث فيه : و (Δ ع) = 70° ، و (Δ ص) = 60° فإن : ص ع س ص

(< ، > ، = ، ضعف)

السؤال الثاني : أكمل ما يأتي :

١) أصغر زوايا المثلث في القياس يقابلها

٢) في Δ \hat{A} ب ج : إذا كان و (Δ ب) = 70° ، و (Δ ج) = 30° فإن أكبر أضلاع المثلث طولاً هو

٣) إذا اختلف قياسا زاويتين في مثلث فأكبرهما في القياس يقابلها

السؤال الثالث :

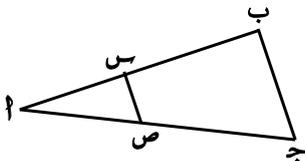
١) Δ \hat{A} ب ج فيه و (Δ ب) = 40° ، و (Δ ج) = 75° ، رتب أضلاع المثلث تنازلياً

٢) في الشكل المقابل :

أ ب < ب ج ،

س ص // ب ج ،

برهن أن : \hat{A} س < س ص



امتحان ٣ على درس ٤ من الوحدة الخامسة

السؤال الأول : اقل الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :

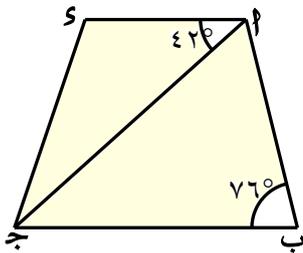
- ١) مجموع طولي أي ضلعين في مثلث طول الضلع الثالث. (\equiv ، = ، > ، <)
- ٢) إذا كان طولاً ضلعين في مثلث متساوي الساقين هما ٥ سم ، ١٢ سم فإن طول الضلع الثالث هو
(٧ ، ١٧ ، ١٢ ، ٥)
- ٣) الأعداد التي تصلح أن تكون أطوال أضلاع مثلث هي
(٧ ، ٣ ، ٣ ، ٦ ، ٣ ، ٣ ، ٥ ، ٣ ، ٣ ، ٥ ، ٣ ، ١٠)

السؤال الثاني : أكمل ما يأتي :

- ١) إذا كان طولاً ضلعين في مثلث ٢ سم ، ٧ سم فإن طول الضلع الثالث \in [..... ،]
- ٢) أكبر أضلاع المثلث القائم الزاوية طولاً هو
- ٣) مجموع طولي أي ضلعين في مثلث طول الضلع الثالث

السؤال الثالث :

- ١) في المثلث \triangle أ ب ج إذا كان \angle أ = ١٠ سم ، \angle ب = ٧ سم أوجد الفترة التي ينتمي إليها طول الضلع أ ج .



٢) في الشكل المقابل :

$\overline{SP} \parallel \overline{BJ}$ ، و \angle (أ ب ج) = ٧٦° ، و \angle (س أ ج) = ٤٢°

أثبت أن :

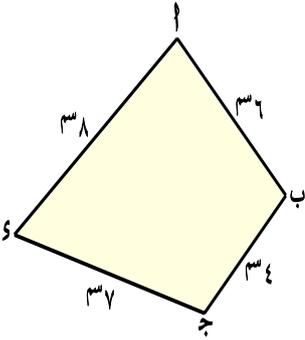
\angle ب > \angle ج

امتحان ٤ | اختبار عام على الوحدة الخامسة

السؤال الأول : أكمل ما يأتى :

- ١) أصغر زوايا المثلث فى القياس يقابلها
- ٢) فى Δ أ ب ج : إذا كان $\angle \text{أ} = 70^\circ$ ، و $\angle \text{ب} = 30^\circ$ فإن أكبر أضلاع المثلث طولاً هو
- ٣) إذا كان طولاً ضلعين فى مثلث متساوى الساقين ٣ سم ، ٧ سم فإن طول الضلع الثالث يساوى
- ٤) Δ أ ب ج فيه و $\angle \text{أ} = 100^\circ$ فإن أكبر أضلاعه طولاً هو
- ٥) Δ أ ب ج فيه أ ب = ٣ سم ، ب ج = ٥ سم فإن أ ج \in ، 1
- ٦) أطول أضلاع المثلث القائم الزاوية طولاً هو

السؤال الثانى : فى الشكل المقابل :



أ ب ج د شكل رباعى فيه

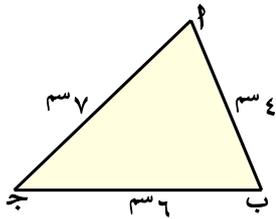
$$\text{أ ب} = ٦ \text{ سم}$$

$$\text{ب ج} = ٤ \text{ سم} ،$$

$$\text{ج د} = ٧ \text{ سم} ، \text{د أ} = ٨ \text{ سم}$$

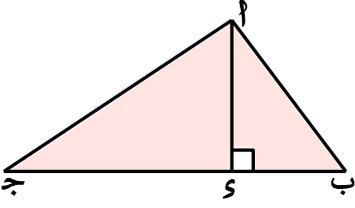
إبرهن أن : و $\angle \text{ب ج د} < \angle \text{د أ ب}$ و $\angle \text{أ ب د}$

السؤال الثالث : فى الشكل المقابل :



إلّا زوايا المثلث ترتيباً تنازلياً

السؤال الرابع : في الشكل المقابل:



أب ج مثلث

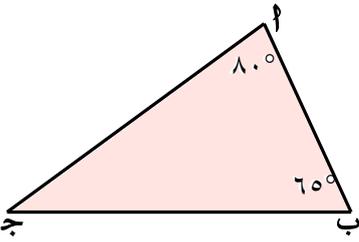
، $AS \perp BC$ ،

برهن أن:

$$AB + AC < 2AS$$

السؤال الخامس :

في الشكل المقابل:



إذا كان: $\angle A = 80^\circ$

و $\angle B = 65^\circ$

البا أطوال أضلاع المثلث أ ب ج تصاعدياً

مراجعة ليلة الامتحان في الهندسة

* اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- ١ عدد متوسطات المثلث القائم الزاوية يساوي
 (٢) واحد (٣) اثنين (٤) ثلاثة (٥) أربعة
- ٢ متوسطات المثلث تقاطع في
 (٢) نقطة واحدة (٣) نقطتين (٤) ثلاث نقاط (٥) عدد لانهائي
- ٣ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كل منها بنسبة من جهة القاعدة
 (٢) ١ : ٢ (٣) ١ : ٣ (٤) ١ : ٤ (٥) ١ : ٢
- ٤ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كل منها بنسبة من جهة الرأس
 (٢) ١ : ٢ (٣) ١ : ٣ (٤) ١ : ٤ (٥) ٢ : ٣
- ٥ إذا كان ΔABC فيه AM متوسط في مثلث ، M نقطة تقاطع متوسطات
 فإن $AM : MB = 2 : 1$
 (٢) ١ : ٢ (٣) ٢ : ٣ (٤) ١ : ٣ (٥) ١ : ٢
- ٦ إذا كانت M نقطة تلاقي المتوسطات في ΔABC ، وكان AM متوسط
 ، $AM = 6$ سم فإن $MB = 3$ سم
 (٢) ٢ (٣) ٣ (٤) ٤ (٥) ٦
- ٧ إذا كانت M نقطة تلاقي المتوسطات في ΔABC ، وكان AM متوسط طوله ٦ سم
 فإن $MB = 3$ سم
 (٢) ٢ (٣) ٣ (٤) ٤ (٥) ٦
- ٨ طول المتوسط المثلث القائم الخارج من رأس القائمة يساوي طول الوتر.
 (٢) ٢ (٣) $\frac{1}{2}$ (٤) $\frac{1}{3}$ (٥) $\frac{1}{4}$
- ٩ طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها 30° في المثلث القائم الزاوية
 يساوي طول الوتر.
 (٢) ٢ (٣) $\frac{1}{2}$ (٤) $\frac{1}{3}$ (٥) $\frac{1}{4}$
- ١٠ طول الوتر في المثلث القائم الزاوية يساوي طول المتوسط الخارج من
 رأس القائمة
 (٢) نصف (٣) ضعف (٤) ربع (٥) ثلث
- ١١ طول الوتر في المثلث القائم الزاوية يساوي طول الضلع المقابل للزاوية التي
 قياسها 30°
 (٢) نصف (٣) ضعف (٤) ربع (٥) ثلث

تمارين كتاب اليماني

١٢ إذا كان طول متوسط المثلث الخارج من رأس القائمة في المثلث القائم الزاوية = ٤ سم فإن : طول الوتر = سم

- ٢ (٢) ٤ (٣) ٨ (٤) ١٦ (٥)

١٣ إذا كان Δ ABC قائم الزاوية في C ، $AC = 6$ سم ، $BC = 8$ سم فإن : طول متوسط المرسوم من الرأس C = سم

- ٣ (٢) ٤ (٣) ٥ (٤) ٧ (٥)

١٤ ABC مثلث قائم الزاوية في C ، $\angle A = 30^\circ$ ، $AC = 12$ سم فإن : $BC =$ سم

- ٣ (٢) ٦ (٣) ١٢ (٤) ٢٤ (٥)

١٥ ABC مثلث فيه $\angle A = 30^\circ$ ، $\angle B = 90^\circ$ فإن : $BC =$ سم

- ٢ (٢) $\frac{1}{4}$ (٣) $\frac{1}{2}$ (٤) $\frac{1}{4}$ (٥)

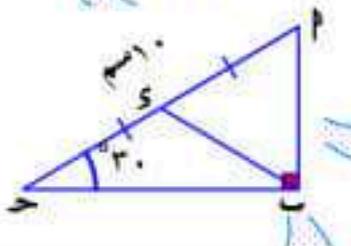
١٦ ABC مثلث قائم الزاوية في C فإذا كان : $BC = \frac{1}{4}$ فإن : $AB =$ سم

- ٣٠ (٢) ٤٥ (٣) ٦٠ (٤) ٩٠ (٥)

١٧ إذا كان طول متوسط المثلث المرسوم من أحد رؤوسه يساوي نصف طول الضلع المقابل لهذا الرأس فإن : زاوية هذا الرأس تكون

- (٢) حادة (٣) قائمة (٤) منفرجة (٥) منعكسة

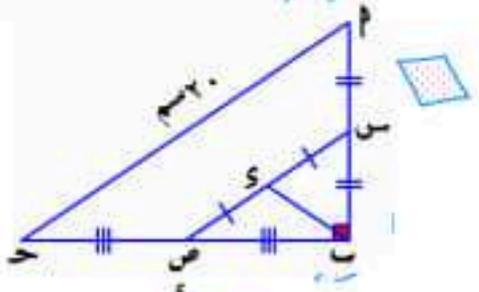
١٨ من الشكل :



محيط $\Delta ABC =$ سم

- ٥ (٢) ١٥ (٣) ١٠ (٤) ٣٠ (٥)

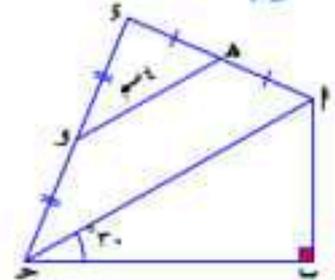
١٩ من الشكل :



طول $AC =$ سم

- ٥ (٢) ١٠ (٣) ٨ (٤) ١٥ (٥)

٢٠ من الشكل :

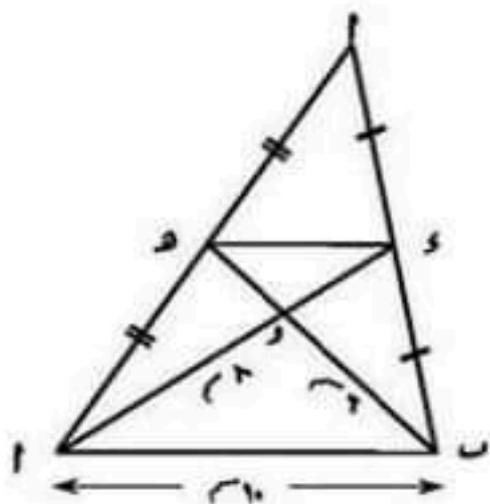


طول $AC =$ سم

- ٢ (٢) ٤ (٣) ٦ (٤) ٨ (٥)

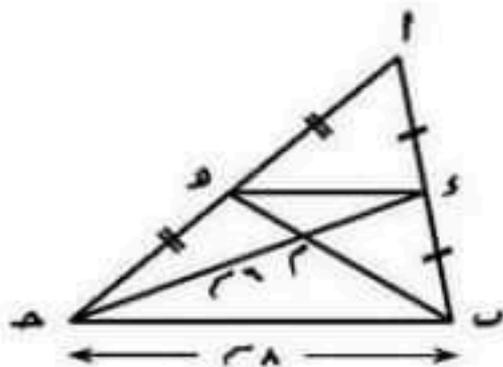
تدريبات على متوسطات المثلث

١) فو الشكل المقابل :



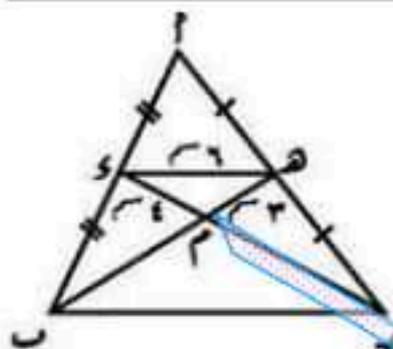
\overline{AD} ، \overline{BE} ، \overline{CF} متوسطان في ΔABC ،
مقاطعان في G ، $\angle 1 = \angle 2$ ،
 $\angle 3 = \angle 4$ ، $\angle 5 = \angle 6$ ،
أحسب محيط ΔG و

٢) فو الشكل المقابل :



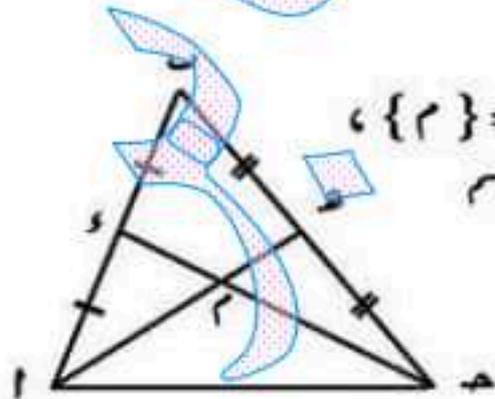
D منتصف AB ، E منتصف AC ،
 $\angle 1 = \angle 2$ ، $\angle 3 = \angle 4$ ،
 $\angle 5 = \angle 6$ ،
أوجد محيط ΔG و

٣) فو الشكل المقابل :



\overline{AD} ، \overline{BE} ، \overline{CF} متوسطان متقاطعان في G ،
 $\angle 1 = \angle 2$ ، $\angle 3 = \angle 4$ ، $\angle 5 = \angle 6$ ،
أوجد محيط ΔG و

٤) فو الشكل المقابل :



المتوسطان \overline{AD} و \overline{BE} يتقاطعان في G ،
 $\angle 1 = \angle 2$ ، $\angle 3 = \angle 4$ ،
أكمل ما يأتي :
① $\angle 5 = \dots\dots\dots$
② $\angle 6 = \dots\dots\dots$

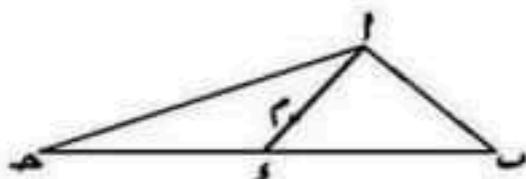
تمارين على تابع متوسطات المثلث

أولاً : أسئلة الإكمال

- ١ المتوسط في Δ هو
- ٢ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلًّا منها بنسبة : من جهة الرأس
- ٣ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كل منها من جهة القاعدة بنسبة :
- ٤ متوسطات Δ تتقاطع جميعها في تقسم كلًّا منها بنسبة ٣ :

٥ فو الشكل المقابل :

إذا كانت M نقطة تلاقي المتوسطات في Δ ABC فإن :



(أ) $AM = \dots = \dots$

(ب) $BM = \dots = \dots$

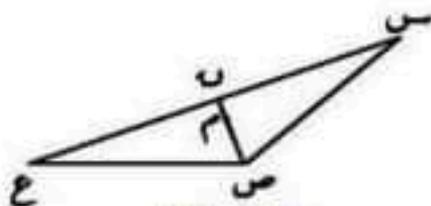
(ج) $CM = \dots = \dots$

٦ إذا كانت M نقطة تلاقي متوسطات Δ ABC وكان $AM = 6$ متوسط ،

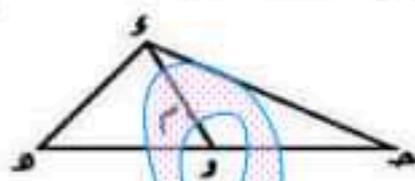
طول $AC = \dots = \dots$ فإن $AM = \dots = \dots$

٧ في كل من الأشكال الآتية :

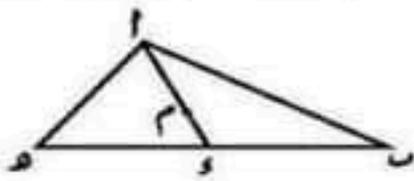
M نقطة تلاقي المتوسطات في المثلث المعطى :



شكل (٣)



شكل (٢)



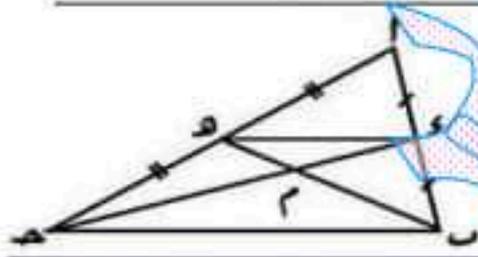
شكل (١)

١ شكل (١) إذا كان $AM = 2$ فإن $CM = \dots = \dots$

٢ شكل (٢) إذا كان $AM = 1,5$ فإن $CM = \dots = \dots$

٣ شكل (٣) إذا كان $AM = 6$ فإن $CM = \dots = \dots$

٨ فو الشكل المقابل :

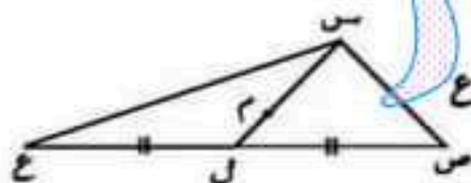


(أ) إذا كان $AM = 3$ فإن $BM = \dots = \dots$

(ب) إذا كان $AM = 4,5$ فإن $BM = \dots = \dots$

(ج) إذا كان $AM = 1,2$ فإن $BM = \dots = \dots$

٩ فو الشكل المقابل :



إذا كانت M نقطة تلاقي متوسطات Δ ABC فإن $AM = \dots = \dots$

فإن $BM = \dots = \dots$

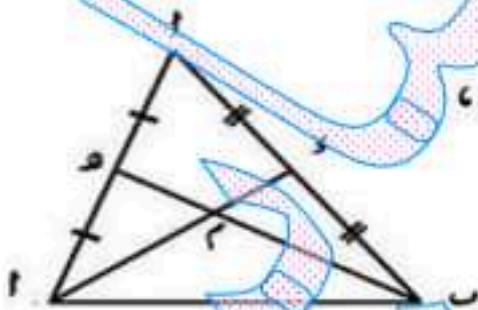
ثانياً : أسئلة الاختيار من متعدد

اختر الإجابة الصحيحة من بين الأقواس في كل مما يأتي :

- ① نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلاً منها بنسبة من جهة القاعدة
[٢:١ ك ١:٢ ك ٣:١ ك ١:٣]
 - ② إذا كانت م نقطة تقاطع متوسطات Δ ا ب ح ، م منتصف \overline{AC} فإن $AM = \dots$
[٢ م ك ٣ م ك ٤ م ك ٥ م]
 - ③ إذا كانت م نقطة تلاقي المتوسطات في Δ ا ب ح وكان \overline{AM} متوسط طوله ٦ سم فإن $AM = \dots$ سم
[١ ك ٢ ك ٣ ك ٤]
 - ④ مستطيل تقاطع قطره في م ، طول قطره ٦ سم فإن طول المتوسط $\overline{AM} = \dots$
[٢ سم ك ٣ سم ك ٦ سم ك ١٢ سم]
 - ⑤ متوسطات المثلث تقاطع جميعها في
[نقطتين ك نقطة واحدة ك ٣ نقاط]
 - ⑥ نقطة متوسطات المثلث تقسم كل منها بنسبة ٢:٤ من جهة
[القاعدة ك الرأس ك غير ذلك ك الضلع الأكبر]
 - ⑦ في المثلث ا ب ح ، إذا كان \overline{AM} متوسطاً ، م نقطة تلاقي المتوسطات فإن $AM = \dots$ م
[$\frac{1}{3}$ ك $\frac{2}{3}$ ك $\frac{3}{4}$ ك $\frac{1}{4}$]
 - ⑧ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كل منها بنسبة من جهة الرأس
[٣:١ ك ٣:٢ ك ١:٢ ك ٢:١]
- *****

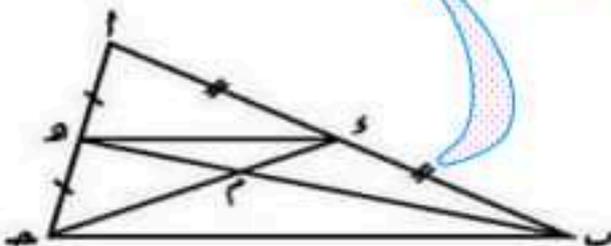
ثالثاً أسئلة المقال :-

١) في الشكل المقابل :



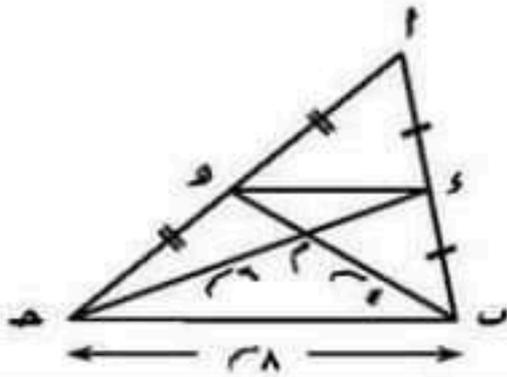
\overline{AD} ، \overline{BE} متوسطان متقاطعان في م ،
إذا كان $AM = ٨$ سم ، $BE = ٩$ سم ،
أوجد طول \overline{CM} ، \overline{DE} ، \overline{BC}

٢) في الشكل المقابل



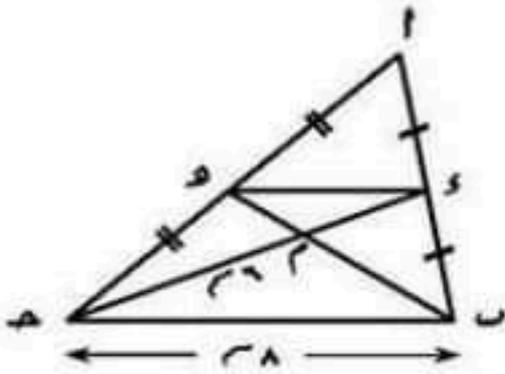
ا ب ح Δ فيه \overline{AD} ، \overline{BE} متوسطان
تقاطعا في م ، $BE = ١٢$ سم ،
 $AM = ٩$ سم ، $BC = ١٢$ سم
أوجد محيط Δ ا ب ح

٣) في الشكل المقابل



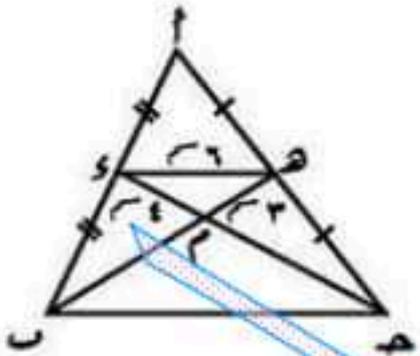
أ ب ح مثلث فيه $AG = 4$ ، $GD = 8$ ،
 د منتصف \overline{AB} ، ه منتصف \overline{AC} ،
 $AG = 4$ ، $GE = 8$ ، $CG = 4$ ،
 أوجد بالبرهان محيط $\triangle G$ و ه م

٤) في الشكل المقابل



د منتصف \overline{AB} ، ه منتصف \overline{AC} ،
 $AG = 6$ ، $GE = 8$ ، $CG = 6$ ،
 $AG = 6$ ، $GD = 8$ ،
 أوجد محيط $\triangle G$ و ه م

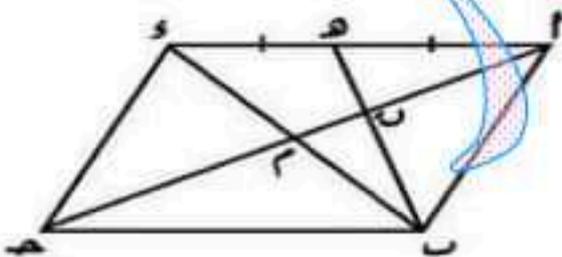
٥) في الشكل المقابل :



ب ه ، د منتصف \overline{AC} متوسطان متقاطعان في م ،
 $AG = 3$ ، $GD = 6$ ، $CG = 6$ ، $GE = 6$ ،
 أوجد محيط $\triangle G$ و ه م

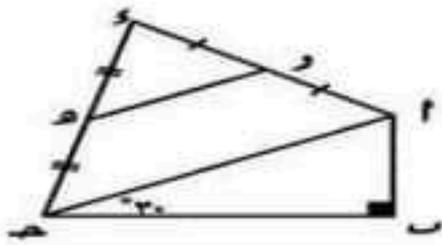
رابعاً مسائل تحتاج إلى تركيز :-

١) في الشكل المقابل :



أ ب ح د متوازي أضلاع
 تقاطع قطراه في م ،
 ه منتصف \overline{AD}
 أثبت أن $AE = \frac{1}{3} AC$

تدريبات على تابع متوسطات المثلث



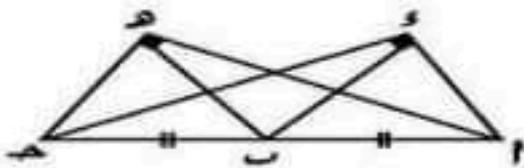
١) في الشكل المقابل :

$\angle C = 90^\circ$

$\angle A = 30^\circ$

د، هـ ومنتصفاً لـ حـ ، د هـ هي الترتيب

أثبت أن $د = و = ا$

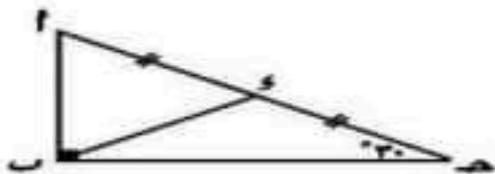


٢) في الشكل المقابل :

$\angle C = 90^\circ$

ب منتصف ا حـ

أثبت أن $د ب = هـ ب$



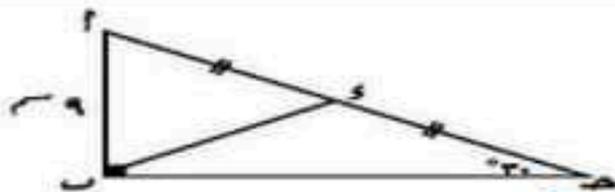
٣) في الشكل المقابل :

ΔABC قائم الزاوية في ب ،

$\angle A = 30^\circ$

د منتصف ا حـ ، ا حـ = ١٤

أوجد طول كل من ا ب ، ب ج



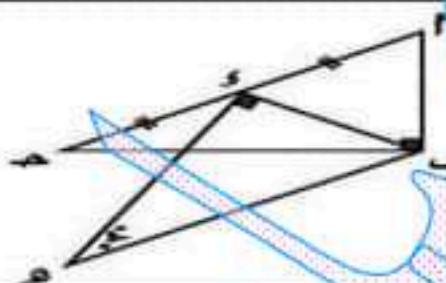
٤) في الشكل المقابل :

ا ب حـ مثلث قائم الزاوية في ب ،

$\angle A = 30^\circ$ ، ا ب = ٩

د منتصف ا حـ

أوجد بالبرهان طول كل من ا حـ ، ب ج

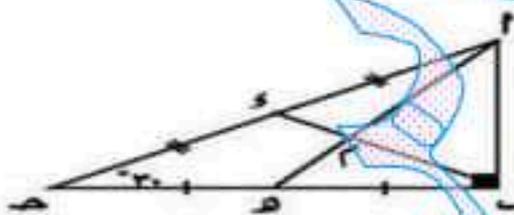


٥) في الشكل المقابل :

$\angle C = 90^\circ$ ، ا ب = ١٠ ، ا حـ = ٦

$\angle A = 30^\circ$ ، د منتصف ا حـ

أثبت أن ا حـ = ب ج



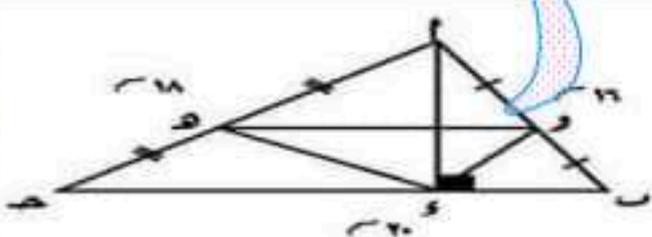
٦) في الشكل المقابل :

ΔABC قائم الزاوية في ب ،

$\angle A = 30^\circ$ ، د منتصف ا حـ ،

هـ منتصف ب ج ، ا حـ = ٩

أوجد طول كل من ا ب ، ب ج ، ا ج



٧) في الشكل المقابل :

إذا كان ا ب = ١٦ ، ا حـ = ١٨

ب حـ = ٢٠ ، ا جـ \perp ب جـ ،

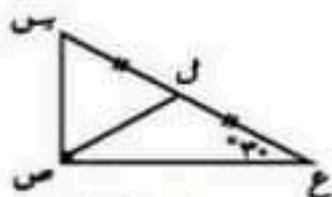
و منتصف ا ب ، هـ منتصف ا حـ

فأوجد محيط ΔDEB

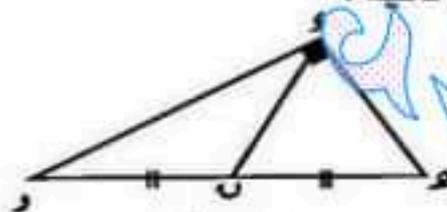
تمارين على تابع متوسطات المثلث

أولاً : أسئلة الإكمال

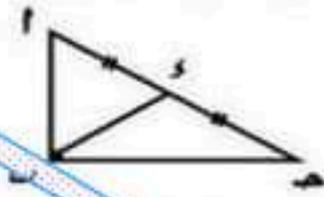
① في كل من الأشكال الآتية :



شكل (٣)



شكل (٢)



شكل (١)

فإن $l = \dots\dots\dots = m$

فإن $n = \dots\dots\dots = o$

فإن $s = \dots\dots\dots = t$

إذا كان $l = 8$ ،

إذا كان $s = 3$ ،

إذا كان $s = 3,5$ ،

ثانياً : أسئلة الاختيار من متعدد

اختر الإجابة الصحيحة من بين الأقواس في كل ما يأتي :

① طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها 30° في المثلث القائم الزاوية يساوي

[ضعف طول الوتر ، نصف طول الوتر ، ثلث طول الوتر ، طول الوتر]

② طول المتوسط الخارج من رأس القائمة = طول وتر Δ القائم الزاوية.

[$\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{3}$ ، 2]

ثالثاً : أسئلة المقال :-

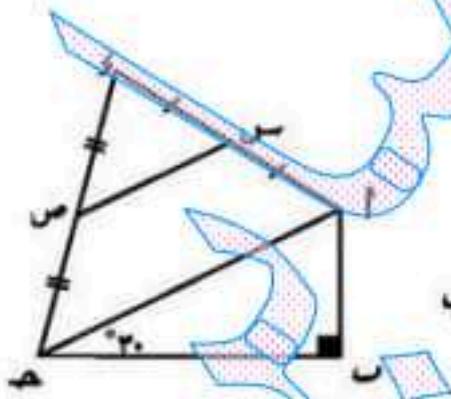
① في الشكل المقابل :

$\angle B = 90^\circ$ ،

$\angle A = 30^\circ$ ،

S ، ص منتصف \overline{AD} ، \overline{DE} على الترتيب

أثبت أن $SS = AS$

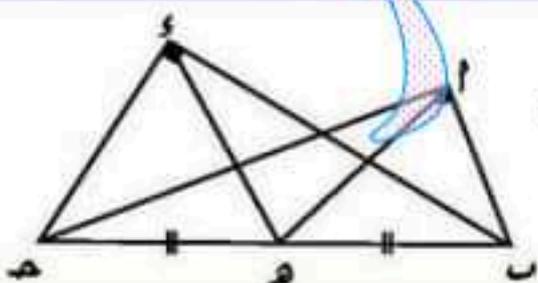


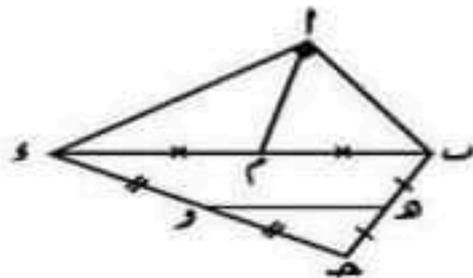
② في الشكل المقابل

$\angle B = 90^\circ$ ، $\angle A = 30^\circ$ ،

ص منتصف \overline{BC}

أثبت أن $AS = SD$





٣) في الشكل المقابل

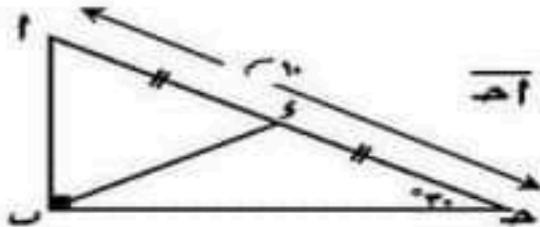
هـ ، د ، و م منتصفات

\overline{AD} ، \overline{DE} ، \overline{EC}

و $(\angle \text{د هـ و}) = 90^\circ$

أثبت أن $DF = DE$

٤) في الشكل المقابل

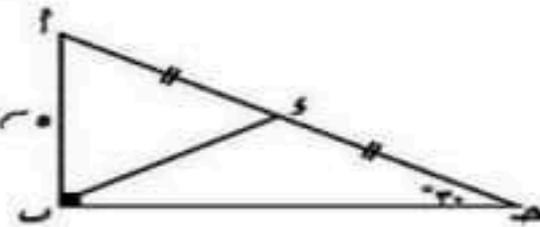


ΔABC قائم الزاوية في C ، D منتصف \overline{AB}

$\angle \text{د هـ و} = 90^\circ$ ، $\angle \text{د هـ ج} = 30^\circ$

أوجد محيط ΔABC

٥) في الشكل المقابل



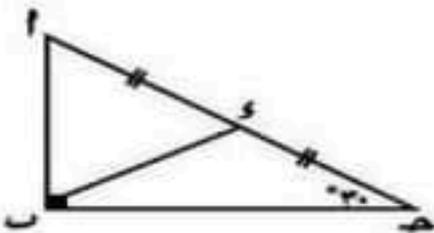
ΔABC مثلث قائم الزاوية في C ،

و $(\angle \text{د هـ و}) = 30^\circ$ ، $\angle \text{د هـ ج} = 35^\circ$

D منتصف \overline{AB}

أوجد بالبرهان طول \overline{DE} من \overline{AC} ، \overline{BC}

٦) في الشكل المقابل :

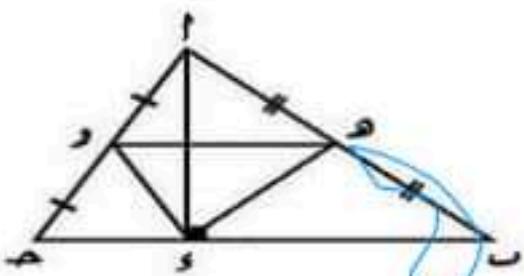


و $(\angle \text{د هـ و}) = 90^\circ$ ،

D منتصف \overline{AB} ، و $(\angle \text{د هـ و}) = 30^\circ$

أثبت أن ΔABC متساوي الأضلاع

٧) في الشكل المقابل :



ΔABC فيه

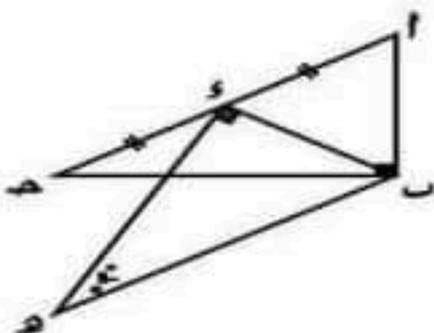
هـ ، د منتصفى \overline{AB} ، \overline{AC} على الترتيب ،

$\overline{AD} \perp \overline{DE}$ ، \overline{DE} يقطع \overline{BC} في F ، $\angle \text{د هـ و} = 30^\circ$ ،

$\angle \text{د هـ ج} = 12^\circ$ ، $\angle \text{د هـ و} = 8^\circ$

احسب محيط ΔABC

٨) في الشكل المقابل



و $(\angle \text{د هـ و}) = 90^\circ$ ، $(\angle \text{د هـ ج}) = 30^\circ$

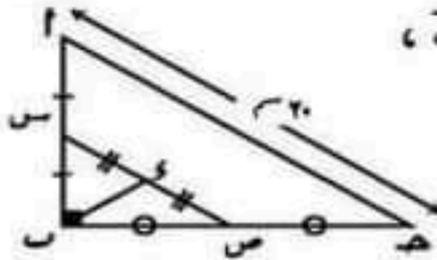
D منتصف \overline{AB} ،

و $(\angle \text{د هـ و}) = 30^\circ$ ، $\angle \text{د هـ ج} = 10^\circ$

أوجد طول \overline{DE}

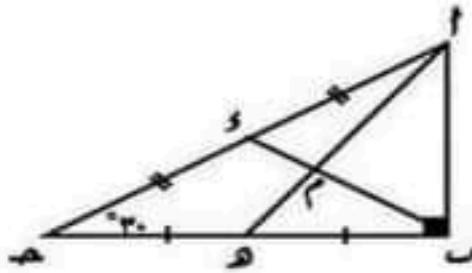
رابعاً: مسائل تحتاج إلى تركيز:-

١) في الشكل المقابل :



ق $(\angle A) = 20^\circ$ ، من منتصف \overline{AB} ،
 من منتصف \overline{BC} ،
 د منتصف \overline{AC} ، $\angle A = 20^\circ$
 أوجد طول \overline{DE}

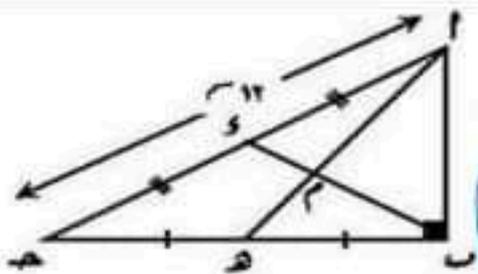
٢) في الشكل المقابل :



٢) محيط المثلث $\triangle ABC$

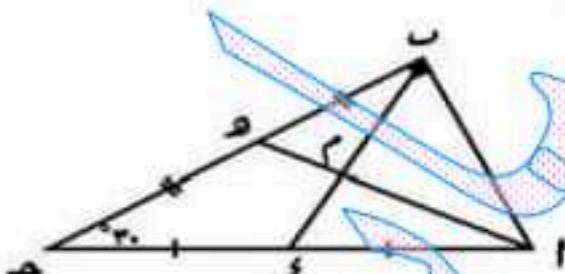
$\triangle ABC$ قائم الزاوية في B ،
 ق $(\angle A) = 30^\circ$ ،
 د منتصف \overline{AC} ، ه منتصف \overline{BC} ،
 أ $AB = 12$ ، م $DE = 5$ ،
 ١) طول كل من \overline{AB} ، \overline{BC}

٣) في الشكل المقابل :



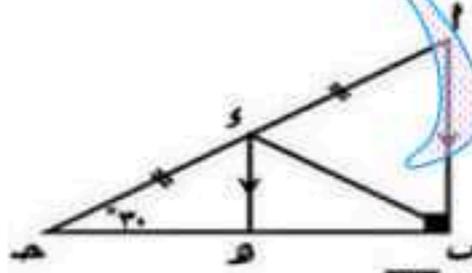
$\triangle ABC$ قائم الزاوية في B ، $\angle A = 30^\circ$ ،
 د ، ه منتصف \overline{AC} ، \overline{BC} على الترتيب
 أوجد طول كل من \overline{BC} ، \overline{DE}

٤) في الشكل المقابل :



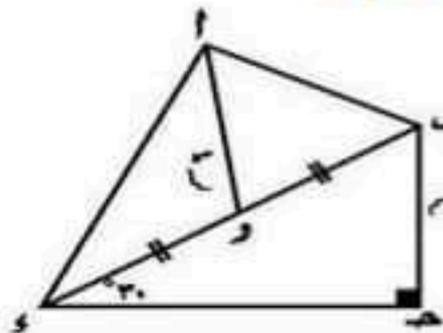
$\triangle ABC$ مثلث قائم الزاوية في B ،
 أ ه ، \overline{DE} متوسطان فيه
 متقاطعان في $\{M\}$ ،
 ق $(\angle A) = 30^\circ$ ، $\angle A = 9^\circ$
 أوجد طول كل من \overline{AB} ، \overline{BC} ، \overline{DE}

٥) في الشكل المقابل :



وإذا كان $BC = 6$ أوجد طول كل من \overline{AB} ، \overline{DE}

تعاريف على إثبات متوسط المثلث



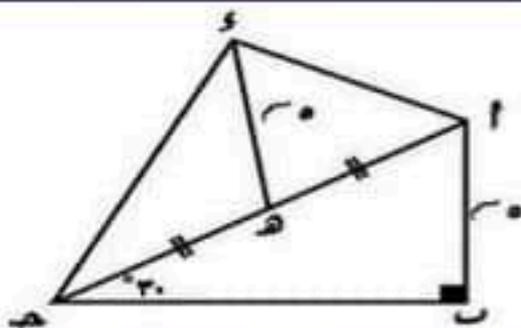
١) في الشكل المقابل

و $(\angle \text{ح د ب}) = 90^\circ$ ، $\overline{\text{أ د}}$ متوسط في $\triangle \text{أ ب ج}$ ،

و $(\angle \text{ب د ج}) = 30^\circ$ ، $\text{ب د} = \text{د ج} = \text{ج د}$ ،

١) أوجد طول $\overline{\text{ب د}}$

٢) أثبت أن $(\angle \text{ب د ج}) = 90^\circ$



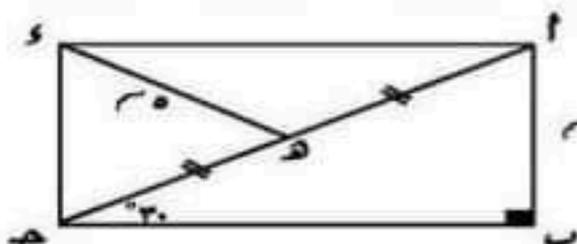
٢) في الشكل المقابل :

أ ب ح مثلث قائم الزاوية في ب ،

و $(\angle \text{ب ا ح}) = 30^\circ$ ، $\text{ب د} = \text{د ج}$ ،

د منتصف $\overline{\text{أ ح}}$ ، $\text{د ج} = \text{ج د}$ ،

أثبت أن $(\angle \text{ب د ج}) = 90^\circ$

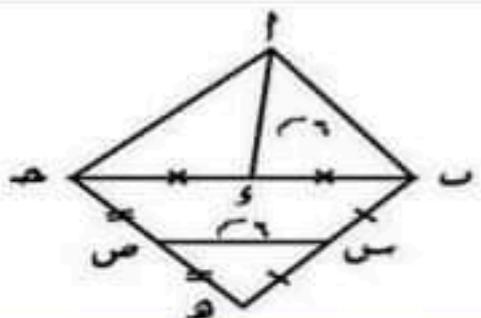


٣) في الشكل المقابل :

و $(\angle \text{ب د ج}) = 90^\circ$ ، و $(\angle \text{ب ا ح}) = 30^\circ$ ،

أ ب ج د = د ج = ج د

أثبت أن $(\angle \text{ب د ج}) = 90^\circ$



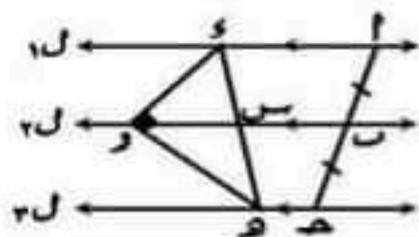
٤) في الشكل المقابل

أ د متوسط في المثلث أ ب ح ،

س ، ص منتصف $\overline{\text{ب ح}}$ ، $\overline{\text{ح د}}$ على الترتيب ،

أ د = س س = ص ص = ج ج

أثبت أن $(\angle \text{ب ا ح}) = 90^\circ$

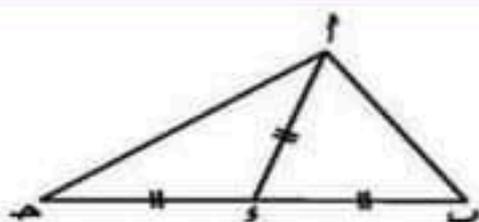


٥) في الشكل المقابل

ل // م // ن ، $\text{أ ب} = \text{ب ج}$ ،

و $(\angle \text{د و ه}) = 90^\circ$

أثبت أن $\text{و س} = \frac{1}{4} \text{د ه}$



٦) في الشكل المقابل :

أ ب ج د = د ج = ج د

أثبت أن $(\angle \text{ب ا ح}) = 90^\circ$

★ المثلث المتساوي الساقين :

- ١ زاويتا القاعدة في المثلث المتساوي الساقين
 (٢) متطابقتان (٣) متتامتان (٤) متكاملتان (٥) منعكستان
- ٢ قياس أي زاوية من زوايا المثلث المتساوي الأضلاع يساوي
 (٢) $^{\circ}45$ (٣) $^{\circ}60$ (٤) $^{\circ}120$ (٥) $^{\circ}180$
- ٣ قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوي الأضلاع يساوي
 (٢) $^{\circ}45$ (٣) $^{\circ}60$ (٤) $^{\circ}120$ (٥) $^{\circ}180$
- ٤ إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث متساوي الساقين $^{\circ}60$ يكون المثلث
 (٢) متساوي الساقين (٣) متساوي الأضلاع
 (٤) متخلف الأضلاع (٥) قائم الزاوية
- ٥ Δ abc فيه : $a = b = c$ ، $\angle a = 70^{\circ}$ ، فإن $\angle b =$
 (٢) 70° (٣) 140° (٤) 40° (٥) 55°
- ٦ Δ abc فيه : $a = b = c$ ، $\angle a = 50^{\circ}$ ، فإن $\angle b =$
 (٢) 50° (٣) 100° (٤) 80° (٥) 65°
- ٧ Δ abc متساوي الساقين فيه : $\angle a = 100^{\circ}$ ، فإن $\angle b =$
 (٢) 80° (٣) 100° (٤) 40° (٥) 20°
- ٨ Δ abc فيه : $a = b = c$ ، $\angle a = 130^{\circ}$ ، فإن $\angle b =$
 (٢) 180° (٣) 50° (٤) 65° (٥) 80°
- ٩ Δ abc فيه : $\angle a = 2\angle b = 2\angle c$ ، فإن $\angle a =$
 (٢) 30° (٣) 45° (٤) 60° (٥) 90°
- ١٠ إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث قائم الزاوية $^{\circ}45$ يكون المثلث
 (٢) متساوي الساقين (٣) متساوي الأضلاع
 (٤) متخلف الأضلاع (٥) قائم الزاوية
- ١١ Δ abc فيه : $\angle a = 70^{\circ}$ ، $\angle b = 55^{\circ}$ ، فإن $\angle c =$
 (٢) $a = b$ (٣) $a = c$ (٤) $a = b = c$ (٥) غير ذلك

١٢ المستقيم المرسوم من رأسه عموديا على القاعدة يسمى

المثلث المتساوي الساقين

(م) منصف (ب) عمودي (ح) متوسط (د) محور تماثل

١٤ عدد محاور التماثل المثلث المتساوي الساقين

(م) صفر (ب) ١ (ح) ٢ (د) ٣

١٥ عدد محاور التماثل المثلث المختلف الأضلاع

(م) صفر (ب) ١ (ح) ٢ (د) ٣

١٦ إذا كان Δ م ح فيه : ن (م) $= 75^\circ$ ، ن (ب) $= 30^\circ$

فإن : عدد محاور تماثله

(م) صفر (ب) ١ (ح) ٢ (د) ٣

١٧ إذا كان Δ م ح فيه : ن (م) $= 60^\circ$ ، ن (ب) $= 60^\circ$

فإن : عدد محاور تماثله

(م) صفر (ب) ١ (ح) ٢ (د) ٣

١٨ إذا كانت : ح د محور تماثل م ب فإن : ح د =

(م) م ب (ب) ح د (ح) م ح (د) ح م

١٩ إذا كان : م س = م ب ، م ب = م ح فإن : م س = م ح =

(م) \perp (ب) \parallel (ح) \equiv (د) \equiv

٢٠ من الشكل :

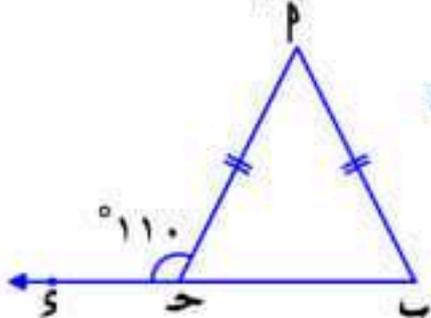
ن (م) $= 70^\circ$

(ب) 40°

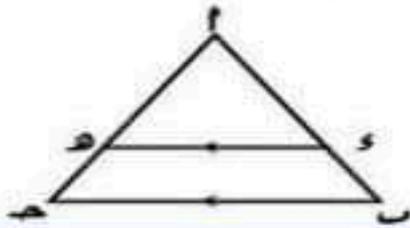
(م) 70°

(د) 180°

(ح) 55°



تدريبات على المثلث المتساوي الساقين

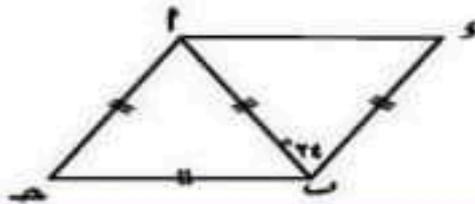


١) فو الشكل المقابل :

$$DE \parallel BC$$

$$FD = FE$$

أثبت أن $\triangle FDE$ متساوي الساقين



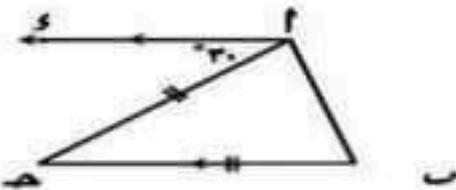
٢) فو الشكل المقابل :

أه ب شكل رباعي فيه

$$AE = CF \text{ و } AF = CE$$

$$\angle AEF = \angle CFE$$

$$\text{أوجد } \angle ADE$$



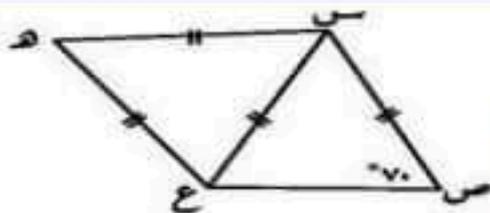
٣) فو الشكل المقابل :

أه ب مثلث فيه أه = ب ه

$$DE \parallel BC$$

$$\angle ADE = \angle CDE$$

أوجد بالبرهان $\angle ADE$

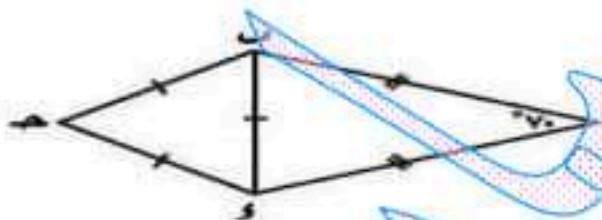


٤) فو الشكل المقابل :

$$BE = EC \text{ و } AD = DC$$

$$\angle C = 70^\circ$$

أوجد بالبرهان $\angle ADE$



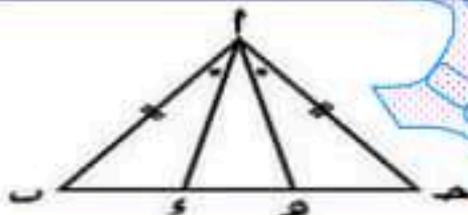
٥) فو الشكل المقابل :

$$AE = CF$$

$\triangle ABC$ متساوي الأضلاع

$$\angle C = 70^\circ$$

أوجد $\angle ADE$

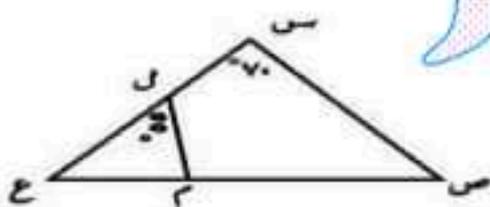


٦) فو الشكل المقابل :

$$AD = DC$$

$$\angle A = 70^\circ$$

أثبت أن $\angle ADE = \angle CDE$



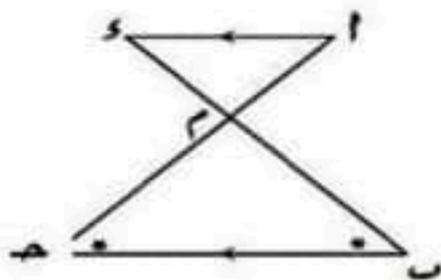
٧) فو الشكل المقابل :

$$BE = EC \text{ و } \angle C = 70^\circ$$

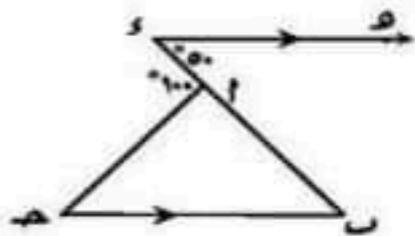
$$\angle A = 55^\circ$$

أثبت أن $\angle ADE = \angle CDE$

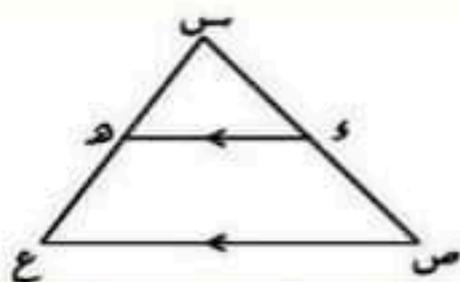
تمارين على المثلث المتساوي الساقين



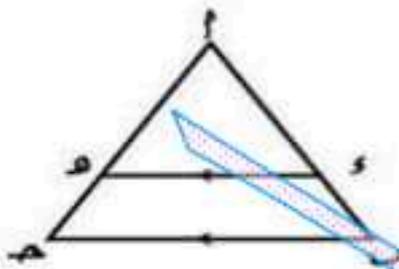
١) في الشكل المقابل :
 $\overline{AB} \cap \overline{AC} = \{M\}$ ،
 $\overline{AB} \parallel \overline{BC}$ ، $\angle (B) = \angle (C)$ ،
 أثبت أن : ΔAMC متساوي الساقين



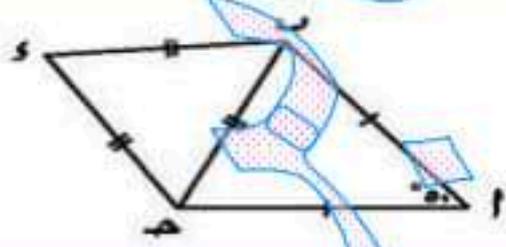
٢) في الشكل المقابل :
 $\overline{BC} \parallel \overline{AB}$ ،
 $\angle (A) = \angle (C)$ ،
 $\angle (B) = \angle (A)$ ،
 أثبت أن ΔABC متساوي الساقين



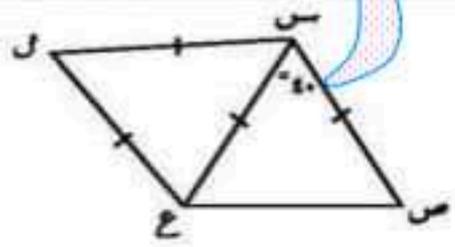
٣) في الشكل المقابل :
 $BC = CA$ ، $BC \parallel CA$ ،
 $\overline{BC} \parallel \overline{CA}$ ،
 أثبت أن : ΔABC متساوي الساقين



٤) في الشكل المقابل :
 $\overline{BC} \parallel \overline{CA}$ ،
 $AB = AC$ ،
 أثبت أن ΔABC متساوي الساقين

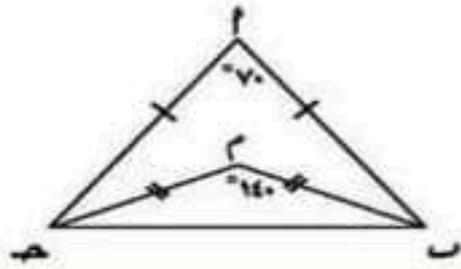


٥) في الشكل المقابل :
 $\angle (A) = \angle (B)$ ، $\angle (A) = \angle (C)$ ،
 ΔABC متساوي الأضلاع
 أوجد $\angle (ABC)$



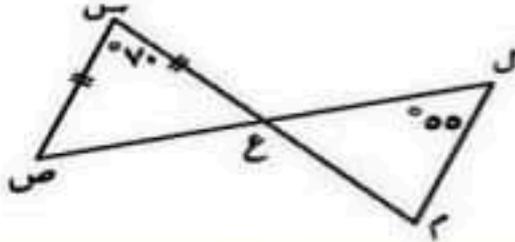
٦) في الشكل المقابل :
 $BC = CA = AB$ ، $\angle (A) = \angle (B) = \angle (C)$ ،
 $\angle (A) = \angle (B) = \angle (C)$ ،
 أوجد $\angle (A)$

٧) فو الشكل المقابل :



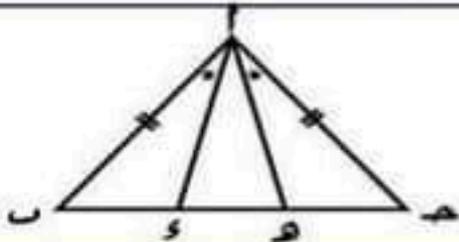
ا ب = ا ح ، م ب = م ح ،
 و (ا ب) = 70° ، و (م ب) = 140°
 اوجد : و (ا ح م)

٨) فو الشكل المقابل :



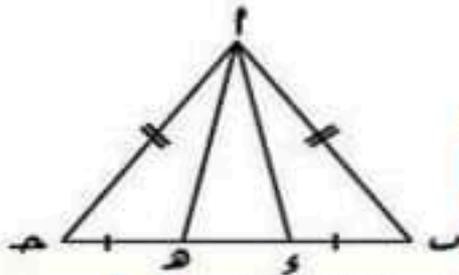
س ع = س ح ، و (م ب ج) = 50° ،
 و (د س) = 70°
 اثبت ان م ب = م ج

٩) فو الشكل المقابل :



ا ب = ا ح ،
 و (ا ب د) = (ا ح د)
 اثبت ان ا د = ا د ، ب د = ح د

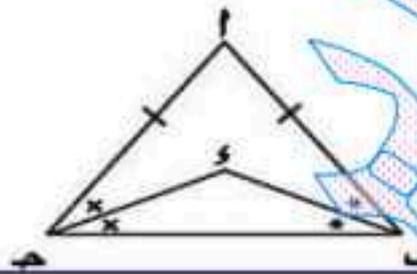
١٠) فو الشكل المقابل :



ا ب ح مثلث فيه ا ب = ا ح ،
 ب د = ح د
 اثبت ان : ا د = ا د

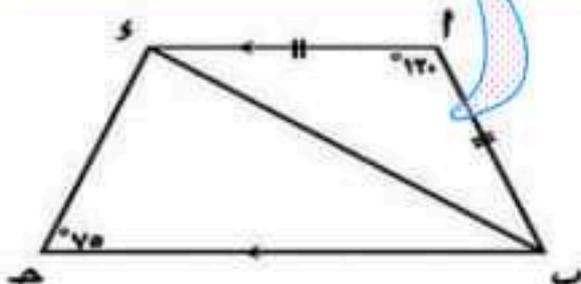
المستوى الثاني :-

١) فو الشكل المقابل :

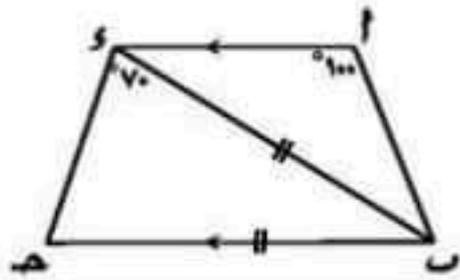


ا ب = ا ح ، س د ينصف (ا ب ح) ،
 ح د ينصف (ا ح ب)
 برون ان : ا ب ح متساوي الساقين

٢) فو الشكل المقابل :



ا ب = ا ح ، ا د // ا ح ،
 و (ا ب ح) = 120° ،
 و (ا ح) = 75°
 اثبت ان : ب ح = ب ح

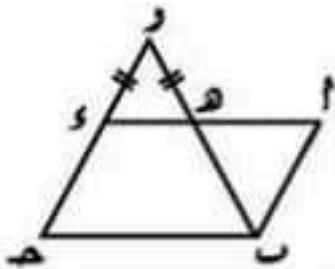


٣) في الشكل المقابل :

$$\overline{AD} \parallel \overline{BC} \text{ و } (\angle A) = 100^\circ$$

$$\text{و } (\angle C) = 70^\circ \text{ و } AB = DC$$

اثبت أن ΔABC متساوي الساقين

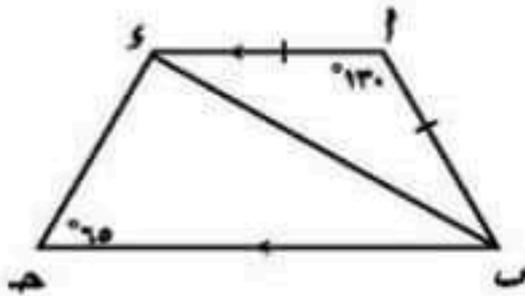


٤) في الشكل المقابل :

$$AB \parallel DE \text{ و } متوازي اضلاع و \exists \overline{DE}$$

$$\overline{DE} \cap \overline{AC} = \{E\} \text{ بحيث } DE = EC$$

اثبت أن ΔABC متساوي الساقين



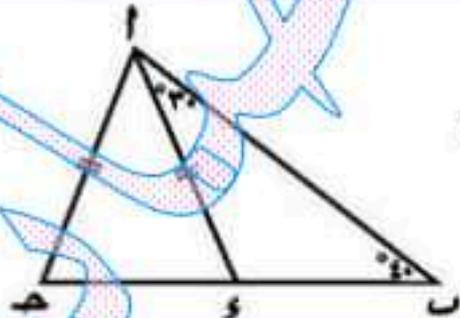
٥) في الشكل المقابل :

$$\overline{AD} \parallel \overline{DC}$$

$$\angle A = 130^\circ \text{ و } (\angle B) = 65^\circ$$

$$\text{و } (\angle C) = 65^\circ$$

اثبت أن $\overline{AD} \perp \overline{DC}$



٦) في الشكل المقابل :

$$\angle A = 40^\circ \text{ و } (\angle B) = 30^\circ$$

$$\text{و } (\angle C) = 30^\circ$$

اثبت أن $AB = AC$



٧) في الشكل المقابل :

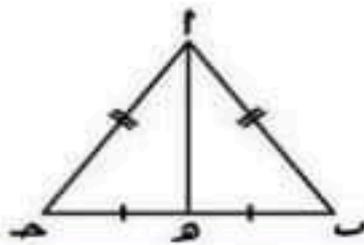
$$AB = AC$$

$$\angle A = 70^\circ \text{ و } (\angle B) = 55^\circ$$

$$\text{و } (\angle C) = 55^\circ$$

اثبت أن $DE = EC$

تمارين على نتائج المثلث المتساوي الساقين

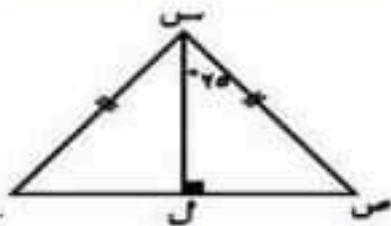


١) في الشكل المقابل :

$PA = PB$ ، D منتصف AB

أثبت أن :

$PD \perp AB$



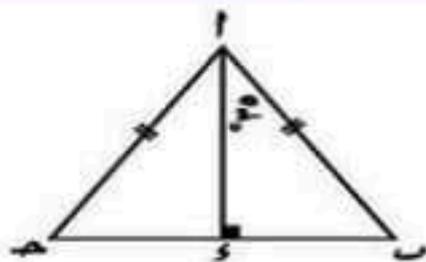
٢) في الشكل المقابل :

$SB = SC$ ، $SJ \perp BC$ ،

$\angle C = 83^\circ$ ، $\angle (S, SJ) = 25^\circ$

أوجد ١) طول SJ

٢) $\angle (S, BC)$



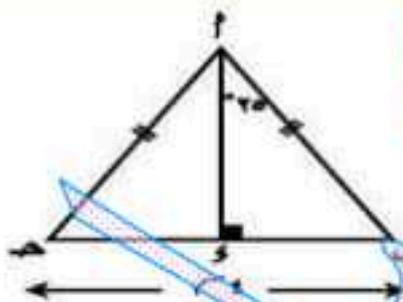
٣) في الشكل المقابل :

ΔPAB فيه $PA \perp AB$ ،

$\angle B = 43^\circ$ ، $PA = PB$ ،

$\angle (P, AB) = 25^\circ$

أوجد $\angle (D, PA)$ ، طول PD



٤) في الشكل المقابل :

ΔPAB فيه $PA = PB$ ،

$AD \perp AB$ ، $\angle (P, AB) = 25^\circ$ ،

$\angle B = 43^\circ$

أوجد ١) $\angle (D, PA)$

٢) طول AD

★ التباين:

- ① Δ $a < b < c$ فيه : $a < b < c$ فإن : $a < b < c$ $a < b < c$
- ② إذا كان Δ $a < b < c$ فيه : $a < b < c$ سم ، $a = b = c$ سم ، $a > b > c$ سم
- ③ Δ $a < b < c$ فيه : $a < b < c$ ، $a = b = c$ ، $a > b > c$ فإن : $a < b < c$ $a < b < c$
- ④ Δ $a < b < c$ فيه : $a < b < c$ ، $a = b = c$ ، $a > b > c$ فإن : $a < b < c$ $a < b < c$
- ⑤ Δ $a < b < c$ قائم الزاوية في c فإن : $a < b < c$ $a < b < c$
- ⑥ Δ $a < b < c$ فيه : $a < b < c$ ، $a = b = c$ ، $a > b > c$ يكون أطول أضلاعه طولاً هو $a < b < c$
- ⑦ في أي مثلث يكون مجموع طولي ضلعين طول الضلع الثالث
- ⑧ (a) أكبر من (b) أصغر من (c) يساوي (d) ضعف
- ⑨ في المثلث $a < b < c$ يكون $a + b > c$ $a + b > c$
- ⑩ الأطوال التي تصلح أن تكون أضلاع مثلث هي (a, b, c) ، (a, b, c) ، (a, b, c) ، (a, b, c)
- ⑪ مثلث متساوي الساقين فيه طولاً ضلعين a سم ، b سم ، c سم فإن طول الضلع الثالث = سم
- ⑫ إذا كان طولاً ضلعين في مثلث a سم ، b سم وله محور تماثل واحد فإن محيطه = سم
- ⑬ إذا كان Δ $a < b < c$ فيه : $a = b = c$ ، $a < b < c$ ، $a > b > c$ فإن : $a < b < c$ $a < b < c$

تدريبات على المقارنة بين أقياسات زوايا مثلث

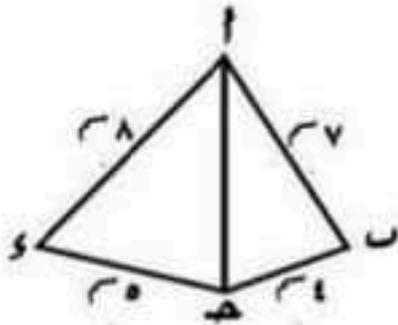
الفكرة الأولى :-

١ المثلث $أ ب ح$ فيه $أ ب = ٦$ ، $ب ح = ٨$ ، $أ ح = ٥$ ،
رتب قياسات زوايا المثلث تصاعدياً

٢ في $\Delta أ ب ح$ فيه $أ ب = ٧$ ، $ب ح = ٥$ ، $أ ح = ٦$ ،
رتب تصاعدياً قياسات زواياه

الفكرة الثانية

١ فو الشكل المقابل :



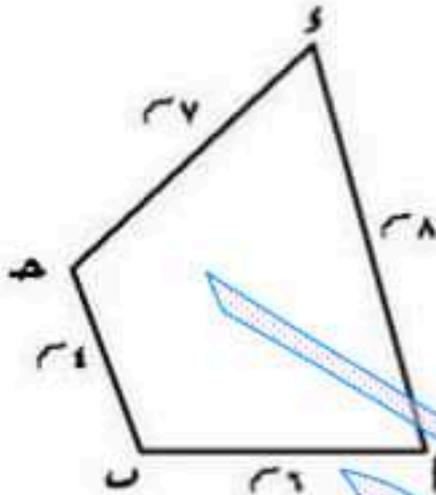
$أ ب ح$ شكل رباعي فيه

$أ ب = ٧$ ، $ب ح = ٥$ ، $أ ح = ٦$

$ح د = ٥$ ، $أ د = ٨$

برهن أن $\angle (أ ب ح) < \angle (أ د ح)$

٢ فو الشكل المقابل :



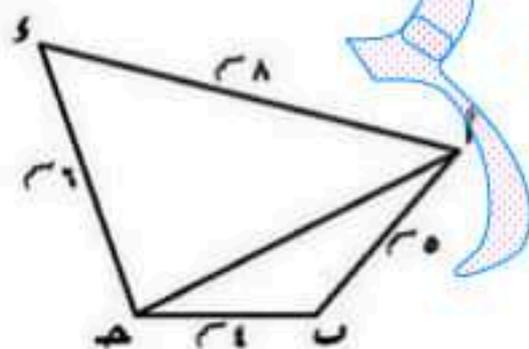
$أ ب ح$ شكل رباعي فيه

$أ ب = ٦$ ، $ب ح = ٥$ ، $أ ح = ٦$

$ح د = ٥$ ، $أ د = ٧$ ، $أ ح = ٨$

برهن أن $\angle (أ ب ح) < \angle (أ د ح)$

٣ فو الشكل المقابل :



$أ ب ح$ شكل رباعي فيه

$أ ب = ٥$ ، $ب ح = ٥$ ، $أ ح = ٦$

$ح د = ٥$ ، $أ د = ٦$ ، $أ ح = ٨$

أثبت أن $\angle (أ ب ح) < \angle (أ د ح)$



الفكرة الأولى :-

١) Δ ا ب ح فيه $\angle 7 = \angle 1$ ، $\angle 5 = \angle 3$ ، $\angle 6 = \angle 4$

وتعد تصاعدياً قياسات زوايا المثلث



٢) فو الشكل المقابل :

وتعد زوايا Δ ا ب ح تقريبياً تنازلياً

٣) Δ ا ب ح فيه $\angle 8 = \angle 1$ ، $\angle 5 = \angle 3$ ، $\angle 4 = \angle 6$

وتعد قياسات زوايا المثلث تصاعدياً

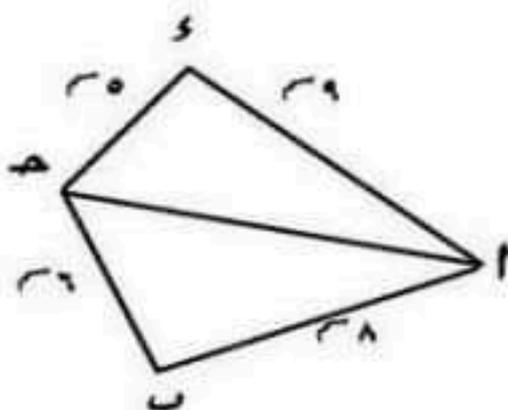
الفكرة الثانية :-

١) فو الشكل المقابل :

$\angle 8 = \angle 1$ ، $\angle 6 = \angle 3$ ، $\angle 9 = \angle 4$ ، $\angle 5 = \angle 2$

$\angle 9 = \angle 4$ ، $\angle 5 = \angle 2$

أثبت ان $\angle (د ب ه) < \angle (د ا ب)$

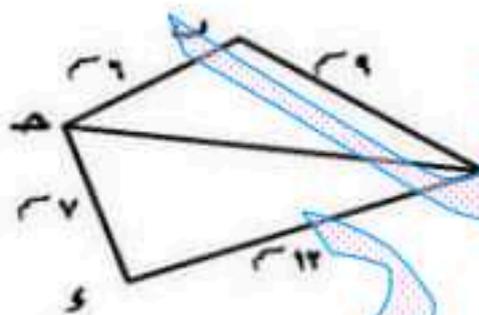


٢) فو الشكل المقابل :

$\angle 9 = \angle 1$ ، $\angle 6 = \angle 3$ ، $\angle 7 = \angle 4$ ، $\angle 12 = \angle 2$

$\angle 7 = \angle 4$ ، $\angle 12 = \angle 2$

أثبت ان $\angle (د ب ه) < \angle (د ا ب)$

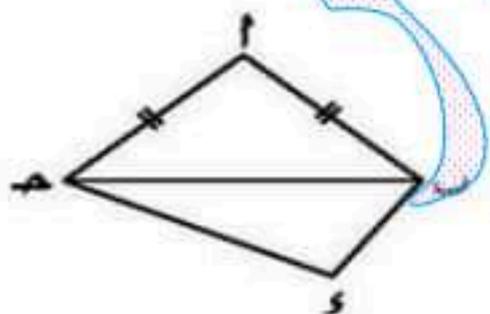


٣) فو الشكل المقابل :

$\angle 1 = \angle 4$ ،

$\angle 5 < \angle 2$

أثبت ان $\angle (د ا ب) < \angle (د ا ه)$



تدريبات على المقارنة بين أطوال أضلاع مثلث

الفكرة الأولى :-

١) Δ ا ب ح فيه \angle ا = 60° و \angle ب = 50°
رتب أضلاع Δ ا ب ح ترتيباً تنازلياً

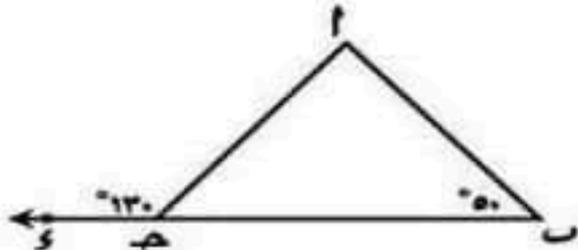
٢) Δ ا ب ح قائم الزاوية في ب وفيه \angle ا = 50°
رتب أطوال أضلاع المثلث ترتيباً تصاعدياً

٣) ا ب ح مثلث فيه \angle ا = 60° و \angle ب = 90° و \angle ج = 90°
و (ا ب ح) = (٣ - ٤ - ٥) رتب أطوال أضلاع المثلث ترتيباً

الفكرة الثانية :-

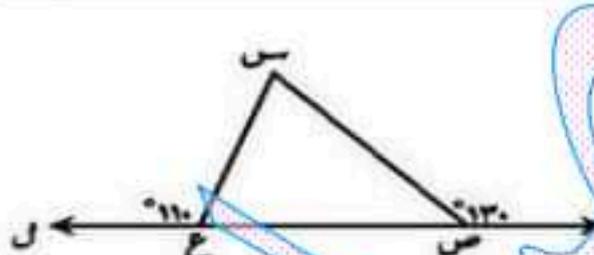
١) فو الشكل المقابل :

و \angle ا = 130° و \angle ب = 50°
أثبت أن $ب < ا$



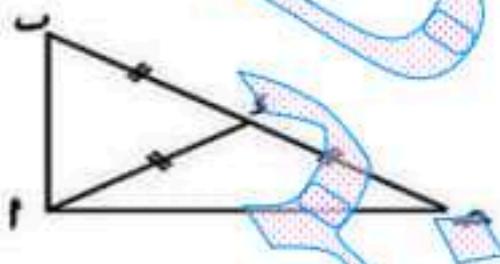
٢) فو الشكل المقابل :

و \angle ا = 130° و \angle ب = 110°
أثبت أن $ب < ا$



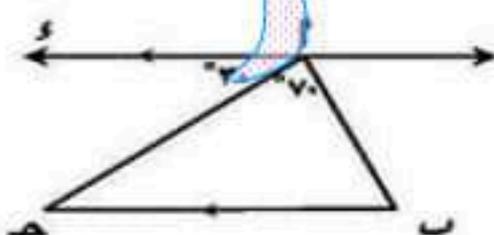
٣) فو الشكل المقابل :

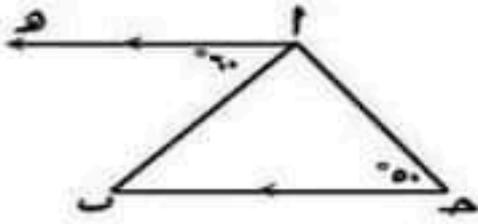
ا ب ح مثلث ،
 $\overline{ا ب} \cong \overline{ب ج}$
حيث $ا = ب = ج$
أثبت أن $ب < ا$



٤) فو الشكل المقابل :

$\overline{ا ب} \parallel \overline{ب ج}$ ،
و \angle ا = 70° و \angle ب = 30°
أثبت أن $ب < ا$





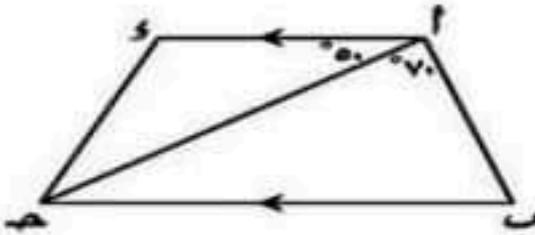
٥) فو الشكل المقابل :

$\overrightarrow{AD} // \overrightarrow{BC}$ ،

$\angle (DAB) = 60^\circ$ ،

$\angle (C) = 50^\circ$ ،

أثبت أن $\angle A < \angle B$



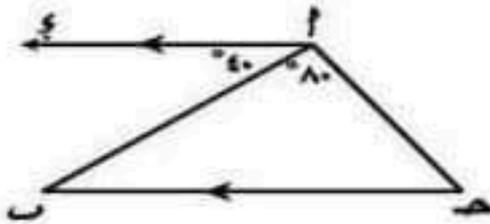
٦) فو الشكل المقابل :

$\overrightarrow{AD} // \overrightarrow{BC}$ ،

$\angle (DAC) = 70^\circ$ ،

$\angle (BAC) = 50^\circ$ ،

أثبت أن $\angle B < \angle A$



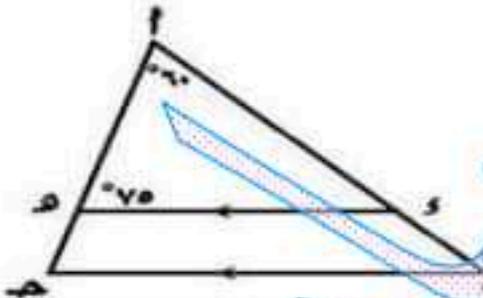
٧) فو الشكل المقابل :

ΔABC فيه

$\overrightarrow{AD} // \overrightarrow{BC}$ ، $\angle (DAB) = 40^\circ$ ،

$\angle (C) = 80^\circ$ ،

برهن أن $\angle B < \angle A$



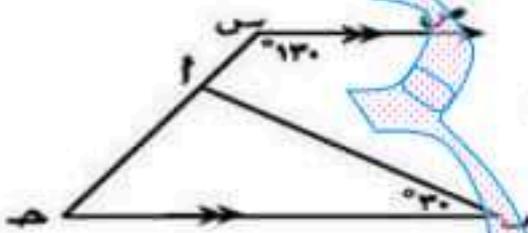
٨) فو الشكل المقابل :

$\overrightarrow{DE} // \overrightarrow{BC}$ ،

$\angle (ADE) = 75^\circ$ ،

$\angle (BAC) = 90^\circ$ ،

أثبت أن $\angle B < \angle A$



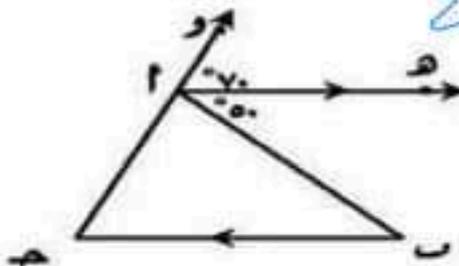
٩) فو الشكل المقابل :

$\overrightarrow{DE} // \overrightarrow{BC}$ ،

$\angle (ADE) = 130^\circ$ ،

$\angle (ACB) = 30^\circ$ ،

أثبت أن $\angle B < \angle A$



١٠) فو الشكل المقابل :

$\overrightarrow{AD} // \overrightarrow{BC}$ ، $\angle (DAB) = 70^\circ$ ،

$\angle (C) = 50^\circ$ ،

برهن أن $\angle B < \angle A$

تمارين على المقارنة بين أطوال أضلاع مثلث

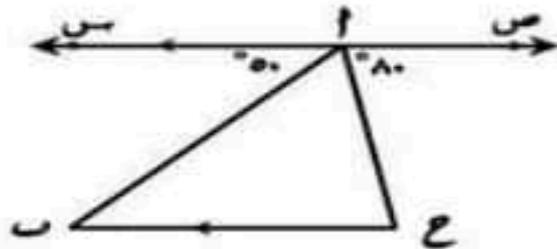
الفكرة الأولى :-

١ مثلث Δ ABC فيه $\angle C = 40^\circ$ و $\angle B = 80^\circ$
 وتم أطوال أضلاع المثلث Δ ABC ترتيباً تنازلياً

٢ Δ ABC فيه $\angle C = 40^\circ$ و $\angle B = 70^\circ$
 وتم أطوال أضلاع المثلث تنازلياً

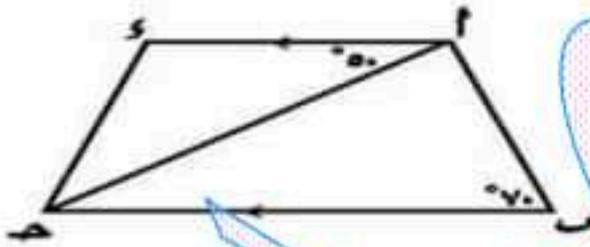
الفكرة الثانية :-

١ فو الشكل المقابل :



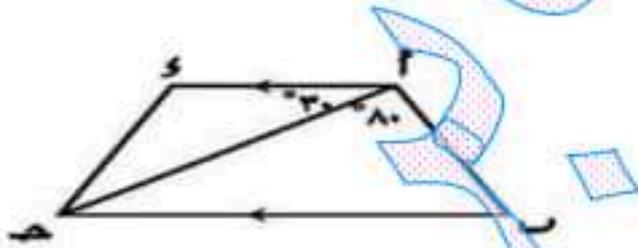
$\overline{BC} \parallel \overline{AB}$
 و $\angle C = 50^\circ$ و $\angle B = 80^\circ$
 أثبت أن $AB < AC$

٢ فو الشكل المقابل :



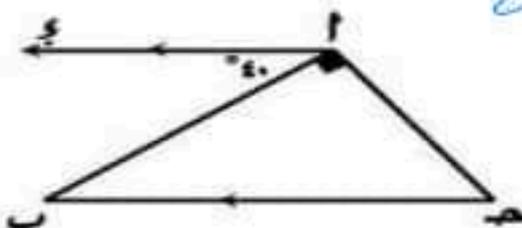
$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
 و $\angle DAC = 50^\circ$ و $\angle ACB = 70^\circ$
 أثبت أن $AB < AC$

٣ فو الشكل المقابل :

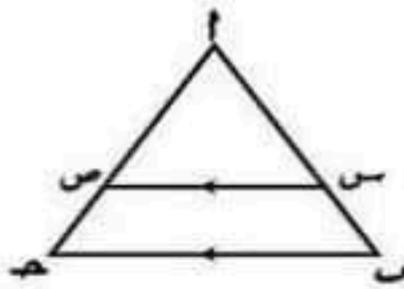


$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
 و $\angle DAC = 80^\circ$ و $\angle ACB = 30^\circ$
 برهن أن $AB < AC$

٤ فو الشكل المقابل :



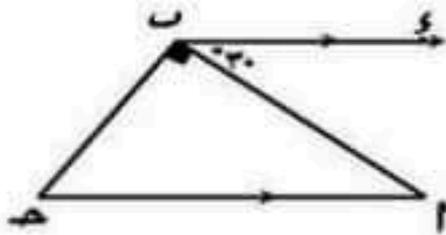
$\overline{BC} \parallel \overline{AB}$
 و $\angle C = 90^\circ$ و $\angle B = 40^\circ$
 أثبت أن $AB < AC$



٥) فو الشكل المقابل :

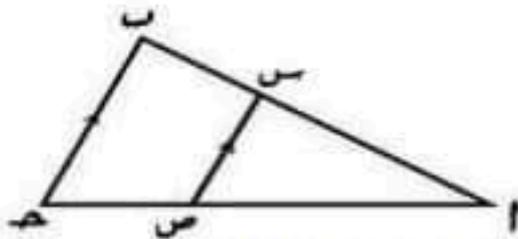
ا ب ح مثلث فيه
 $\alpha < \beta$ ،
 $\overline{MN} \parallel \overline{BC}$

اثبت ان $\angle A < \angle C$ و $(\angle A < \angle C)$



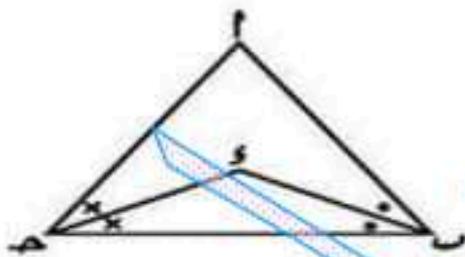
٦) فو الشكل المقابل :

Δ ا ب ح فيه $\overline{DE} \parallel \overline{AC}$ ،
 $\beta = (\angle D)$ و $\alpha = (\angle A)$ ،
 $\beta > \alpha$ ،
 برون ان $\angle B < \angle C$



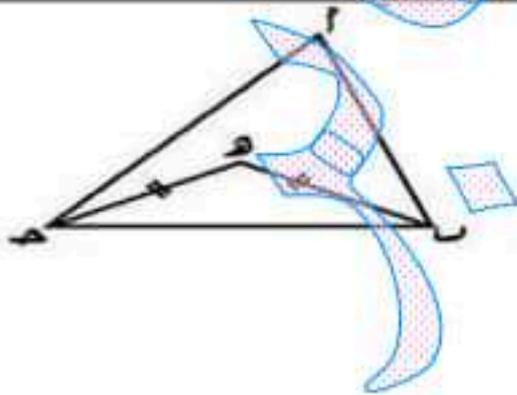
٧) فو الشكل المقابل :

ا ب ح مثلث فيه $\overline{MN} \parallel \overline{AC}$ ،
 اثبت ان $\angle A < \angle C$



٨) فو الشكل المقابل :

Δ ا ب ح فيه \overline{DE} ينصف $(\angle B)$ ،
 \overline{DE} ينصف $(\angle C)$ ،
 فاذا كان $\alpha < \beta$ ،
 اثبت ان $\angle A < \angle C$ و $(\angle A < \angle C)$



٩) فو الشكل المقابل :

ا ب ح مثلث فيه $\alpha = \beta$ ،
 اثبت ان

$\angle A < \angle C$ و $(\angle A < \angle C)$



(١) أكمل ما يلي :

- ١- أصغر زوايا المثلث في القياس يقابلها.....
- ٢- في Δ أ ب ج ، إذا كان $\hat{ب} = ٧٥^\circ$ ، $\hat{ج} = ٣٠^\circ$ فإن أكبر الأضلاع طولاً هو.....
- ٢- إذا كان طولاً ضلعين في مثلث متساوي الساقين ٣ سم ، ٧ سم فإن طول الضلع الثالث =.....سم
- ٤- Δ س ص ع قائم الزاوية في س فإن هو أكبر الأضلاع طولاً
- ٥- في المثلث القائم الزاوية هو أكبر الأضلاع طولاً
- ٦- في Δ س ص ع ، إذا كان $\hat{س} = ١٠٠^\circ$ فإن هو أكبر الأضلاع طولاً
- ٧- Δ أ ب ج فيه ، أ ب = ٣ سم ، ب ج = ٥ سم فإن أ ج \exists ،.....
- ٨- إذا اختلف طولاً ضلعين في مثلث فأكبرهما في الطول تقابله
- ٩- إذا اختلف قياسا زاويتين في مثلث فأكبرهما في القياس تقابلها
- ٦- في Δ أ ب ج إذا كان ، أ ب < أ ج فإن ، $\hat{ج} < \hat{ب}$ (.....)
- ١١- إذا كان ، ب < ج ، فإن ب + د أ + ج
- ١٢- Δ د ه و ، منفرج الزاوية في د فإن أطول أضلاعه طولاً هو
- ١٢- في Δ أ ب ج ، $\hat{أ} = ٥٠^\circ$ ، $\hat{ب} = ٦٠^\circ$ فإن أكبر الأضلاع طولاً هو.....
- ٤- مثلث متساوي الساقين طول ضلعين فيه ٥ ، ١١ سم فإن محيطه =.....سم
- ١٥- إذا كانت س ، ٣ ، ٥ سم أطوال أضلاع مثلث فإن > س >
- ١١- في Δ س ص ع ، س ص < س ع فإن ، $\hat{س} < \hat{ع}$ (.....)
- ١٧- أقصر بعد بين مستقيمين معلوم ونقطة خارجة عنه هو.....
- ١٨- المثلث الذي أطوال أضلاعه ٢ سم ، (س + ٣) سم ، ٥ سم يكون متساوي الساقين عندما س =.....سم

(ب) اختر الإجابة الصحيحة

- ١- أي مجموعة من المجموعات الأتية يمكن أن تكون أضلاع مثلث
- ([١٠ ، ٥ ، ٤] ، [١٠ ، ٥ ، ٦] ، [٥ ، ٣ ، ٢] ، [١٠ ، ٥ ، ٥])
- ٢- في Δ س ص ع ، إذا كان $\hat{ص} < \hat{ع}$ فإن : س ... س ع (< ، > ، = ، \leq)
- ٣- إذا كان طولاً ضلعين في مثلث متساوي الساقين ٤ سم ، ٨ سم فإن طول الضلع الثالث ...سم
- (٣ ، ١٢ ، ٨ ، ٤)

٤- إذا كانت ٦ ، ١٠ ، س تكون أضلاع مثلث فإن س = (٣ ، ٤ ، ١٢ ، ١٦)

٥- إذا كانت س - ع > ص - ع فإن س ع (< ، > ، ≤ ، ≥)

٦- الأطوال ٢ ، س + ٥ ، ٧ تصلح أن تكون أضلاع مثلث متساوي الساقين إذا كانت

س = سم (٢ ، ٥ ، ٧ ، ١)

٧- في Δ س ص ع : $\widehat{س} = ٧٠^\circ$ ، $\widehat{ع} = ٥٥^\circ$ فإن : س ص ص ع

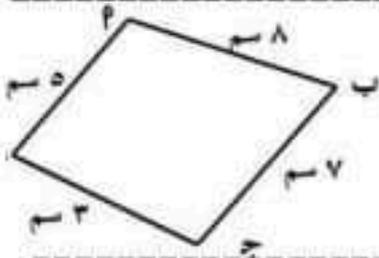
(< ، ≤ ، > ، ≥)

٨- المجموعة التي يمكن أن تكون أطوال أضلاع مثلث هي.....

([٢ ، ٣ ، ٥] ، [٢ ، ٤ ، ٧] ، [٣ ، ٤ ، ٥] ، [١ ، ٣ ، ٤])

٩- الأعداد ٣ ، ٦ ، ٤ لا تصلح أن تكون أطوال أضلاع مثلث (٨ ، ٧ ، ٥ ، ١١)

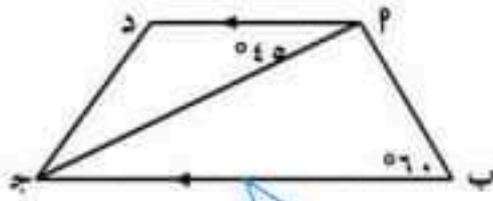
١٠- في Δ أ ب ج : يكون أ ج + ب (< ، ≤ ، > ، ≥)



(٢) في الشكل المقابل : $س = ٧$ ، $ب = ٨$ ، $د = ٣$ ، $٧ = ٥ + ٢$ ، إثبت أن :

$\widehat{د} < \widehat{ب}$ ($٣ < ٧$)

($٣ < ٧$)



(٤) في الشكل المقابل :

$د \parallel ب$ ، $\widehat{ب} = ٦٠^\circ$ ،

$\widehat{د} = ٤٥^\circ$... إثبت أن ، $ب < د$

(٥) في الشكل المقابل :

Δ ب ج د فيه : $ب = ٢$ ، $ج = ٢$ ،

$د < ب$... إثبت أن : $\widehat{ب} < \widehat{د}$ ($٢ < ٢$)

(٦) في الشكل المقابل :

Δ ب ج د فيه : $ب = ٢$ ، $ج = ٢$ ،

$د \parallel ب$.. إثبت أن : $د < ب$

(٧) Δ ب ج د فيه ، $ب = ٥$ ، $ج = ٦$ ، $د = ١٠$.. رتب قياسات زوايا المثلث تصاعدياً

تمت بحمد الله تعالى وتوفيقه ستكون الأفضل ... إذا قدمت الأحسن .

تمارين متنوعة وحلولها في الهندسة الصف الثاني (الاعدادى) / الترم الأول (١) من ترى توجيه الرياضيات / م عاون إوولر

أولاً: إجابة تمارين أكمل:

[١] (أ) متوسط المثلث

(ب) فى نقطة واحدة

(ج) بنسبة ١ : ٢

(د) تقاطع المتوسطات

(هـ) أولاً: $ب س = \frac{١}{٢} ب ح$

ثانياً: $م ب = ٢ م س$ ثالثاً: $م ب = \frac{٢}{٣} م ح$

[٢] (أ) $م س = \frac{١}{٢} م ب = ١ سم$

(ب) $س و = ٣ م و = ١,٥ \times ٣ = ٤,٥ سم$

(ج) $ص م = \frac{٢}{٣} ص و = ٦ \times \frac{٢}{٣} = ٤ سم$

[٣] ح د ، ب هـ متوسطان .: م نقطة تلاقى المتوسطات

(أ) $س هـ$ منتصفى $م ب$ ، $م ح \leftarrow ب ح = ٢ س هـ = ٣ \times ٢ = ٦ سم$

(ب) $ح م = \frac{٢}{٣} ح د = ٤,٥ \times \frac{٢}{٣} = ٣ سم$

(ج) $ب هـ = ٣ م هـ = ١,٢ \times ٣ = ٣,٦ سم$

تمارين على المثلث المتساوى والساقين ومتوسطات المثلث

أولاً : أكمل مايتى:

[١] (٢) فى المثلث $ب ح$ إذا كانت نقطة $س$ منتصف $ب ح$ فإن $م س$ تسمى

(ب) متوسطات المثلث تتقاطع جميعاً

(ح) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها من جهة القاعدة بنسبة :

(٥) النقطة التى تقسم متوسط المثلث بنسبة ١ : ٢ من جهة القاعدة هى نقطة

(هـ) فى الشكل المقابل :

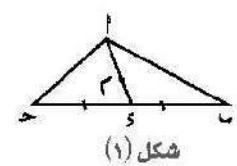
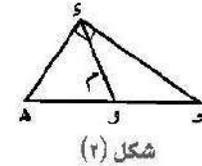
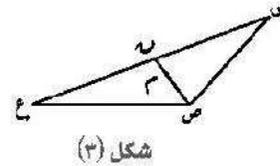
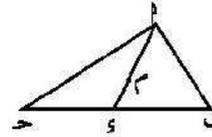
إذا كانت $م$ نقطة تلاقى المتوسطات فى $\Delta ب ح د$ فإن :

أولاً : $س ب = ٥ م$ $ب ح$

ثانياً : $م ب = ٢ م$ $س م$ ثالثاً : $م ب = ٢ م$ $س ب$

فى كل من الأشكال الآتية :

م نقطة تلاقى المتوسطات فى المثلث المعطى :



(٢) شكل (١) : إذا كان $م ب = ٢ سم$ فإن $س م = ٤ سم$ $سم$

(ب) شكل (٢) : إذا كان $م و = ١,٥ سم$ فإن $س و = ٣ سم$ $سم$

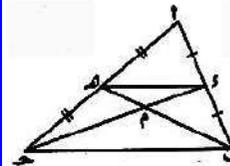
(ح) شكل (٣) : إذا كان $ص و = ٦ سم$ فإن $ص م = ٣ سم$ $سم$

[٢] فى الشكل المقابل :

(٢) إذا كان $س د = ٣ سم$ فإن $ب ح = ٦ سم$

(ب) إذا كان $س د = ٤,٥ سم$ فإن $ح م = ٣ سم$

(ح) إذا كان $م هـ = ١,٢ سم$ فإن $ب هـ = ٣,٦ سم$



تمارين متنوعة وحلولها في الهندسة الصف الثاني (الاعدادى) / الترم الأول (٢) من ترى توجيه الرياضيات / م عاون إوولر

[٤] (أ) نصف طول وتر المثلث

(ب) المثلث قائم الزاوية

(ج) نصف طول وتر المثلث

[٥] (أ) $٥ ب = ١٢ \times \frac{1}{٢} = ٦ = ٣ \times ٢ = ٦ سم$

(ب) $٥ هـ = ١٢ \times \frac{1}{٢} = ٦ = ٣ \times ٢ = ٦ سم$

(ج) $٥ ص = ١٢ \times \frac{1}{٢} = ٦ = ٣ \times ٢ = ٦ سم$

[٦] (أ) $٥ س = ١٢ \times \frac{1}{٢} = ٦ = ٣ \times ٢ = ٦ سم$

(ب) $٥ ص، ٥ هـ، ٥ ع = ١٢ \times \frac{1}{٢} = ٦ = ٣ \times ٢ = ٦ سم$

(ج) $٥ م = ١٢ \times \frac{1}{٢} = ٦ = ٣ \times ٢ = ٦ سم$

(د) $٥ ل = ١٢ \times \frac{1}{٢} = ٦ = ٣ \times ٢ = ٦ سم$

[٧] (أ) متساويتان في القياس (متطابقتين)

(ب) قياسها ٦٠°

(ج) متساويان في الطول (متطابقين)

(د) أطوال أضلاعه

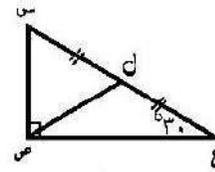
[٤] (٢) طول متوسط المثلث القائم الخارج من رأس القائمة يساوى

(ب) إذا كان طول متوسط المثلث المرسوم من أحد رؤوسه يساوى نصف طول الضلع

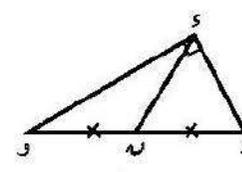
المقابل لهذا الرأس فإن

(ج) الضلع المقابل للزاوية التي قياسها ٣٠° في المثلث القائم الزاوية طوله يساوى

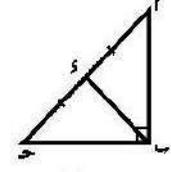
[٥] في كل من الأشكال الآتية :



شكل (٣)



شكل (٢)



شكل (١)

(٢) في شكل (١) : إذا كان $٨ سم = ٨ سم$ فإن $٥ ب = ٨ سم$

(ب) في شكل (٢) : إذا كان $٣ سم = ٣ سم$ فإن $٥ هـ = ٣ سم$

(ج) في شكل (٣) : إذا كان $٣,٥ سم = ٣,٥ سم$ فإن $٥ ل = ٣,٥ سم$

[٦] في الشكل المقابل :

$٥ س، ٥ م، ٥ ل$ متوسطان،

$٥ (٣ ع ل) = ٩٠^\circ = ١٢ = ١٢ سم،$

$٥ ل = ٨ سم، ٥ م = ٦ سم$

(٢) $٥ س = ٨ سم$

(ج) $٥ م = ٦ سم$

[٧] (٢) زاويتا القاعدة في المثلث المتساوى الساقين

(ب) قياس أى زاوية من زوايا المثلث المتساوى الأضلاع يساوى

(ج) إذا تطابقت زاويتان في مثلث فإن الضلعين المقابلين لهاتين الزاويتين يكونان

(د) فى أى مثلث إذا تساوت زواياه فى القياس تساوت

تمارين متنوعة وحلولها في الهندسة الصف الثاني (الاعدادى) / الترم الأول (٣) من ترى توجيه الرياضيات / م عاون إيوولر

[٧] (هـ) متساوى الأضلاع

(و) المستقيم العمودى عليها من منتصفها

(ز) الشعاع الساقط من رأس المثلث ماراً بمنتصف القاعدة

(ح) زاوية رأس المثلث

(ط) محور تماثل المثلث

(ك) عمودى على القاعدة وينصفها

(د) و (ب) = ٦٠°

$$[٨] (أ) و (س) = و (ع) = \frac{١٨٠ - ٩٠}{٢} = ٤٥^\circ$$

$$(ب) و (ب) = و (ح) = \frac{١٨٠ - ١١٠}{٢} = ٣٥^\circ$$

$$(ج) و (الرأس) = ١٨٠ - [٦٥ + ٦٥] = ٥٠^\circ$$

$$(د) و (ص) = و (ع) = \frac{١٨٠ - ٨٠}{٢} = ٥٠^\circ$$

$$(هـ) و (ب) = و (ح) = \frac{١٨٠ - ٩٠}{٢} = ٤٥^\circ$$

[٧] (هـ) إذا كان قياس إحدى زوايا المثلث المتساوى الساقين ٦٠° فإن المثلث يكون

(و) محور تماثل قطعة مستقيمة هو

(ز) محور التماثل في المثلث المتساوى الساقين هو

(ح) العمود الساقط من رأس المثلث المتساوى الساقين على القاعدة ينصف

(ط) الشعاع الساقط من رأس المثلث المتساوى الساقين ماراً بمنتصف القاعدة يكون

(ك) المستقيم المنصف لزاوية الرأس في المثلث المتساوى الساقين يكون

(د) إذا كان $\angle A = ٦٠^\circ$ مثلث متساوى الأضلاع فإن $\angle B = \dots^\circ$

[٨] (أ) إذا كان $\angle A = ٦٠^\circ$ مثلث قائم الزاوية في $\triangle ABC$ وكان $\angle C = ٩٠^\circ$ فإن

$$\angle B = \dots^\circ$$

(ب) $\triangle ABC$ مثلث متساوى الساقين فيه $\angle A = ٦٠^\circ$ ، $\angle B = ١١٠^\circ$

$$\angle C = \dots^\circ$$

(ج) مثلث متساوى الساقين وقياس إحدى زاويتي القاعدة = ٦٥° فإن قياس زاوية الرأس

في المثلث تساوى

(د) $\triangle ABC$ مثلث متساوى الساقين حيث $\angle A = ٩٠^\circ$ ، إذا كانت

$$\angle B = ٨٠^\circ$$
 ، فإن $\angle C = \dots^\circ$

(هـ) في المثلث $\triangle ABC$ إذا كان $\overline{AB} \perp \overline{BC}$ ، $\angle A = ٦٠^\circ$ ، فإن $\angle C = \dots^\circ$

تمارين متنوعة وحلولها في الهندسة الصف الثاني (الاعدادى) / الترم الأول (٤) منى توجيه الرياضيات / م عاون إوولر

[٩] $\Delta P \text{ فيه } PS = PS \therefore \angle (ب) = \angle (س) = 50^\circ$

$\Delta P \text{ فيه } \therefore \angle (ص) = 180 - [50 + 50] = 80^\circ$

$\Delta P \text{ فيه } PS = PS \therefore \angle (ع) = \frac{180}{2} = 90^\circ$

[١٠] $\angle (ب) = \angle (ح) = 42^\circ$

$\angle (ب) = \angle (ح) = 180 - [66 + 66] = 48^\circ$

$\angle (ب) = \angle (ح) = \frac{124}{2} = 62^\circ$

$\angle (ب) = \angle (ح) = 65^\circ \therefore \angle (س) = 115^\circ$

إجابة أسئلة اختر

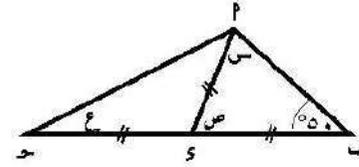
(١) $SP = \frac{3}{4} PM$

(٢) نسبة ٢ : ١ من جهة الرأس

(٣) $SP = \frac{2}{3} PM = 6 \times \frac{2}{3} = 4 \text{ سم}$

(٤) $SP = \frac{1}{4} PM = 6 \times \frac{1}{4} = 3 \text{ سم}$

(٥) 120°



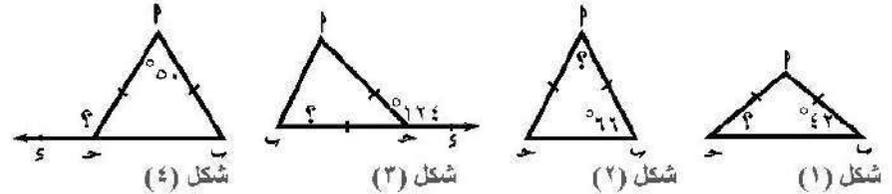
[٩] فى الشكل المقابل :

(١) $\angle (س) = \dots$

(ب) $\angle (ص) = \dots$

(ح) $\angle (ع) = \dots$

[١٠] أكمل باستخدام المعطيات الموجودة بكل شكل مما يأتى :



$\angle (ب) = \dots$ $\angle (ح) = \dots$ $\angle (س) = \dots$ $\angle (ص) = \dots$

ثانياً: أختار الإجابة الصحيحة

(١) إذا كانت M نقطة تقاطع متوسطات $\Delta P \text{ بـ ح}$ ، S منتصف بـ ح فإن PM يساوى
 (أ) ٢ سم (ب) $\frac{2}{3}$ سم (ج) $\frac{2}{4}$ سم (د) $\frac{2}{3}$ سم

(٢) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة من جهة الرأس
 (أ) ١ : ٢ (ب) ١ : ٣ (ج) ٢ : ١ (د) ٢ : ٣

(٣) إذا كانت M نقطة تلاقي المتوسطات فى $\Delta P \text{ بـ ح}$ وكان S منتصف طوله ٦ سم فإن PM يساوى
 (أ) ١ سم (ب) ٢ سم (ج) ٣ سم (د) ٤ سم

(٤) مستطيل تقاطع قطراه فى M ، طول قطره ٦ سم فإن طول المتوسط PM يساوى
 (أ) ٢ سم (ب) ٣ سم (ج) ٦ سم (د) ١٢ سم

(٥) قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوى الأضلاع تساوى :

(أ) 30° (ب) 60° (ج) 90° (د) 120°

تمارين متنوعة وحلولها في الهندسة الصف الثاني (الاعدادى) / الترم الأول (٥) من ترى توجيه الرياضيات / م عاول إدوار

$$(٦) \text{ تساوى } = \frac{٥٠ - ١٨٠}{٢} = \frac{١٣٠}{٢} = ٦٥^\circ$$

$$(٧) \text{ قياس زاوية الرأس } = ١٨٠ - [٤٠ + ٤٠] = ١٠٠^\circ$$

(٨) متطابقتان

(٩) عمودى على القطعة المستقيمة من منتصفها

$$(١٠) \overleftrightarrow{س ص} \perp \overline{م ب}$$

$$(١١) م ب \equiv م س$$

(١٢) معين

$$(١٣) \overleftrightarrow{س ص} \perp \overline{م ب}$$

(٦) إذا كان قياس زاوية رأس المثلث المتساوى الساقين ٥٠° فإن قياس كل من زاويتي القاعدة تساوى :

$$(١) ٤٠^\circ \quad (ب) ٦٥^\circ \quad (ج) ٧٠^\circ \quad (د) ١٣٠^\circ$$

(٧) إذا كان قياس إحدى زاويتي القاعدة فى المثلث المتساوى الساقين تساوى ٤٠° فإن قياس زاوية الرأس تساوى :

$$(١) ٤٠^\circ \quad (ب) ٥٠^\circ \quad (ج) ٨٠^\circ \quad (د) ١٠٠^\circ$$

(٨) زاويتا القاعدة فى المثلث المتساوى الساقين :

$$(١) متتامتان \quad (ب) متكاملتان \quad (ج) متطابقتان \quad (د) مستقيمتان$$

(٩) محور تماثل القطعة المستقيمة هو مستقيم :

$$(١) يوازى القطعة المستقيمة \quad (ب) عمودى على القطعة المستقيمة
(ج) ينصف القطعة المستقيمة \quad (د) عمودى على القطعة المستقيمة من منتصفها$$

(١٠) إذا كان $م س = م ب$ ، $س ص = م ب$ فإن $\overleftrightarrow{س ص} \dots \overline{م ب}$

$$(١) // \quad (ب) \perp \quad (ج) = \quad (د) \equiv$$

(١١) إذا كانت $م$ تقع على محور تماثل $\overleftrightarrow{س ص}$ فإن $\overline{م س} \dots \overline{م ب}$

$$(١) // \quad (ب) \perp \quad (ج) = \quad (د) \equiv$$

(١٢) الشكل الرباعى $م ب ح د$ الذى فيه $\overleftrightarrow{س ب} \perp \overleftrightarrow{س ح}$ محور تماثل $م ح$ يمكن أن يكون :

$$(١) معين \quad (ب) مستطيلا \quad (ج) متوازى أضلاع \quad (د) شبه منحرف$$

(١٣) إذا كان $م س = م ب$ ، $س ص = م ب$ حيث $س$ ، $ص$ فى جهتين مختلفتين من

$$\overleftrightarrow{س ص} \perp \overleftrightarrow{م ب} \dots \overleftrightarrow{م ب}$$

$$(١) \perp \quad (ب) // \quad (ج) = \quad (د) \equiv$$

تمارين متنوعة وحلولها في الهندسة الصف الثاني (الاعدادى) / الترم الأول (٦) منى توجيه الرياضيات / م عاون إيوولر

إجابة أسئلة إنتاج الإجابة:

(١) Δ قائم فى ب، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ب = \frac{1}{2} \angle ح$
 Δ قائم فى ب، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 $\leftarrow \angle ب = \angle س = \angle ح = \frac{1}{2} \angle ح$
 $\therefore \Delta$ قائم فى ب، $\overline{سب}$ متوسط

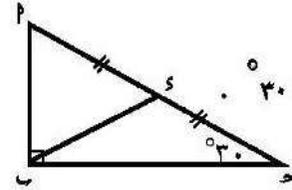
(٢) Δ قائم فى هـ، $\overline{وه}$ متوسط $\therefore \angle هـ = \frac{1}{2} \angle و = 30^\circ$
 Δ قائم فى هـ، $\overline{وه}$ متوسط $\therefore \angle هـ = \frac{1}{2} \angle و = 30^\circ$
 $\therefore \angle هـ = \frac{1}{2} \angle و = 30^\circ$
 $\therefore \angle و = 60^\circ$
 Δ قائم فى هـ، $\overline{وه}$ متوسط $\therefore \angle هـ = \frac{1}{2} \angle و = 30^\circ$
 $\therefore \angle و = 60^\circ$
 محيط Δ $وهو = 6 + 4 + 5 = 15$ سم

(٣) Δ قائم فى ح، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 Δ قائم فى ح، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 $\therefore \angle ح = 30^\circ$

(٤) Δ قائم فى ب، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ب = \frac{1}{2} \angle ح$
 Δ قائم فى ب، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ب = \frac{1}{2} \angle ح$
 $\therefore \angle ب = \frac{1}{2} \angle ح$

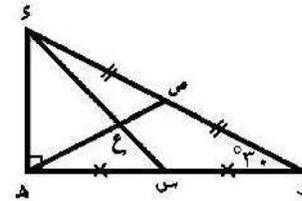
ثالثاً: أسئلة إنتاج الإجابة

(١) فى الشكل المقابل:



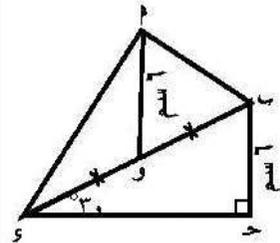
Δ قائم فى ح، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 أثبت أن Δ قائم فى ب، $\overline{سب}$ متوسط الأضلاع.

(٢) فى الشكل المقابل:



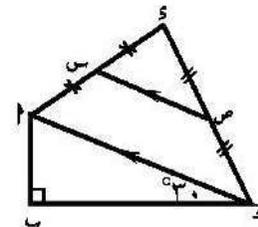
Δ قائم فى ح، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 Δ قائم فى ح، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 أوجد محيط المثلث $هـ س و$.

(٣) فى الشكل المقابل:



Δ قائم فى ح، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 Δ قائم فى ح، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 أولاً: أوجد طول $س ب$
 ثانياً: أثبت أن Δ قائم فى ب، $\overline{سب}$ متوسط

(٤) فى الشكل المقابل:



Δ قائم فى ح، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 Δ قائم فى ح، $\overline{سب}$ متوسط $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 $\therefore \angle ح = 30^\circ$
 أثبت أن Δ قائم فى ب، $\overline{سب}$ متوسط

تمارين متنوعة وحلولها في الهندسة الصف الثاني (الاعدادى) / الترم الأول (٧) من ترى توجيه الرياضيات / م عاون إيوولر

(٦) ΔABC فيه H ، E منتصفى AB ، P ، C

$$\therefore H = \frac{1}{3} BC = \frac{1}{3} \times 10 = 5 \text{ سم}$$

$$M \text{ نقطة تلاقى المتوسطات} \therefore M = \frac{1}{3} BC = 5 = 2,5 \text{ سم}$$

$$M \text{ نقطة تلاقى المتوسطات} \therefore M = \frac{1}{3} BC = 3 = 3 \text{ سم}$$

$$\text{محيط } \Delta HMC = 5 + 2,5 + 3 = 10,5 \text{ سم}$$

(٧) M نقطة تلاقى المتوسطات $\therefore M = \frac{1}{3} BC = 4 = 4 \text{ سم}$

$$M \text{ نقطة تلاقى المتوسطات} \therefore M = \frac{1}{3} BC = 6 = 6 \text{ سم}$$

$$BC = 7 = 7 \text{ سم محيط} \leftarrow \Delta ABC = 7 + 6 + 4 = 17 \text{ سم}$$

(٨) ΔABC فيه H ، E منتصفى AB ، P ، C

$$\therefore H = \frac{1}{3} BC = \frac{1}{3} \times 8 = 4 \text{ سم}$$

$$M \text{ نقطة تلاقى المتوسطات} \therefore M = \frac{1}{3} BC = 2,5 = 2,5 \text{ سم}$$

$$M \text{ نقطة تلاقى المتوسطات} \therefore M = \frac{1}{3} BC = 3 = 3 \text{ سم}$$

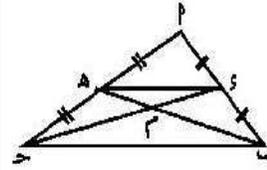
$$\text{محيط } \Delta HMC = 4 + 2,5 + 3 = 9,5 \text{ سم}$$

(٩) $\therefore BC = 2 = 2 \text{ سم} = 2 \times 4 = 8 \text{ سم}$

$$M \text{ نقطة تلاقى المتوسطات} \therefore M = \frac{1}{3} BC = 2 = 2 \text{ سم}$$

$$M \text{ نقطة تلاقى المتوسطات} \therefore M = \frac{1}{3} BC = 6 = 6 \text{ سم}$$

$$\text{محيط } \Delta HMC = 2 + 6 + 8 = 18 \text{ سم}$$



(٦) فى الشكل المقابل :

$$H, E \text{ منتصفا } AB, P \text{ على الترتيب، } BC = 10 \text{ سم،}$$

$$BC = 5 \text{ سم، } M = 3 = 6 \text{ سم أوجد محيط المثلث } HMC.$$

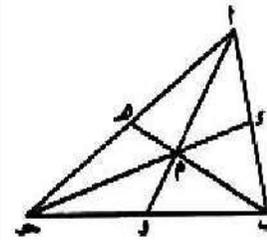
(٧) فى الشكل المقابل :

إذا كانت M نقطة تلاقى المتوسطات

فى المثلث ABC حيث :

$$BC = 6 = 5 \text{ سم، } AC = 9 \text{ سم،}$$

$$AB = 3,5 = 7 \text{ سم. أوجد محيط المثلث } HMC.$$



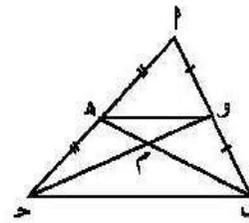
(٨) فى الشكل المقابل :

H, E منتصفا AB, P, C

فى المثلث ABC حيث :

$$BC = 5 = 6 \text{ سم، } AC = 6 \text{ سم،}$$

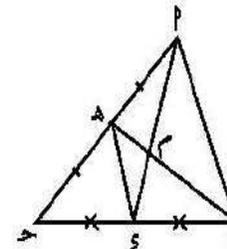
$$AB = 8 = 8 \text{ سم. أوجد محيط المثلث } HMC.$$



(٩) فى الشكل المقابل :

$$\Delta ABC \text{ فيه : } BC = 2 = 5 \text{ سم، } AC = 2 = 3 \text{ سم،}$$

$$AB = 4 = 8 \text{ سم. أوجد محيط المثلث } HMC.$$



تمارين متنوعة وحلولها في الهندسة الصف الثاني (الاعدادى) / الترم الأول (٩) منترى توجيه الرياضيات / م عاون إيوولر

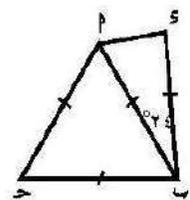
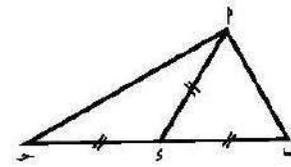
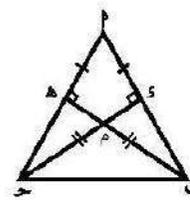
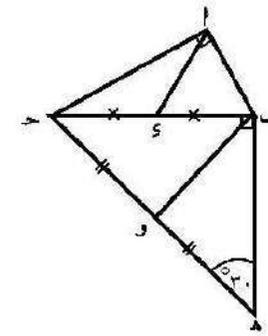
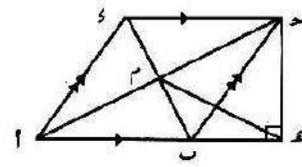
(١٥) $\square PCHS$ $\therefore \angle PCH = \angle PHS = 30^\circ$
 ΔPCH قائم في ه، $\angle P = 30^\circ$ $\therefore CH = \frac{1}{2} PH = 18 \times \frac{1}{2} = 9$
 ΔPHS قائم في ه، ه م متوسط $\therefore HM = \frac{1}{2} PH = 9$
 $\therefore CH = HM = HS = 9$
 $\therefore \Delta PCH$ متساوى الأضلاع محيطه $9 + 9 + 9 = 27$ سم

(١٦) ΔPCH قائم في ب، $\angle P = 30^\circ$ $\therefore CH = \frac{1}{2} PH$
 ΔPHS قائم في ب، ب و متوسط $\therefore CH = \frac{1}{2} PH$
 $\therefore CH = HS = 9$
 ΔPCH قائم في ب، \overline{PS} متوسط $\therefore CH = \frac{1}{2} PH = \frac{1}{2} PS$

(١٧) \overline{CH} مشترك، $CH = HS$ ، $\angle PCH = \angle PHS = 90^\circ$
 $\Delta PCH \cong \Delta PHS$ $\therefore \angle PCH = \angle PHS = 90^\circ$

(١٨) ΔPCH ، \overline{PS} متوسط $\therefore CH = \frac{1}{2} PH$
 $\therefore \Delta PCH$ قائم الزاوية في ب $\therefore \angle PCH = 90^\circ$

(١٩) ΔPCH متساوى الأضلاع $\therefore \angle PCH = 60^\circ$
 ΔPHS فيه $CH = HS$ Δ متساوى الساقين
 $\therefore \angle PHS = \frac{180 - 60}{2} = 60^\circ$
 $\therefore \angle PCH = 60^\circ + 60^\circ = 120^\circ$



(١٥) في الشكل المقابل :

$PCHS$ متوازي أضلاع، م نقطة تقاطع قطريه،
 $CH \perp PS$ بحيث $CH \perp PS$ ، $\{H\} = \overline{CH} \cap \overline{PS}$
 $\angle PCH = \angle PHS = 30^\circ$ ، $PH = 18$ سم .
 أثبت أن ΔPCH متساوى الأضلاع،
 وأوجد محيطه .

(١٦) في الشكل المقابل :

$\angle PCH = \angle PHS = 90^\circ$
 $\angle P = 30^\circ$ ، و
 منتصفا CH ، CH على الترتيب .
 أثبت أن : $CH = \frac{1}{2} PS$

(١٧) في الشكل المقابل :

$PH = HS$ ، $CH = HS$ ، $\overline{CH} \cap \overline{PS} = \{M\}$
 $\angle PCH = \angle PHS = 90^\circ$
 أثبت أن : $\angle PCH = \angle PHS = 90^\circ$

(١٨) في الشكل المقابل :

$CH = HS = PS$
 أثبت أن : $\angle PCH = 90^\circ$

(١٩) في الشكل المقابل :

$PCHS$ شكل رباعي فيه
 $CH = HS = PS = PH$
 $\angle PCH = 24^\circ$. أوجد $\angle PCH$

تارين متنوعة وحلولها في الهندسة الصف الثاني (الاعدادى) / الترم الأول (١٠) منترى توجيه الرياضيات / م عاون إدار

$$\begin{aligned} \therefore \angle C &= [70 + 70] - 180 = 140^\circ \\ \therefore \angle C &= (\angle C) = (\angle C) \therefore \overline{BC} \parallel \overline{SP} \\ \therefore \angle C &= [40 + 100] - 180 = 160^\circ \\ \therefore (\angle C) &= (\angle C) = (\angle C) \text{ متساوى الساقين } \triangle BPC \end{aligned}$$

(٢١) $\triangle OHS$ فيه $OH = OS$ متساوى الساقين

$$\therefore (\angle OHS) = (\angle OSH)$$

$$(1) \overline{OS} \parallel \overline{HS} \therefore (\angle OHS) = (\angle OSH)$$

$$(2) \overline{OS} \parallel \overline{HS} \therefore (\angle OSH) = (\angle OHS)$$

$$\therefore (\angle OSH) = (\angle OHS) \text{ متساوى الساقين } \triangle OHS$$

$$(22) (\angle OHS) = (\angle OHS) \therefore OS = HS$$

$$\therefore (\angle OHS) = (\angle OHS) \text{ متممات زوايا متساوية } (2)$$

$$OS = HS \text{ من } (1), (2), (3)$$

$$\therefore \triangle OHS \equiv \triangle OHS \text{ وينتج أن } OS = HS$$

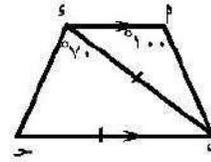
$$(23) \overline{OS} \text{ منتصف } \angle S \therefore (\angle OSB) = (\angle OSB)$$

$$\triangle OSB \equiv \triangle OSB \text{ وينتج أن } OS = OS$$

$$\therefore OS = OS \therefore (\angle OSB) = (\angle OSB)$$

$$\therefore (\angle OSB) + (\angle OSB) = 180^\circ$$

$$= (\angle OSB) + (\angle OSB) = 180^\circ$$

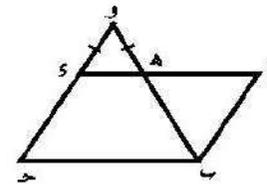


(٢٠) في الشكل المقابل :

$$\overline{SP} \parallel \overline{BC}, \angle C = 70^\circ, \angle B = 100^\circ$$

$$\angle C = 70^\circ, \angle B = 100^\circ$$

أثبت أن المثلث $\triangle BPC$ متساوى الساقين .

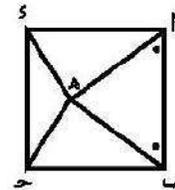


(٢١) في الشكل المقابل :

$$\overline{OS} \parallel \overline{HS} \text{ متوازي أضلاع } \triangle OHS$$

$$\overline{OS} \cap \overline{HS} = \{O\} \text{ بحيث } OS = OS$$

أثبت أن $\triangle OHS$ متساوى الساقين .



(٢٢) في الشكل المقابل :

$\triangle OHS$ مربع ، H نقطة داخله بحيث

$$\angle OHS = \angle OHS$$

أثبت أن $\triangle OHS$ متساوى الساقين .

(٢٣) في الشكل المقابل :

$$\overline{OS} = \overline{OS}, \angle C = \angle C$$

$$\overline{OS} \text{ منتصف } \angle S$$

أثبت أن :

$$\angle C = \angle C + \angle C = 180^\circ$$

(٢٠) $\triangle BPC$ فيه $BC = CP$ متساوى الساقين

$$\therefore (\angle C) = (\angle C) = 70^\circ$$

1- متوسط المثلث هو القطعة المستقيمة المرسومة من أي رأس من رؤوسه إلى منتصف الضلع المقابل لهذا الرأس .

2- متوسطات المثلث تتقاطع جميعا في نقطة واحدة .

3- عدد متوسطات اي مثلث ٣ متوسطات .

4- نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة ١ : ٢ من جهة القاعدة ، أو ٢ : ١ من جهة الرأس .

5- النقطة التي تقسم متوسط المثلث بنسبة ١ : ٢ من جهة القاعدة هي نقطة تقاطع متوسطات المثلث .

6- طول متوسط المثلث الخارج من رأس القائمة في المثلث القائم الزاوية يساوي نصف طول الوتر .

7- إذا كان طول متوسط المثلث المرسوم من أحد رؤوسه يساوي نصف طول الضلع المقابل لهذا الرأس فإن زاوية هذا الرأس تكون قائمة .

مع تحيات مدرسة المغازي الإعدادية بنات

8- طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها 30°

في المثلث القائم الزاوية يساوى نصف طول الوتر.

9- زاويتا القاعدة في المثلث متساوي الساقين

متطابقتان .

10- إذا كان المثلث متساوي الاضلاع فان زواياه

تكون متطابقة وقياس كل منها 60° .

11- إذا تطابقت زوايا مثلث فإنه يكون متساوي

الاضلاع.

12- إذا تطابقت زاويتان في مثلث فإن الضلعين

المقابلين لهاتين الزاويتين يكونان متطابقتين

ويكون المثلث متساوي الساقين .

13- المثلث المتساوي الساقين الذي قياس إحدى

زواياه 60° يكون متساوي الاضلاع .

14- متوسط المثلث المتساوي الساقين المرسوم من

الرأس ينصف زاوية الرأس ويكون عمودياً على

القاعدة .

مع تحيات مدرسة المغازي الإعدادية بنات

15- منصف زاوية الرأس في المثلث المتساوي

الساقين ينصف القاعدة ويكون **عمودياً** عليها .

16- المستقيم المرسوم من رأس المثلث المتساوي

الساقين **عمودياً** على القاعدة **ينصف** كلا من **القاعدة**

وزاوية الرأس .

17- محور تماثل المثلث **المتساوي الساقين** هو

المستقيم المرسوم من رأسه **عمودياً** على قاعدته.

18- المثلث المتساوي الساقين له **محور** تماثل واحد

فقط ، المثلث المتساوي الاضلاع له **٣ محاور** تماثل،

المثلث المختلف الاضلاع **ليس** له محاور تماثل .

19- **محور تماثل** القطعة المستقيمة هو المستقيم

العمودي عليها من **منتصفها**.

20- أي نقطة على محور تماثل قطعة مستقيمة

تكون على **بعدين متساويين** من طرفيها.

21- إذا كان هناك نقطة على **بعدين متساويين** من

طرفي قطعة مستقيمة فإن هذه النقطة تقع على

محور تماثل قطعة مستقيمة .

مع تحيات مدرسة المغازي الإعدادية بنات

22- إذا كان $P < B$ ، $B < C$ فإن $P < C$.

23- إذا كان $P < B$ ، $C < D$ فإن $P + C < B + D$.

24- قياس أي زاوية **خارجة** عن المثلث **أكبر** من

قياس أي زاوية **داخلة** عدا **المجاورة لها** .

25- إذا اختلف **طولاً** ضلعين في مثلث **فأكبرهما** في

الطول تقابله زاوية **أكبر** في القياس من قياس

الزاوية المقابلة للضلع الآخر .

26- **أكبر** زوايا المثلث في القياس تقابل **أكبر** أضلاع

المثلث **طولاً** وقياسها أكبر من 60° .

27- **أصغر** زوايا المثلث في القياس تقابل **أصغر**

أضلاع المثلث **طولاً** وقياسها أصغر من 60° .

28- إذا اختلف **قياساً** زاويتين في مثلث **فأكبرهما** في

القياس يقابلها ضلع **أكبر** في الطول من الذي يقابل

الآخرى .

29- في المثلث **القائم** الزاوية يكون **الوتر** هو أطول

أضلاع المثلث .

30- طول القطعة المستقيمة العمودية المرسومة من نقطة خارج مستقيم معلوم أصغر من طول أي قطعة مستقيمة مرسومة من هذه النقطة إلى المستقيم المعلوم .

31- بعد أي نقطة عن مستقيم معلوم هو طول القطعة المستقيمة العمودية المرسومة من النقطة إلى المستقيم المعلوم .

32- في أي مثلث يكون مجموع طولي أي ضلعين أكبر من طول الضلع الثالث .

33- طول أي ضلع في مثلث أصغر من مجموع طولي الضلعين الآخرين وأكبر من الفرق بينهما.

انتهى منهج الهندسة مع أطيّب
أمنياتنا

للجميع بالنجاح والتفوق

مع تحيات مدرسة المغازي الإعدادية بنات

1- نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا
منها بنسبة ١ : ٢ من جهة القاعدة او ٢ : ١ من
جهة الرأس .

جهة الرأس = ٢ جهة القاعدة .

جهة الرأس = $\frac{2}{3}$ المتوسط كله

2- طول الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث
القائم الزاوية : نصف طول الوتر .

3- طول المتوسط الخارج من رأس القائمة نصف
طول الوتر .

4- متوسطات المثلث تتقاطع جميعا في نقطة
واحدة .

5- المثلث المتساوي الساقين الذي إحدى زواياه

60° يكون متساوي الاضلاع .

6- متوسط المثلث المتساوي الساقين المرسوم

من الرأس ينصف زاوية الرأس ويكون عمودياً

علي القاعدة .

7- اي نقطة من محور تماثل القطعة المستقيمة

تكون علي بعدين متساويين من طرفها .

مع تحيات مدرسة المغازي الإعدادية بنات

8- عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الاضلاع

= 3 محاور تماثل ، وعدد محاور تماثل المثلث

المتساوي الساقين = محور واحد ، وعدد محاور

تماثل المختلف الاضلاع = صفر .

9- منتصف زاوية الرأس للمثلث المتساوي الساقين

يكون عمودي علي القاعدة وينصفها .

10- زاويتا القاعدة في المثلث المتساوي الساقين

متساويتان في القياس (متطابقتان)

11- المستقيم العمودي علي القطعة المستقيمة

من منتصفها يسمى محور تماثل القطعة

المستقيمة .

12- قياس اي زاوية خارجة عن مثلث = مجموع

الزاويتان الداخليتان ماعدا المجاورة .

13- قياس اي زاوية من زوايا المثلث المتساوي

الاضلاع = 60°

14- قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوي
الاضلاع 120° .

15- اذا اختلف زاويتان فأكبرهما في القياس
يقابلها ضلع أكبر في الطول.

16- اذا اختلفا طولاً ضلعين في مثلث فأكبرهما
في الطول يقابله زاوية أكبر في القياس.

17- أكبر الاضلاع طولاً في المثلث القائم الزاوية
هو الوتر.

18- مجموع طولاً اي ضلعين في مثلث $<$ طول
الضلع الثالث.

19- اي نقطة علي محور تماثل قطعة مستقيمة
تكون علي بعدين متساويين من طرفيها.

20- كل من زاويتي القاعدة في المثلث المتساوي
الساقين حادة.

21- المستقيم المرسوم من رأس مثلث متساوي
الساقين عمودياً علي القاعدة ينصف كلاً من
القاعدة وزاوية الرأس.

14- قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوي
الاضلاع 120° .

15- اذا اختلف زاويتان فأكبرهما في القياس
يقابلها ضلع أكبر في الطول .

16- اذا اختلفا طولاً ضلعين في مثلث فأكبرهما
في الطول يقابله زاوية أكبر في القياس .

17- أكبر الاضلاع طولاً في المثلث القائم الزاوية
هو الوتر .

18- مجموع طولاً اي ضلعين في مثلث $<$ طول
الضلع الثالث .

19- اي نقطة علي محور تماثل قطعة مستقيمة
تكون علي بعدين متساويين من طرفيها .

20- كل من زاويتي القاعدة في المثلث المتساوي
الساقين حادة .

21- المستقيم المرسوم من رأس مثلث متساوي
الساقين عمودياً علي القاعدة ينصف كلاً من
القاعدة وزاوية الرأس .

متوسطات المثلث

1

(١) أكمل ما يأتي بالاجابة الصحيحة

- (١) متوسط المثلث هو القطعة المستقيمة المرسومة من الى
- (٢) عدد متوسطات المثلث
- (٣) متوسطات المثلث تتقاطع جميعا في
- (٤) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة : من جهة القاعدة بنسبة : من جهة الرأس
- (٥) طول القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصفى ضلعين في مثلث يساوي الضلع الثالث
- (٦) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة ٢ : من جهة القاعدة
- (٧) عدد متوسطات المثلث القائم الزاوية هو
- (٨) اذا كان : \overline{AK} متوسط في المثلث ΔABC ، K نقطة تقاطع متوسطاته وكان $\angle K = 60^\circ$ ، فان : $\angle A = \dots\dots\dots$
- (٩) في المثلث القائم الزاوية طول المتوسط الخارج من رأس القائمة يساوي
- (١٠) في المثلث القائم الزاوية طول الضلع المقابل للزاوية 30° يساوي
- (١١) اذا كان طول متوسط المثلث المرسوم من أحد رؤوسه يساوي نصف طول الضلع المقابل لهذا الرأس فان زاوية الرأس تكون

(٢) اختر الاجابة الصحيحة

- (١) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة من جهة الرأس
[١:٢ ، ٣:٢ ، ٣:١ ، ٢:١]
- (٢) SM مثلث فيه M منتصف SC ، فان \overline{AM} يسمى [متوسط ، قاعدة ، وتر ، ارتفاعا]
- (٣) عدد متوسطات المثلث القائم الزاوية = [٤ ، ٣ ، ٢ ، ١]
- (٤) ΔABC مثلث فيه K نقطة تقاطع متوسطاته ، \overline{AK} متوسط ، $\angle A = 21^\circ$ ، فان $\angle K = \dots\dots\dots$
[٦ ، ٨ ، ٤ ، ١٢]
- (٥) ΔABC مثلث فيه K نقطة تقاطع متوسطاته ، \overline{AK} متوسط فان : $\angle K = \dots\dots\dots$
[٢ ، $\frac{3}{2}$ ، $\frac{2}{3}$ ، $\frac{1}{2}$]
- (٦) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة من جهة الرأس
[١:٢ ، ٣:٢ ، ٣:١ ، ٢:١]
- (٧) طول المتوسط المرسوم من رأس القائمة في المثلث القائم الزاوية = طول الوتر [$\frac{1}{4}$ ، $\frac{2}{3}$ ، $\frac{1}{2}$ ، ٢]
- (٨) اذا كان : \overline{AK} متوسط في ΔABC ، K نقطة تقاطع متوسطاته ، $\angle A = 21^\circ$ ، فان : $\angle K = \dots\dots\dots$
[٣ سم ، ٤ سم ، ٨ سم ، ٦ سم]
- (٩) اذا كانت : K نقطة تقاطع متوسطات المثلث ΔABC وكان : \overline{AK} متوسط طوله ٩ سم فان : $\angle K = \dots\dots\dots$
[٦ ، ٥ ، ٤ ، ٣]

(١٠) إذا كانت K نقطة تلاقي متوسطات المثلث ABC وكان \overline{AK} متوسط فان $AK = \dots\dots\dots$

$$[22, 21\frac{2}{3}, 21\frac{3}{4}, 24]$$

(١١) في المثلث ABC ، $\angle C = 60^\circ$ ، $\angle B = 90^\circ$ ، $AB = 8$ سم ، فان $BC = \dots\dots\dots$

$$[6, 10, 16, 4]$$

(١٢) طول الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث القائم الزاوية $= \dots\dots\dots$

$$[\text{ضعف طول الوتر, } \frac{1}{4} \text{ طول الوتر, طول الوتر, مربع طول الوتر}]$$

(١٣) طول المتوسط المرسوم من الزاوية التي قياسها 90° في المثلث القائم الزاوية يساوي $\dots\dots\dots$

$$[\text{ضعف طول الوتر, } \frac{1}{4} \text{ طول الوتر, طول الوتر, مربع طول الوتر}]$$

(١٤) في المثلث القائم الزاوية طول الوتر يساوي $\dots\dots\dots$ طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها 30°

$$[\text{نصف, ثلث, ضعف, ربع}]$$

(١٥) إذا كان \overline{AK} متوسط في المثلث ABC ، K نقطة تقاطع متوسطاته فان $AK = \dots\dots\dots$

$$[2, \frac{1}{4}, \frac{2}{3}, \frac{1}{3}]$$

(١٦) ABC مثلث قائم الزاوية في B ، $AB = 5$ سم ، $BC = 10$ سم ، فان $\angle C = \dots\dots\dots$

$$[30^\circ, 60^\circ, 45^\circ, 90^\circ]$$

(١٧) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة $\dots\dots\dots$ من جهة القاعدة

$$[1:2, 1:3, 2:3, 2:4]$$

(١٨) ABC مثلث قائم الزاوية في H ، \overline{AK} متوسط ، $AC = 10$ سم فان $AK = \dots\dots\dots$

$$[5, 10, 20, 40]$$

(١٩) ABC مثلث قائم الزاوية في B ، S منتصف \overline{AC} فان $BS = \dots\dots\dots$ [$AB, \frac{1}{4} BC, \frac{1}{4} AC, AB$]

(٢٠) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلا منها بنسبة 2 : $\dots\dots\dots$ من جهة القاعدة [$4, 3, 2, 1$]

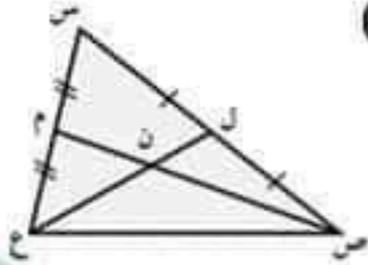
(٢١) إذا كانت K نقطة تقاطع متوسطات المثلث ABC ، S منتصف \overline{BC} فان $AK = \dots\dots\dots$

$$[SK, SK, SK, SK]$$

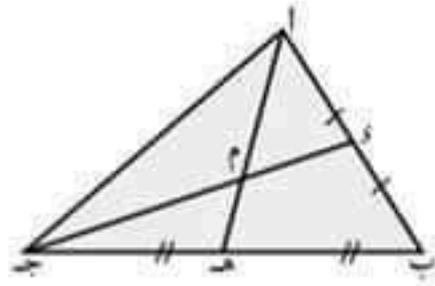
(٢٢) إذا كان ABC مثلث فيه \overline{AK} متوسط ، M نقطة تقاطع متوسطاته فان $AK : AM = \dots\dots\dots$

$$[2:3, 1:2, 1:3, 3:2]$$

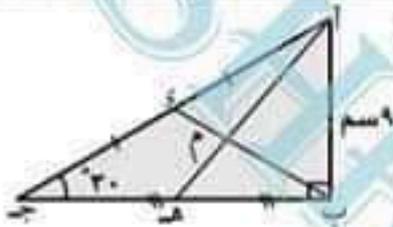
(٢) أكمل ما يأتي مستعينا بالمعطيات على كل شكل



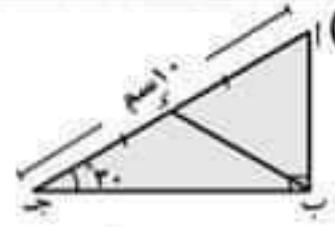
ل ح = ١٥ سم، ص م = ١٨ سم، ح ص = ٢٠ سم
 ن ل = ...، ن ص = ...
 محيط Δ ن ل ص = ...



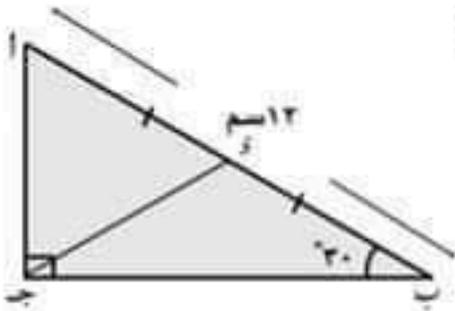
م ه = ٣ سم، م ج = ٨ سم
 م ا = ...، م ب = ...
 م ه = ...، م ا ه = ...، م ج = ... ج د



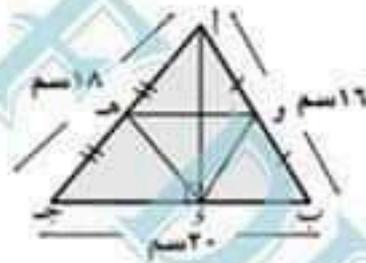
ا ج = ... سم، ب م = ... سم
 م ب = ... سم، م ج = ... سم



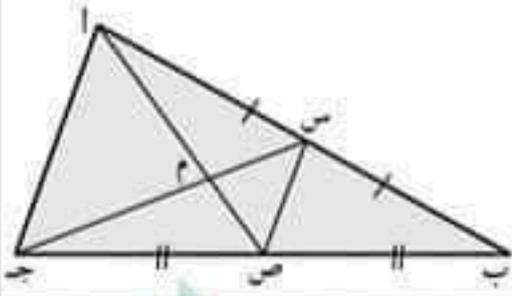
ب م = ... سم، ا ب = ... سم
 محيط Δ ا ب م = ... سم



ا ج = ... سم، ا م = ... سم
 ب ج = ... سم، ج م = ... سم



ب م = ... سم، م د = ... سم، م ه = ... سم
 محيط Δ م د ه = ... سم



تمرين (٤) أ ب ج مثلث، س منتصف \overline{AB} ، ص منتصف \overline{BC}
 $MS \parallel BC$ ، $MS \perp AB$ ، $\angle A = 2^\circ$
 بحيث: $\angle C = 8^\circ$ ، $\angle B = 3^\circ$
 أوجد: (١) محيط $\triangle MSV$ (٢) محيط $\triangle ABC$

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

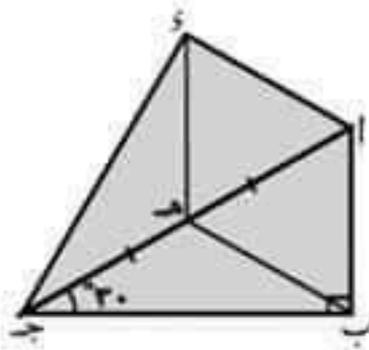
.....

.....

.....

.....

.....



تمرين (٥) أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب، ن ($\triangle ABC$) $\angle A = 30^\circ$
 $AB = 5$ سم، ه منتصف \overline{AC}
 إذا كان: $SE = 5$ سم
 فأثبت أن: ن ($\triangle ABC$) $\angle C = 90^\circ$

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

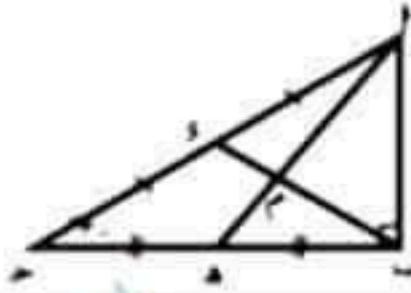
.....

.....

.....

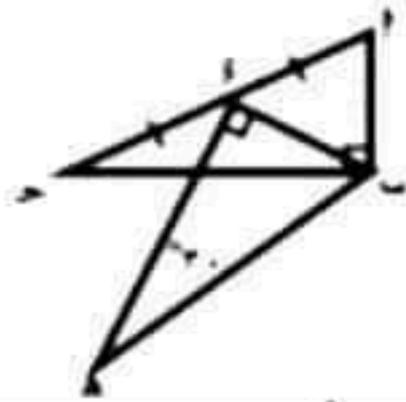
.....

.....



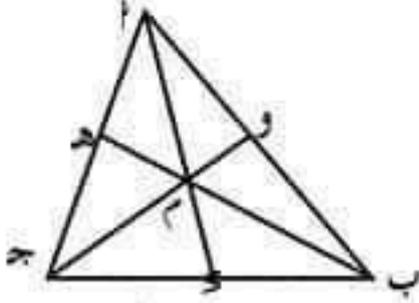
تمرين (٦) أوجد مثلث قائم الزاوية في ب
 S منتصف \overline{AB} ، H منتصف \overline{BC}
 $\angle C = 90^\circ$ ،
 أوجد طول كل من : \overline{S} ، \overline{H} ، \overline{AB}

الحل:



تمرين (٧) في الشكل المقابل : $\angle C = 90^\circ$
 $\angle A = 30^\circ$ ، S منتصف \overline{AB}
 اثبت أن : $\overline{S} = \overline{H}$

الحل:



تمرين (٨) هـ منتصف $\overline{أج}$ ، S منتصف $\overline{بج}$
 $أج = ٩$ سم ، $\overline{أد} \cap \overline{بف} = \{ ك \}$
 $أب = ٨$ سم ، $٢ = S ك$ ،

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

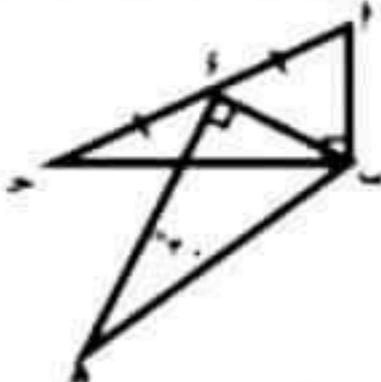
.....

.....

.....

.....

.....



تمرين (٩) في الشكل المقابل : $\angle أ ب ج = ٩٠^\circ$
 $\angle أ د هـ = ٣٠^\circ$ ، S منتصف $\overline{أج}$
 أثبت أن : $أج = ب هـ$

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

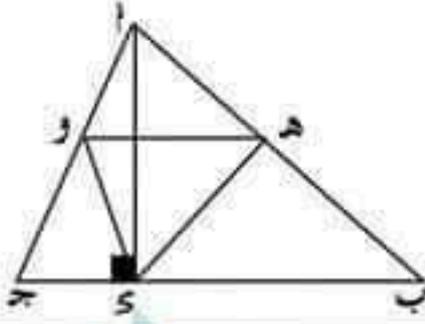
.....

.....

.....

.....

.....



تمرين (١٠) أ ب ج مثلث، هـ و منتصفا أ ب، أ ج على الترتيب
 $AS \perp BC$ يقطعه في S ، $AB = 10$ سم ، $BC = 12$ سم ،
 $AG = 8$ سم
 أحسب محيط المثلث هـ و

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

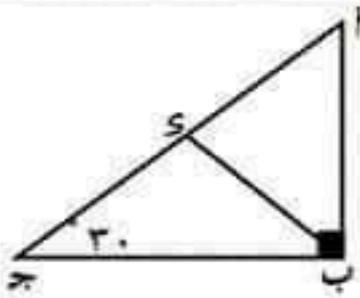
.....

.....

.....

.....

.....



تمرين (١١) أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب ، فيه S منتصف أ ج
 $AB = 10$ سم ، $\angle A = 30^\circ$
 أوجد : طول أ ب، ب س

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

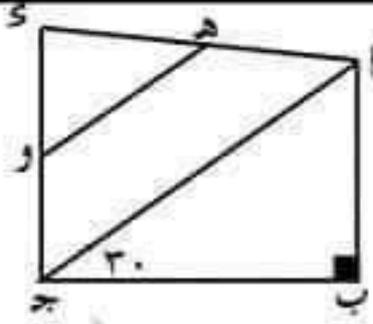
.....

.....

.....

.....

.....



تمرين (١٢) في الشكل المقابل : ن (Δ ا ب ج) = 30° ،
 ه منتصف \overline{AC} ، و منتصف \overline{BC} ،
 اثبت ان : $AB = DE$

الحل:

.....

.....

.....

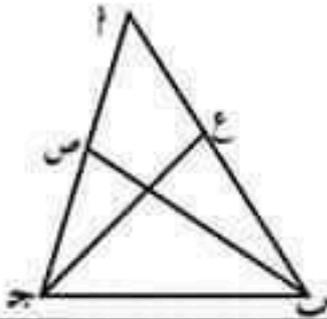
.....

.....

.....

.....

.....



تمرين (١٣) في الشكل المقابل ب م ، ج ع متوسطان في المثلث ا ب ج
 تقاطعا في م ، $AB = 5$ سم ، $BC = 12$ سم ،
 ب م = 8 سم ، ج ع = 9 سم ،
 اوجد : محيط الشكل ا ب م ج ع

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

المثلث المتساوي الساقين

٢

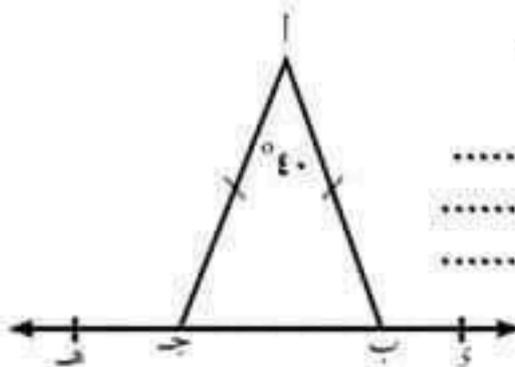
(١) أكمل ما يأتي بالاجابة الصحيحة

- ١) زاويتا القاعدة في المثلث متساوي الساقين في القياس
- ٢) اذا كان المثلث متساوي الاضلاع فان قياس كل زاوية من زواياه الداخلة =
- ٣) قياس الزاوية الخارجة عند أى رأس من رؤوس المثلث المتساوي الاضلاع =
- ٤) في Δ ا ب ج اذا كان ا ب = ا ج ، ن (Δ) = 50° فان : ن (Δ) =
- ٥) في Δ ا ب ج اذا كان ا ب = ا ج ، ن (Δ) = 70° فان : ن (Δ) =
- ٦) اذا كان Δ ا ب ج قائم الزاوية في ب ، ا ب = ب ج ، فان : ن (Δ) =
- ٧) في Δ ا ب ج اذا كان ا ب = ا ج ، ن (Δ) = 60° فان : Δ ا ب ج يكون
- ٨) اذا كان قياس زاوية رأس في المثلث متساوي الساقين = 80° فان قياس زاوية قاعدته =
- ٩) في Δ س ص ع ، اذا كان ن (Δ) = 40° ، ن (Δ) = 70° فان Δ س ص ع الساقين
- ١٠) اذا تطابقت زوايا مثلث فإنه يكون الأضلاع
- ١١) في Δ س ص ع اذا كان س ص = س ع ، ن (Δ) = 60° ومحيطه 45 سم فان : ص ع =
- ١٢) اذا تطابقت زاويتان في مثلث كان المثلث
- ١٣) اذا كان قياس إحدى زوايا القاعدة في المثلث متساوي الساقين 70° فان قياس زاوية الرأس =
- ١٤) منصف زاوية الرأس في المثلث متساوي الساقين
- ١٥) متوسط المثلث المتساوي الساقين للمرسوم من الرأس يكون
- ١٦) المستقيم المرسوم من رأس المثلث متساوي الساقين عموديا على القاعدة
- ١٧) محور تماثل القطعة المستقيمة هو المستقيم
- ١٨) المستقيم المرسوم من رأس المثلث المتساوي الساقين عموديا على القاعدة يسمى
- ١٩) عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الساقين
- ٢٠) عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الأضلاع
- ٢١) عدد محاور تماثل المثلث المختلف الأضلاع
- ٢٢) أى نقطة تقع على محور تماثل القطعة المستقيمة تكون على من طرفيها
- ٢٣) اذا كان المثلث متساوي الساقين قياس إحدى زواياه 60° فان عدد محاور تماثله
- ٢٤) اذا كان قياس إحدى زوايا مثلث قائم الزاوية 45° كان المثلث
- ٢٥) مثلث له محور تماثل واحد وقياس إحدى زاويتي القاعدة تساوي 50° فان قياس زاوية راسه =
- ٢٦) اذا كان قياسا زاويتين في مثلث 70° ، 40° فان نوع المثلث بالنسبة لاضلاعه
- ٢٧) Δ ا ب ج فيه ن (Δ) = 80° ، ن (Δ) = 50° فان عدد محاور تماثله =
- ٢٨) المستقيم العمودي على قطعه مستقيمة من منتصفها يسمى
- ٢٩) عدد محاور تماثل القطعة المستقيمة =
- ٣٠) اذا كانت ج \in لمحور تماثل ا ب فان =

(٢) اختر الاجابة الصحيحة

- ١) في Δ ا ب ج اذا كان ا ب = ب ج ، ن (Δ ب) = 40° فان : ن (Δ ج) = [$20^\circ, 70^\circ, 140^\circ, 40^\circ$]
- ٢) قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوي الاضلاع = [$120^\circ, 90^\circ, 60^\circ, 30^\circ$]
- ٣) Δ س ص ع متساوي الساقين ، ن (Δ س) = 60° فان Δ س ص ع يكون
[قائم الزاوية ، منفرج الزاوية ، متساوي الاضلاع ، مختلف الاضلاع]
- ٤) في Δ ا ب ج اذا كان ا ب = ا ج ، ن (Δ ب) = 45° فان Δ ا ب ج يكون
[قائم الزاوية ، منفرج الزاوية ، حاد الزوايا ، متساوي الاضلاع]
- ٥) Δ ا ب ج متساوي الساقين فيه ن (Δ ب) = 100° فان : ن (Δ ا) = [$100^\circ, 80^\circ, 50^\circ, 40^\circ$]
- ٦) اذا كان قياسا زاويتين في مثلث $80^\circ, 50^\circ$ فان المثلث يكون
[مختلف الاضلاع ، متساوي الاضلاع ، متساوي الساقين ، قائم الزاوية]
- ٧) اذا كان قياس زاوية رأس مثلث متساوي الساقين 50° فان قياس احدى زاويتي قاعدته
[$100^\circ, 80^\circ, 65^\circ, 55^\circ$]
- ٨) عدد محاور تماثل المثلث متساوي الاضلاع = [صفر ، ١ ، ٢ ، ٣]
- ٩) في Δ ا ب ج اذا كان ا ب = ب ج فان Δ ج تكون [حادة ، منفرجة ، قائمة ، مستقيمة]
- ١٠) اذا كانت س \exists لمحور تماثل ا ب فان ا س ب س [$\equiv, \perp, //, =$]
- ١١) المثلث الذي طول اضلاعه ٢ سم ، (٣ + س) سم ، ٥ سم يكون متساوي الساقين عندما س =
[٤ ، ٣ ، ٢ ، ١]
- ١٢) قياس اى زاوية من زوايا المثلث متساوي الاضلاع = [$120^\circ, 60^\circ, 45^\circ, 30^\circ$]
- ١٣) زاويتا القاعدة في المثلث متساوي الساقين [متتامتان ، متكاملتان ، متطابقتان ، مستقيمتان]
- ١٤) عدد محاور تماثل المثلث متساوي الساقين = [صفر ، ١ ، ٢ ، ٣]
- ١٥) اذا كان طول ضلع في مثلث $\frac{1}{3}$ المحيط فان عدد محاور تماثل هذا المثلث = [صفر ، ١ ، ٢ ، ٣]
- ١٦) عدد محاور تماثل المثلث القائم الزاوية وفيه زاوية قياسها 30° هو [صفر ، ١ ، ٢ ، ٣]

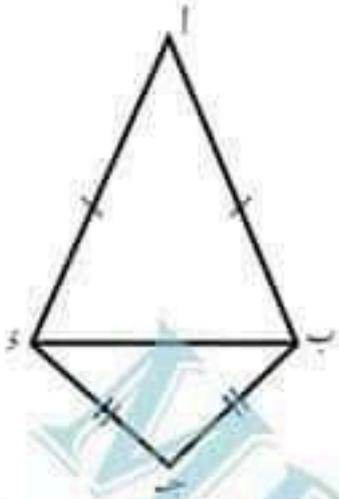
(٢) اجب عن الاسئلة الآتية



- ١) في الشكل المقابل : ا ب = ا ج ، ن (Δ ا) = 40° ،
(ا) اوجد : ن (Δ ا ب ج) ، (ب) اثبت أن : Δ ا ب ج \cong Δ ا ج ب

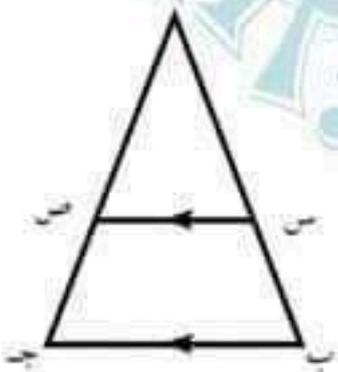
الحل :
.....
.....
.....
.....
.....

٢) في الشكل المقابل : $AS = SB$ ، $CS = SD$ ، $CS = SD$
 اثبت أن : $\triangle ABC \cong \triangle DCB$



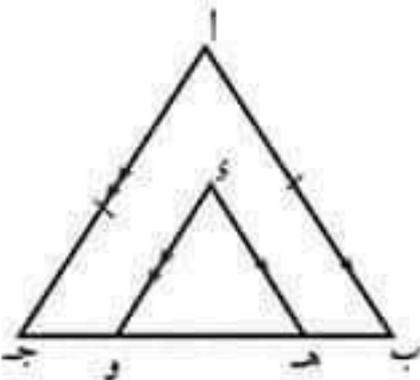
الحـل :

٣) في الشكل المقابل : $AB = AC$ ، $SS \parallel BC$ ، $SS = SS$
 اثبت أن : $AS = AS$



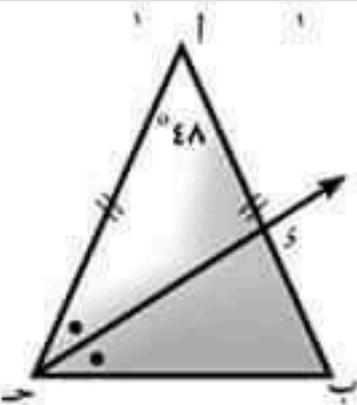
الحـل :

٤) في الشكل المقابل : $AB = AC$ ، $SS \parallel AB$ ، $SS \parallel AC$
 اثبت أن : $SS = SS$

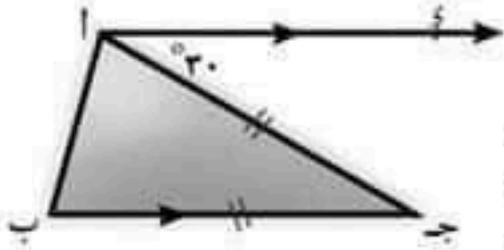


الحـل :

٥) في الشكل المقابل : $AB = AC$ ، SS ينصف $\triangle ABC$
 أوجد : $\angle A$ ، $\angle B$ ، $\angle C$



الحـل :



٥) في الشكل المقابل : $AB \parallel AC$ ، $BC \parallel AC$ ، $\angle A = 30^\circ$ ،
أوجد قياسات زوايا المثلث ABC

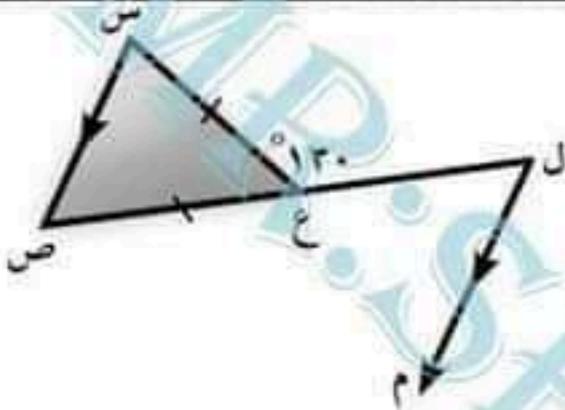
الحل :

.....

.....

.....

.....



٦) في الشكل المقابل : $MS \parallel SC$ ، $CS \parallel MS$ ،
أوجد $\angle M$ ، $\angle C$ ، $\angle S = 130^\circ$ ،
أوجد $\angle M$ ، $\angle C$ ، $\angle S = 130^\circ$

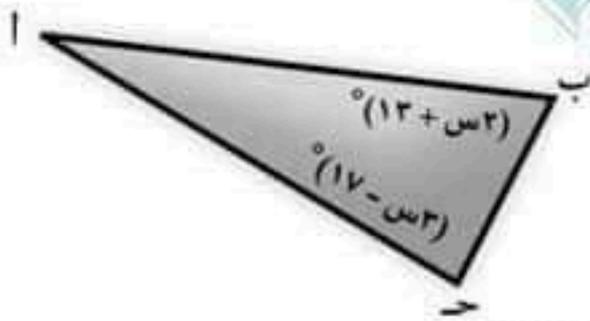
الحل :

.....

.....

.....

.....



٧) في الشكل المقابل : $\angle A = 13 + 2s$ ، $\angle B = 17 - 3s$ ،
أوجد قياسات زوايا $\triangle ABC$

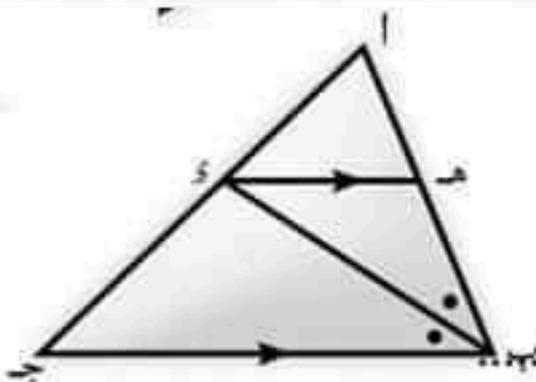
الحل :

.....

.....

.....

.....



٨) في الشكل المقابل : $AB \parallel AC$ ، $BC \parallel AB$ ،
اثبت أن : BC متساوي الساقين

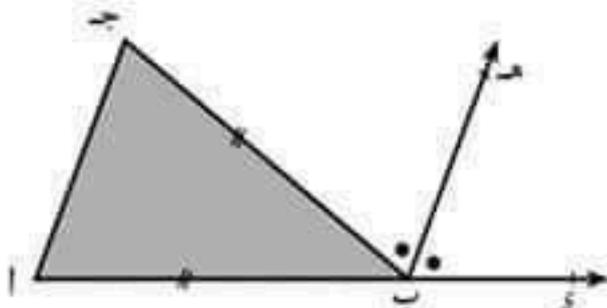
الحل :

.....

.....

.....

.....



٩) في الشكل المقابل : $AB \parallel AC$ ، $BC \parallel AB$ ،
اثبت أن : $BC \parallel AB$

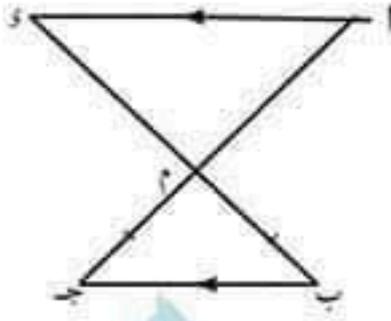
الحل :

.....

.....

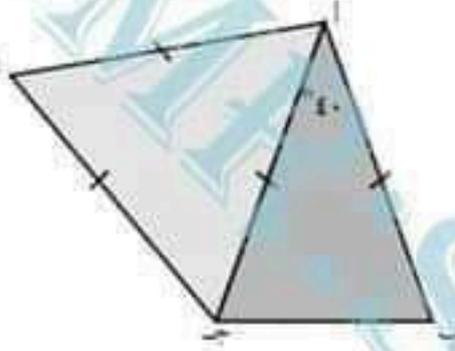
.....

.....



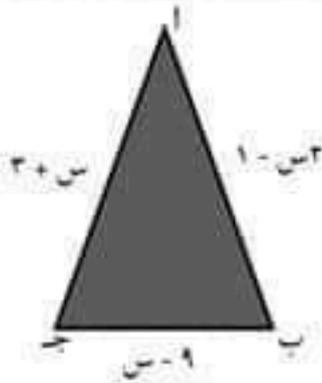
١٠) في الشكل المقابل : $AB = CD$ ، $\overline{BC} \parallel \overline{AD}$
 اثبت أن : المثلث $\triangle AEC$ متساوي الساقين

الحـل :



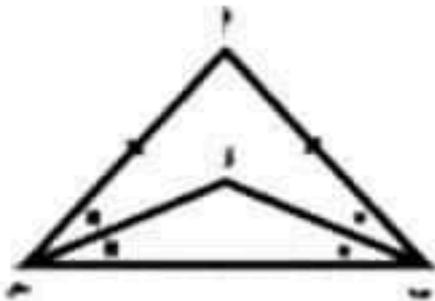
١١) في الشكل المقابل : $AD = DE = EC = AB$ ، $\angle ADE = 40^\circ$
 أوجد : $\angle C$ ($\triangle ABC$)

الحـل :



١٢) في الشكل المقابل : $\triangle ABC$ مثلث فيه $\angle C = \angle B = \angle A$
 أوجد : محيط $\triangle ABC$

الحـل :



١٣) في الشكل المقابل : $\triangle ABC$ مثلث فيه $AB = AC$
 AD ينصف BC ، BE ينصف AC
 اثبت أن : $\triangle GBC$ متساوي الساقين

الحـل :

