



جمهورية مصر العربية
وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني
الأمانة العامة لشئون الكتب

الرياضيات

الصف الأول الإعدادي

الفصل الدراسي الأول

تأليف

جمال فتحي عبد الستار

إشراف علمي

مستشار الرياضيات

إشراف تربوي وتعديل ومراجعة

مركز تطوير المناهج والمواد التعليمية

غير مصرح بتداول هذا الكتاب خارج وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني

طبعة ٢٠١٩ - ٢٠٢٠

مقدمة

يسعدنا أن نقدم كتاب الرياضيات لأبنائنا وبناتنا تلاميذ الصف الأول الإعدادي على أمل أن يكون محققا لما سعيينا من أجله من سهولة المعلومات ووضوح الأسلوب وتحقيق الهدف بإعداد جيل قادر على التفكير العلمي والابتكار. إن طموحات العقل الإنساني وتعلقاته قد تجاوزت حدود الأرض لتخترق أفلاك الفضاء الخارجي فتنتقل إلينا الأقمار الصناعية وشبكات المعلومات أحدث ما يدور فيه صباح ومساء. وبفضل التقدم التكنولوجي أصبحت مصادر التعلم كثيرة ومتنوعة ووسائل المعرفة أكثر عدداً وأكبر تنوعاً والوسائل المعينة في التدريس أكبر أثراً وأكثر تعقيداً وأعلى قيمة.

لم تكن جمهورية مصر العربية بحضارتها لتتخلف عن مواكبة ما يشهده العالم من تقدم سريع في اكتشافات العلم وتطور هائل في تكنولوجيا التعلم فلعلك تتابع ما يحدث في تعليمنا من تطوير وما أدخل إلى مدارسنا من وسائل تعليمية متطورة.

وقد روعي في تأليف هذا الكتاب

- التعرف على الرياضيات التي تستخدم الرموز بدلا من الأعداد ، لأن دراسة الأعداد غير كافية لحل المشكلات الواقعية.
- استخدام الصور والأشكال وتوظيف الألوان في توضيح المفاهيم الرياضية وخواص الأشكال.
- التكامل والربط بين الرياضيات والمواد الدراسية الأخرى.
- تصميم المواقف التعليمية بما يساعد على أساس التعلم النشط ومهارات حل المشكلات.
- عرض الدروس بحيث يصل التلميذ بنفسه إلى المعلومات.
- تضمين الكتاب قضايا واقعية وأنشطة ومواقف تعليمية مرتبطة بمشكلات البيئة والصحة والسكان إضافة إلى قضايا تنمية القيم مثل حقوق الإنسان والمساواة والعدالة وتنمية مفاهيم الانتماء إلى الوطن.
- وفي الجزء الخاص بالأنشطة والتدريبات : يوجد أسئلة تقويمية لكل درس ، وتمارين متنوعة على كل وحدة ، واختبار في نهاية كل وحدة ، ونشاط خاص ، ونماذج امتحانات عامة تساعد على مراجعة المقرر كاملاً .

وقد اشتمل هذا الكتاب على 4 وحدات.

الوحدة الأولى: الأعداد التيسية - وتهدف إلى عرض خصائص الأعداد وطرق تمثيلها وإجراء العمليات الحسابية عليها وإدراك العلاقات بينها.

الوحدة الثانية: الجبر - وتعرض معنى الحدود والمتادير الجبرية وإجراء العمليات عليها

الوحدة الثالثة: الهندسة والقياس - وتدور حول رسم أشكال هندسية ذات بعدين وثلاثة أبعاد مع وضوح خواصها وتحليل العلاقات بينها.

الوحدة الرابعة : الاحصاء ويهدف إلى الإحاطة بجميع البيانات وتنظيمها وعرضها للإجابة عن تساؤلات معينة. وإصدار أحكام على التفسيرات والتنبؤات التي يمكن الوصول إليها من تحليل بيانات معينة

وقد روعي في شرح موضوعات الكتاب تبسيط المعلومة إلى أقصى قدر مستطاع مع تنوع

المؤلف

التمارين وإعطاء الدارسين الفرصة للتفكير والابتكار.

الرموز الرياضية المستخدمة

لكل رمز من الرموز الرياضية الآتية مدلوله وكيفية توظيفه

الرمز	يُقرأ
$\sim = (\dots , \dots , \dots)$	المجموعة $\sim$ تساوي
$\emptyset$ أو $()$	فاي (المجموعة الخالية التي لا تحتوي على أي عنصر)
$\ni$	عنصر من أو ينتمي إلى
$\notin$	ليس عنصرا في أو لا ينتمي إلى
$\supset$	محتواة في أو جزئية من
$\not\supset$	غير محتواة في أو ليست جزئية من
$\sim \cap \sim = \{ \sim : \sim \ni \sim , \sim \ni \sim \}$	تقاطع المجموعتين $\sim$ ، $\sim$ هي المجموعة التي تشمل كل العناصر الموجودة في المجموعتين معا
$\sim \cup \sim = \{ \sim : \sim \ni \sim , \sim \ni \sim \}$	اتحاد المجموعتين $\sim$ ، $\sim$ هو المجموعة التي تشمل كل العناصر الموجودة في المجموعتين أو كليهما
$\mathbb{N}$	مجموعة الأعداد الطبيعية (٠ ، ١ ، ٢ ، ...)
$\mathbb{Z}$	مجموعة الأعداد الصحيحة (... ، ٢ ، ١ ، ٠ ، -١ ، -٢ ، ...)
$\mathbb{N}^+$	مجموعة الأعداد الصحيحة الموجبة (١ ، ٢ ، ٣ ، ...)
$\mathbb{Z}^-$	مجموعة الأعداد الصحيحة السالبة (-١ ، -٢ ، -٣ ، ...)
$\geq$	أقل من أو يساوي
$\leq$	أكبر من أو يساوي
$\neq$	لا تساوي

الرمز	يُقرأ
$ p $	القيمة المطلقة للعدد p
(p, b)	الزوج المرتب p, b
$p \times p \times \dots \times p$ إلى n من العوامل = p^n	القوة النونية للعدد p «أس n »
$\sqrt[p]{}$	الجذر التربيعي للعدد p
$//$	بوازي
$\perp$	عمودي على
$\triangle$	مثلث
$\therefore$	بما أن
$\therefore$	إذن
	زاوية قائمة
$\overline{p}$	القطعة المستقيمة p
$\overleftarrow{p}$	الشعاع p
$\overleftrightarrow{p}$	الخط المستقيم p
$\sphericalangle$	زاوية
$\equiv$	تطابق

الوحدة الأولى : الأعداد النسبية

٢	الدرس الأول : مجموعة الأعداد النسبية
٥	الدرس الثاني : مقارنة وترتيب الأعداد النسبية
٧	الدرس الثالث : جمع الأعداد النسبية
٩	الدرس الرابع : خواص عملية الجمع في مجموعة الأعداد النسبية
١١	الدرس الخامس : طرح الأعداد النسبية
١٢	الدرس السادس : ضرب الأعداد النسبية
١٣	الدرس السابع : خواص عملية الضرب في مجموعة الأعداد النسبية
١٥	الدرس الثامن : قسمة الأعداد النسبية

الوحدة الثانية : الجبر

١٨	الدرس الأول : الحدود والمقايير الجبرية
١٩	الدرس الثاني : الحدود المتشابهة
٢٠	الدرس الثالث : ضرب الحدود الجبرية وقسمتها
٢٣	الدرس الرابع : جمع المقايير الجبرية وطرحها
٢٤	الدرس الخامس : ضرب حد جبري في مقدار جبري
٢٦	الدرس السادس : ضرب مقدار جبري مكون من حدين في مقدار جبري آخر
٣٠	الدرس السابع : قسمة مقدار جبري على حد جبري
٣١	الدرس الثامن : قسمة مقدار جبري على مقدار جبري آخر
٣٣	الدرس التاسع : التحليل بإخراج العامل المشترك الأعلى

الوحدة الثالثة : الإحصاء

٣٥	الدرس الأول : مقاييس النزعة المركزية : المتوسط الحسابي
٣٩	الدرس الثاني : الوسيط
٣٩	الدرس الثالث : المنوال

الوحدة الرابعة : الهندسة والقياس

٤٣	الدرس الأول : مفاهيم هندسية
٤٩	الدرس الثاني : التطابق
٥٠	الدرس الثالث : تطابق المثلثات
٥٦	الدرس الرابع : التوازي
٦٢	الدرس الخامس : إنشاءات هندسية



محمد بن أحمد أبو الريحان البيروني
(ولد سنة ٣٦٢ هـ / ٩٧٣ م)

ذَكَرَ الْبِيْرُونِيُّ وَهُوَ مَنْ مَشَاهِيرِ الرِّثَائِيَّةِ الْقَرِيبِ أَنَّ
صُورَ الْحُرُوفِ وَأَرْقَامِ الْجِسَامِ تَخْتَلِفُ فِي الْهِنْدِ بِاخْتِلَافِ
الْمَحَلَّاتِ وَأَنَّ الْقَرِيبَ أَخَذُوا أَحْسَنَ مَا عِنْدَهُمْ فَهَدَّبُوا
بَعْضَهَا وَكَوَّنُوا مِنْ ذَلِكَ سِلْسِلَتَيْنِ عُرِفَتْ إِحْدَاهُمَا:
الْأَرْقَامُ الْهِنْدِيَّةُ

٠ . ٩ . ٨ . ٧ . ٦ . ٥ . ٤ . ٣ . ٢ . ١

وَتُسَمَّيْنِ فِي الْمَشْرِقِ الْقَرِيبِيَّ وَهِيَ مِنْ أَصْلِ هِنْدِيٍّ
الْأَرْقَامُ الْأَنْدَلُسِيَّةُ (الْغَبَارِيَّةُ)

٠ . ٩ . ٨ . ٧ . ٦ . ٥ . ٤ . ٣ . ٢ . ١

وَتُسَمَّيْنِ فِي الْمَغْرِبِ الْقَرِيبِيَّ وَالْأَنْدَلُسِيَّ

مُحْتَوَيَاتُ الْوَحْدَةِ

- الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مَجْمُوعَةُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
 - الدَّرْسُ الثَّانِي : مُقَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
 - الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : جَمْعُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
 - الدَّرْسُ الرَّابِعُ : خَوَاصُّ عَقَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
 - الدَّرْسُ الْخَامِسُ : طَرَحُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
 - الدَّرْسُ السَّادِسُ : ضَرْبُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
 - الدَّرْسُ السَّابِعُ : خَوَاصُّ عَقَلِيَّةِ الضَّرْبِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
 - الدَّرْسُ الثَّامِنُ : قِسْمَةُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
- تطبيقات على الأعداد النسبية

مَجْمُوعَةُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ

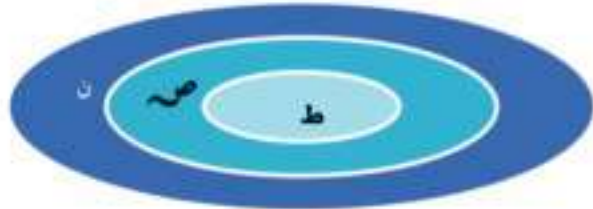
$$\begin{aligned}
 & \bullet 1 = \frac{1}{1} \leftarrow \frac{1}{p} \quad , \quad 1 \ni \sim \\
 & \bullet \text{صفر} = \frac{\text{صفر}}{1} \leftarrow \frac{1}{p} \quad , \quad \text{صفر} \ni \sim \\
 & \bullet 1- = \frac{1}{1}- \leftarrow \frac{1}{p}- \quad , \quad 1- \ni \sim \\
 & \bullet 1\frac{2}{4}- = \frac{7}{4}- \leftarrow \frac{1}{p}- \quad , \quad 1\frac{2}{4}- \ni \sim \\
 & \bullet 1,25- = \frac{5}{4}- \leftarrow \frac{1}{p}- \quad , \quad 1,25- \ni \sim
 \end{aligned}$$

تَعْلَمُ أَنَّ



يُكْتَبُ الْعَدَدُ النَّسَبِيُّ عَلَى الصُّورَةِ $\frac{1}{p}$. حَيْثُ p : ب أَعْدَادٌ صَحِيحَةٌ .
 $p \neq \text{صفر}$

مَجْمُوعَةُ الْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ مَجْمُوعَةٌ جُزْئِيَّةٌ مِنَ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ . أَيَّ أَنَّ $\sim \ni \text{مَجْمُوعَةٌ جُزْئِيَّةٌ مِنْ } \mathcal{N}$



$$\mathcal{P} \subset \sim \subset \mathcal{N}$$

وَيُمْكِنُ تَقْيِيلُ مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ .



نُمَثِّلُ النُّقْطَةَ $ك$ مُنْتَصَفَ الْمَسَافَةِ بَيْنَ 1 الْعَدَدِ النَّسَبِيِّ $\frac{1}{4}$ وَيُقْرَأُ الْعَدَدُ النَّسَبِيُّ مُوجِبٌ يُصَفِّ

نُمَثِّلُ النُّقْطَةَ $ك$ مُنْتَصَفَ الْمَسَافَةِ بَيْنَ $1-$ الْعَدَدِ النَّسَبِيِّ $-\frac{1}{4}$ وَيُقْرَأُ الْعَدَدُ النَّسَبِيُّ سَالِبٌ يُصَفِّ

مثال ١

اكتب الأعداد الآتية على الصورة $\frac{p}{q}$

(ج) $\%40$

(ب) $0,15$

(أ) $|9\frac{1}{3} - |$

الحل

$$\frac{28}{3} = 9\frac{1}{3} = |9\frac{1}{3} - | \quad (أ)$$

$$\frac{3}{20} = \frac{15}{100} = 0,15 \quad (ب)$$

$$\frac{2}{5} = \frac{4}{10} = \frac{40}{100} = \%40 \quad (ج)$$

مثال ٢

اكتب الأعداد الآتية على صورة أعداد عشرية و نسبة مئوية .

(ج) $\frac{25}{8}$

(ب) $|2\frac{1}{4} - |$

(أ) $\frac{16}{25}$

الحل

$$\%64 = 0,64 = \frac{64}{100} = \frac{4 \times 16}{4 \times 25} = \frac{16}{25} \quad (أ)$$

$$\%225 = 2,25 = \frac{9}{4} = |2\frac{1}{4} - | \quad (ب)$$

$$\%312,5 = 3,125 = 3\frac{1}{8} = \frac{25}{8} \quad (ج)$$



الأنشكال المختلفة للعدد النسبي

• كتابة أعداد نسبية مثل $\frac{3}{5} \cdot \frac{7}{8}$ كعدد عشري مُنتهٍ :

$$\dots = 1,40 = 1,4 = \frac{14}{10} = \frac{7}{5}$$

$$\dots = 0,750 = 0,75 = \frac{75}{100} = \frac{3}{4}$$

• كتابة أعداد نسبية مثل $\frac{3}{5} \cdot \frac{7}{8}$ على صورة نسبية مكسوة :

$$\times 140 = \frac{140}{100} = \frac{14 \times 10}{10 \times 10} = \frac{14}{10} = \frac{7}{5}$$

$$\times 75 = \frac{75}{100} = \frac{75 \times 4}{100 \times 4} = \frac{300}{400} = \frac{3}{4}$$

• كتابة أعداد نسبية مثل $\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{11}$ كعدد عشري دائري غير مُنتهٍ :

$$0,1\dot{8} = 0,181818\dots = \frac{18}{100} = \frac{9}{50}$$

$$0,3\dot{3} = 0,333\dots = \frac{33}{100} = \frac{3}{10}$$

وَضَعُ النِّقْطَةَ فَوْقَ الرِّقْمِ مَعْنَاهُ أَنَّ الْعَدَدَ دَائِرِيَّ

يُفْرَأُ ٠,٣ دَائِرِيَّ

فمثلاً :

لكتابة العدد $\frac{1}{3}$ كعدد عشري دائري غير منته باستخدام الآلة الحاسبة ، ندخل العدد $\frac{1}{3}$ على الآلة الحاسبة ثم نضغط على علامة [=] فنحصل على ٠,٣٣٣٣٠٠٠ كما ظهر بالآلة .

ولكتابة العدد $0,3\dot{3}$ على صورة عدد نسبي باستخدام الآلة الحاسبة ندخل العدد ٠,٣٣٣٣٠٠٠ ونكرر العدد ٣ حتي آخر الشاشة الموجودة ثم نضغط على علامة [=] فنحصل على العدد النسبي $\frac{1}{3}$

$$\frac{1}{3} = 0,3\dot{3} \quad \text{أي أن :}$$

مثال : لكتابة العدد ٠,١٤٥ على صورة عدد نسبي ، ندخله بالآلة الحاسبة على الصورة ٠,١٤٥٥٥٠٠٠

ونكرر العدد ٤٥ حتي آخر الشاشة ثم نضغط على [=]

$$\frac{145}{1000} = 0,145 \quad \text{أي أن :}$$

مُقَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ الثَّانِي



خَطُّ الْأَعْدَادِ

إِذَا كَانَتِ الثَّقَلَةُ الَّتِي تُعْتَمَلُ الْعِدَّةُ النَّسْبِيَّةُ «أ» تَقَعُ عَلَى بَسَارِ عِدَّةٍ نِسْبِيَّةٍ «ب» فَلَيْنَ

أ < ب
أَكْبَرُ مِنْ

، أ

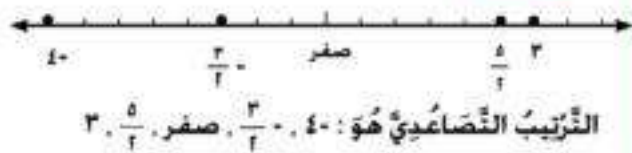
أ > ب
أَقْلُ مِنْ

التَّرْتِيبُ التَّصَاعُدِيُّ لِلْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ ٣ - صَفَرٌ ، ٢ - ١/٢ ، هُوَ : ٣ - ١/٢ ، صَفَرٌ ، ٢ -
التَّرْتِيبُ التَّنَازُلِيُّ لِلْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ ٣ - صَفَرٌ ، ٢ - ١/٢ ، هُوَ : ٢ - ١/٢ ، صَفَرٌ ، ٣ -

مثال ١

مَثَلِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ ٣ - ٢/٢ ، صَفَرٌ ، ٤ - عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ ثُمَّ رَتَّبْنَاهَا تَصَاعُدِيًّا

الحل



التَّرْتِيبُ التَّصَاعُدِيُّ هُوَ : ٤ - ٢/٢ ، صَفَرٌ ، ٣ - ٥/٢

يُمْكِنُكَ تَرْتِيبُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ
حَسَبَ مَوْضِعِهَا عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ

مثال ٣

أَيُّهُمَا أَكْبَرُ - ٢/٣ أَمْ ٣/٤ ؟

الحل

٢.٣.٢ لِمَقَامَاتِ ٣ ، ٤ هُوَ ١٢

$$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} = \frac{8}{12} \quad \frac{3}{4} = \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{9}{12}$$

الْعِدَّةُ النَّسْبِيَّةِ - ٢/٣ أَكْبَرُ مِنْ - ٣/٤

مثال ٢

أَيُّهُمَا أَكْبَرُ - ٤/٥ أَمْ ٣/٥ ؟

الحل

٢.٣.٢ لِمَقَامَاتِ ٥ ، ٥ هُوَ ٢٥

$$\frac{4}{5} = \frac{4 \times 5}{5 \times 5} = \frac{20}{25} \quad \frac{3}{5} = \frac{3 \times 5}{5 \times 5} = \frac{15}{25}$$

الْعِدَّةُ النَّسْبِيَّةِ ٣/٥ أَكْبَرُ مِنَ الْعِدَّةِ النَّسْبِيَّةِ ٤/٥

مثال ٤

اكتب ثلاثة أعداد نسبية تقع بين $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{5}$

الحل

يلزم لذلك توحيد مقامى العددين النسبيين أولاً :

م.م. ١٥ للمقامات ٣، ٥ هو ١٥

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{4}{5} \text{ يقع بين العددين } \frac{11}{15} \leftarrow \begin{cases} \frac{12}{15} = \frac{3 \times 4}{3 \times 5} = \frac{4}{5} \\ \frac{10}{15} = \frac{5 \times 2}{5 \times 3} = \frac{2}{3} \end{cases}$$

لأن $\frac{12}{15} > \frac{11}{15} > \frac{10}{15}$

ولكى نوجد ثلاثة أعداد محصورة بينهما :

نضرب بسط ومقام العددين $\frac{12}{15}$ و $\frac{10}{15}$ فى ٢

$$\leftarrow \begin{cases} \frac{24}{30} = \frac{2 \times 12}{2 \times 15} = \frac{12}{15} \\ \frac{20}{30} = \frac{2 \times 10}{2 \times 15} = \frac{2}{3} \end{cases}$$

الأعداد الثلاثة المطلوبة هي :

$$\frac{23}{30}, \frac{22}{30}, \frac{21}{30}$$

لأن: $\frac{24}{30} > \frac{23}{30} > \frac{22}{30} > \frac{21}{30} > \frac{20}{30}$

ويمكن ايجاد المزيد من الأعداد النسبية المحصورة بين العددين

(أوجد ثلاثة أعداد نسبية أخرى تقع بين $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{5}$)

لذلك يمكن القول أنه :

لاى عددين نسبیین مختلفین يوجد عدد لا نهائى من الأعداد النسبية المحصورة بينهما. (تسمى هذه الخاصية كثافة الأعداد النسبية .)

جَمْعُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ الثَّالِثُ

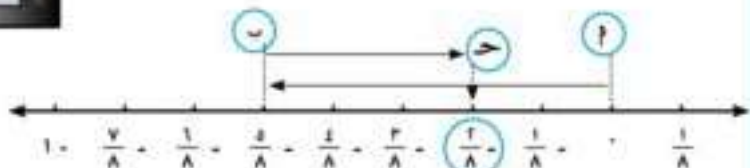
تَمَثِيلُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ يُسَاعِدُكَ عَلَى جَمْعِهَا:

مثال ١

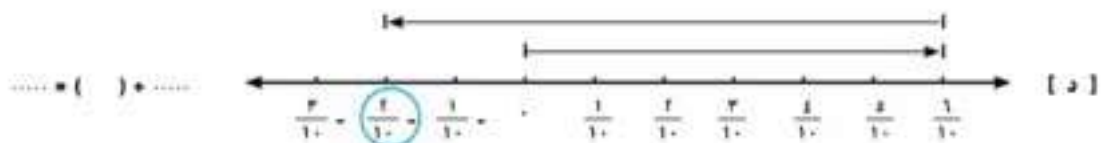
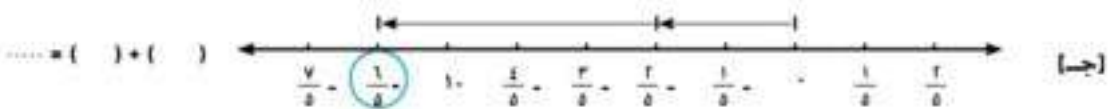
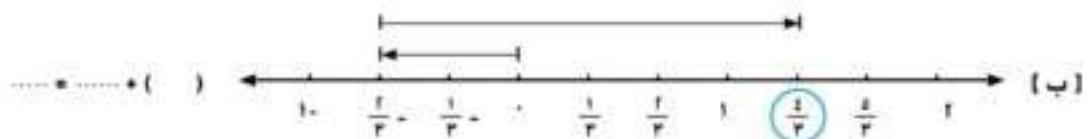
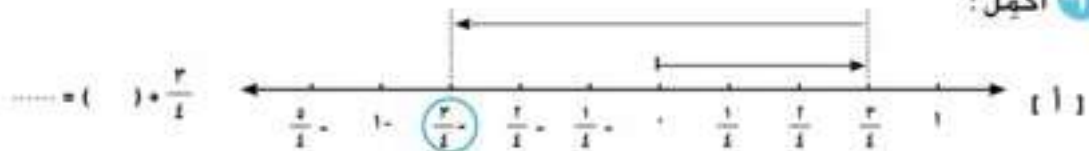
اتَّبِعِ الْخُطُواتِ الثَّلَاثَةَ
١. ب. ح. لايجاد ناتج
الجمع

$$\frac{3}{8} + \frac{5}{8} =$$

$$\frac{7}{8} = \frac{3}{8} + \frac{5}{8}$$



١ اكمل:



٢ اسْتَخْدِمِ خَطَّ الْأَعْدَادِ فِي جَمْعِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الْآتِيَةِ :

[ج] $(\frac{1}{4}) + \frac{3}{4} =$

[ب] $\frac{5}{3} + \frac{1}{3} =$

[أ] $(\frac{3}{8}) + \frac{5}{8} =$

مثال ٢

أَحْسِبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:

$$[أ] \left(\frac{3}{2} - \right) + \frac{4}{5} - \quad [ب] \left(2\frac{1}{3} - \right) + 3\frac{1}{4}$$

الْحَلُّ

$$\begin{aligned} [أ] \text{ م.م.أ للمقامات } 10 = 2, 5 \quad & \left(\frac{3 \times 5}{2 \times 5} - \right) + \frac{4}{5} - = \left(\frac{3}{2} - \right) + \frac{4}{5} - \\ & \left(\frac{15}{10} - \right) + \frac{8}{10} - = \\ & \frac{23}{10} - = \\ [ب] \text{ م.م.أ للمقامات } 12 = 3, 4 \quad & \left(2\frac{1 \times 4}{3 \times 4} - \right) + 3\frac{1}{4} = \left(2\frac{1}{3} - \right) + 3\frac{1}{4} \\ & \left(2\frac{4}{12} - \right) + 3\frac{3}{12} = \\ & \frac{11}{12} = \left(2\frac{4}{12} - \right) + 3\frac{10}{12} = \end{aligned}$$

مثال ٣

أَحْسِبْ قِيَمَةَ كُلِّ يَأْتِي فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ :

$$[أ] \left(7\frac{3}{4} - \right) + 1\frac{5}{8} \quad [ب] \left(4\frac{1}{3} - \right) + \frac{1}{5}$$

الْحَلُّ

$$\begin{aligned} [أ] \text{ م.م.أ للمقامات } 8 = 4, 8 \quad & \left(7\frac{3 \times 2}{4 \times 2} - \right) + 1\frac{5}{8} = \left(7\frac{3}{2} - \right) + 1\frac{5}{8} \\ & \left(7\frac{6}{2} - \right) + 1\frac{5}{8} = \\ & 6\frac{1}{2} - = \\ [ب] \text{ م.م.أ للمقامات } 15 = 3, 5 \quad & \left(4\frac{1 \times 5}{3 \times 5} - \right) + \frac{1}{5} = \left(4\frac{1}{3} - \right) + \frac{1}{5} \\ & \left(4\frac{5}{15} - \right) + \frac{3}{15} = \\ & 4\frac{8}{15} - = \end{aligned}$$

أَكْمِلْ

هَلْ نَاتِجُ الْجَمْعِ عَدَدٌ نِسْبِيٌّ ؟

[أ] $\frac{3}{4} + \frac{1}{3} = \dots\dots\dots$

هَلْ تَنَاتُرُ عَمَلِيَّةُ الْجَمْعِ بِتَبْيِيلِ الْعَدَدَيْنِ ؟

[ب] $\frac{1}{5} + \frac{3}{5} = \dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots = (\frac{3}{5} -) + \frac{1}{5} ،$

هَلْ تَنَاتُرُ عَمَلِيَّةُ الْجَمْعِ بِدَمْجِ عَدَدَيْنِ مَعًا ؟

[جـ] $\dots\dots\dots = \frac{1}{3} + () = \frac{1}{3} + (\frac{1}{3} + \frac{5}{3} -)$

$\dots\dots\dots = \dots\dots\dots + \frac{2}{3} - = (\frac{1}{3} + \frac{1}{3}) + \frac{5}{3} - ،$

هَلْ تَتَغَيَّرُ قِيَمَةُ الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ عِنْدَ إِضَافَةِ الصَّفْرِ ؟

[د] $\dots\dots\dots = \text{صفر} + \frac{8}{9} = \dots\dots\dots$

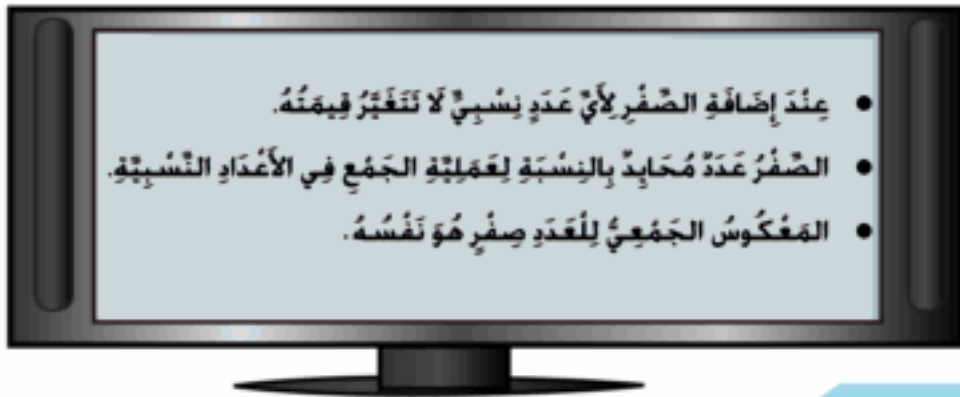
$\dots\dots\dots = (\frac{4}{9} -) + \text{صفر} ،$

مَاذَا نُلَاحِظُ ؟

[هـ] $\dots\dots\dots = (\frac{9}{8} -) + \frac{9}{8} = \dots\dots\dots$

لَايَ أَعْدَادٍ نِسَبِيَّةٍ $\frac{1}{5}$ ، $\frac{2}{5}$ ، $\frac{4}{9}$ يَكُونُ :

مِثَالٌ	اسْتَخْدَامُ الرُّمُوزِ	الْخَاصِيَّةُ
إِذَا كَانَ $\frac{1}{r} ، 2 \geq n$ فَإِنَّ $\dots\dots\dots = 2 + \frac{1}{r} \geq n$	$n \geq \frac{p+s}{ps} = \frac{p}{s} + \frac{p}{s}$	١- الْإِنْفِلَاقُ
	$\frac{p}{p} + \frac{p}{s} = \frac{p}{s} + \frac{p}{p}$	٢- الْإِبْتِدَالُ
	$(\frac{p}{9} + \frac{p}{5}) + \frac{p}{p} = \frac{p}{9} + (\frac{p}{5} + \frac{p}{p})$ $\frac{p}{9} + \frac{p}{5} + \frac{p}{p} =$	٣- الدَّمْجُ
	$\frac{p}{p} = \frac{p}{p} + 0 + \dots + \frac{p}{p}$	٤- الْعَدَدُ الْمُحَايِدُ الْجَمْعِيُّ
	لِكُلِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ $\frac{p}{s}$ مَعْكَوْسٌ جَمْعِيٌّ - $\frac{p}{p}$ حَيْثُ $\frac{p}{p} + (\frac{p}{p} -) = \text{صَفْرًا}$	٥- وُجُودُ الْمَعْكَوْسِ الْجَمْعِيِّ



مثال ١

اُخْبِبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي مَعَ ذِكْرِ الْخَاصِيَّةِ :

$$\begin{aligned} \frac{5}{10} + \left(\frac{7}{10}\right) & , \quad \left(\frac{7}{10}\right) + \frac{5}{10} \quad (أ) \\ \left(\frac{2}{8} + \frac{3}{8}\right) + \frac{1}{8} & , \quad \frac{2}{8} + \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{8}\right) \quad (ب) \\ \frac{5}{12} + \frac{5}{12} - & , \quad \left(\frac{4}{5}\right) + \frac{4}{5} \quad (ج) \end{aligned}$$

الحل

$$\frac{2}{10} = \left(\frac{7}{10}\right) + \frac{5}{10} \quad (أ)$$

$$\frac{2}{10} = \frac{5}{10} + \left(\frac{7}{10}\right)$$

خاصية الإبدال

$$\frac{2}{10} = \frac{5}{10} + \left(\frac{7}{10}\right) = \left(\frac{7}{10}\right) + \frac{5}{10} \quad \therefore$$

$$\frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{2}{8} + \frac{4}{8} = \frac{2}{8} + \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{8}\right) \quad (ب)$$

$$\frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{5}{8} + \frac{1}{8} = \left(\frac{2}{8} + \frac{3}{8}\right) + \frac{1}{8}$$

خاصية الدمج

$$\frac{3}{8} = \left(\frac{2}{8} + \frac{3}{8}\right) + \frac{1}{8} = \frac{2}{8} + \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{8}\right) \quad \therefore$$

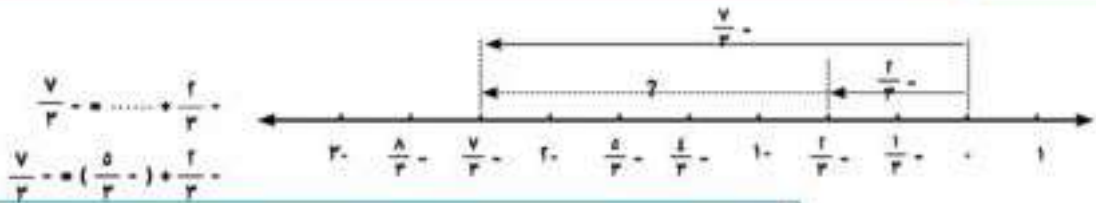
$$\text{صفر} = \frac{4-4}{5} = \left(\frac{4}{5}\right) + \frac{4}{5} \quad (ج)$$

خاصية المعكوس الجمعي

$$\text{صفر} = \frac{5+5-}{12} = \frac{5}{12} + \frac{5-}{12}$$

طَرَحُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ

الدَّرْسُ الْخَامِسُ



عَمَلِيَّةُ الطَّرْحِ $(\frac{a}{b} - \frac{c}{d})$ هِيَ عَمَلِيَّةُ جَمْعِ الْمَطْرُوحِ مِنْهُ $\frac{c}{d}$ مَعَ الْمَعْكُوسِ الْجَمْعِيِّ لِلْمَطْرُوحِ $\frac{a}{b}$ أَيْ أَنَّ: $\frac{a}{b} - \frac{c}{d} = \frac{a}{b} + \frac{c}{d}$

مثال ١

احسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$2\frac{5}{1} - 3\frac{2}{3} = [ب]$$

$$\frac{13}{4} - \frac{9}{2} = [أ]$$

الحل

$$\begin{aligned} [ب] \quad 2\frac{5}{1} - 3\frac{2}{3} &= 1\frac{2}{3} \\ (2\frac{5}{1}) + 3\frac{2}{3} &= 2\frac{5}{1} - 3\frac{2}{3} \\ 5\frac{9}{1} - (2\frac{5}{1}) + 3\frac{2}{3} &= \\ 1\frac{1}{3} - 3\frac{2}{3} &= \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} [أ] \quad 2\frac{5}{1} - 3\frac{2}{3} &= 1\frac{2}{3} \\ (\frac{13}{4}) + \frac{2 \times 9}{2 \times 2} &= \frac{13}{4} - \frac{9}{2} \\ \frac{5}{4} = (\frac{13}{4} -) + \frac{18}{4} &= \end{aligned}$$

مثال ٢

احسب ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$|\frac{1}{5}| - 20\% = [ب]$$

$$0,2 - \frac{4}{15} = [أ]$$

الحل

$$[أ] \quad 0,2 - \frac{4}{15} = \frac{2}{10} - \frac{4}{15} = \frac{6-8}{30} = \frac{2}{10} - \frac{4}{15} = 0,2 - \frac{4}{15}$$

$$[ب] \quad |\frac{1}{5}| - 20\% = \frac{1}{5} - \frac{1}{5} = 0$$

الدَّرْسُ السَّادِسُ ضَرْبُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

لِضَرْبِ عَدَّتَيْنِ نِسْبِيَّيْنِ يُلْزَمُ ضَرْبُ بَسْطَيْهِمَا أَوَّلًا لِتَحْصُلَ عَلَى بَسْطٍ حَاصِلٍ
الضَّرْبِ ثُمَّ ضَرْبُ مَقَامَيْهِمَا ثَانِيًا لِتَحْصُلَ عَلَى مَقَامٍ حَاصِلٍ الضَّرْبِ.
أَكْمِلْ:

$$\frac{...}{...} = \frac{1 \times 2}{7 \times 3} = \frac{1}{7} \times \frac{2}{3} \quad , \quad \frac{...}{...} = \frac{4 \times 2}{3 \times 5} = \frac{4}{3} \times \frac{2}{5}$$

ضَرْبُ عَدَّتَيْنِ
نِسْبِيَّيْنِ



مثال ١

أوجد الناتج في كل مما يلي:

$$\frac{4}{5} \times \frac{2}{7} \text{ (ب)}$$

$$\frac{4}{3} \times \frac{2}{5} \text{ (أ)}$$

$$\frac{1}{9} \times \frac{2}{9} \text{ (ج)}$$

الحل

$$\frac{8}{15} = \frac{4 \times 2}{3 \times 5} = \frac{4}{3} \times \frac{2}{5} \text{ (أ)}$$

$$\frac{12}{35} = \frac{4 \times 3}{5 \times 7} = \frac{4}{5} \times \frac{3}{7} \text{ (ب)}$$

$$\frac{2}{81} = \frac{2}{9 \times 9} = \frac{1 \times 2}{9 \times 9} = \frac{1}{9} \times \frac{2}{9} \text{ (ج)}$$

خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الضَّرْبِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

هَلْ حَاصِلُ الضَّرْبِ عِدَّةٌ نِسْبِيَّةٌ؟

١ اضْرِبْ : $\frac{2}{4} \times \frac{2}{3} = \dots\dots\dots$

٢ اكْمِلِ الْجَدْوَلَ الْآتِي :

 x 			 x 
.....	$\frac{2}{5} -$	$\frac{1}{2} -$	
.....	$\frac{1}{3} -$	$\frac{2}{5} -$	

هَلْ تَتَأَثَّرُ عَمَلِيَّةُ الضَّرْبِ
بِتَبْدِيلِ الْعَدَدَيْنِ؟

٣ اكْمِلْ :

هَلْ تَتَأَثَّرُ عَمَلِيَّةُ
الضَّرْبِ بِدَمْجِ عَدَدَيْنِ
نِسْبِيَّيْنِ؟

$$\frac{\dots\dots\dots}{60} = \frac{1}{3} \times \frac{\dots\dots\dots}{20} = \frac{1}{3} \times \left[\left(\frac{2}{4} - \right) \times \frac{2}{5} - \right] \quad [\text{ أ }]$$

$$\frac{\dots\dots\dots}{60} = \frac{\dots\dots\dots}{12} \times \frac{2}{5} - = \left[\frac{1}{3} \times \left(\frac{2}{4} - \right) \right] \times \frac{2}{5} - \quad ،$$

هَلْ تَتَغَيَّرُ قِيَمَةُ الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ عِنْدَ
ضَرْبِهِ فِي الْوَاحِدِ؟

$$\dots\dots\dots = \left(\frac{2}{4} - \right) \times 1 \quad ، \quad \dots\dots\dots = 1 \times \frac{2}{5} - \quad [\text{ ب }]$$

مَاذَا نَلَاظِظُ؟

$$\dots\dots\dots = \left(\frac{2}{5} - \right) \times \frac{2}{3} - \quad ، \quad \dots\dots\dots = \frac{2}{5} \times \frac{2}{3} - \quad [\text{ ج }]$$

مَاذَا نَلَاظِظُ؟

$$\frac{\dots\dots\dots}{12} = \frac{\dots\dots\dots}{5} \times \frac{1}{2} - = \left[\left(\frac{2}{5} - \right) + \frac{2}{5} \right] \times \frac{1}{2} - \quad [\text{ د }]$$

$$\frac{\dots\dots\dots}{12} = \frac{\dots\dots\dots}{12} + \frac{\dots\dots\dots}{12} - = \left(\frac{2}{5} - \times \left(\frac{1}{2} - \right) \right) + \frac{2}{5} \times \frac{1}{2} - \quad ،$$

٤ اكتب مثالاً لكل خاصية من خواص عملية الضرب في مجموعة الأعداد النسبية :
لاي أعداد نسبية $\frac{a}{b}, \frac{c}{d}, \frac{p}{q}$ تكون :

الخاصية	استخدام الرموز	مثال
١- الإغلاق	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd} \Rightarrow$	إذا كان $\frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$ ، $\frac{2}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{6}$ ، $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{12}$ ، ... $\Rightarrow$ فإن $\frac{1}{3} - \frac{1}{4} = \frac{1}{12}$ ، $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{12}$ ، ... $\Rightarrow$
٢- الإبدال	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{c}{d} \times \frac{a}{b}$	
٣- التجميع	$\frac{a}{b} \times (\frac{c}{d} \times \frac{p}{q}) = (\frac{a}{b} \times \frac{c}{d}) \times \frac{p}{q} = \frac{a}{b} \times \frac{cp}{dq}$	
٤- العدد المحايد الضربي	$\frac{a}{b} = \frac{a}{b} \times 1 = 1 \times \frac{a}{b}$	
٥- وجود المعكوس الضربي	لكل عدد نسبي $\frac{a}{b} \neq 0$ صفر معكوس ضربي $\frac{b}{a}$ حيث $1 = \frac{a}{b} \times \frac{b}{a}$	
٦- توزيع الضرب على الجمع	$(\frac{a}{b} + \frac{c}{d}) \times \frac{p}{q} = (\frac{a}{b} \times \frac{p}{q}) + (\frac{c}{d} \times \frac{p}{q})$	

- عند ضرب الواحد في أي عدد نسبي لا تتغير قيمته هذا العدد النسبي
- عند ضرب الصفر في أي عدد نسبي يكون حاصل الضرب صفرًا
- الواحد عدد محايد بالنسبة لعملية الضرب في الأعداد النسبية
- لا يوجد معكوس ضربي للعدد صفر لأن $\frac{0}{0}$ ليس له معنى

الدَّرْسُ الثَّامِنُ قِسْمَةُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

قِسْمَةُ عَدَدَيْنِ
نَسْبِيَّيْنِ

لِقِسْمَةِ الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{2}{3}$ عَلَى الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{4}{5}$.
نَضْرِبُ $\frac{2}{3}$ فِي الْمَعْكُوسِ الطَّرِيفِيِّ لِلْعَدَدِ $\frac{4}{5}$ وَهُوَ $\frac{5}{4}$.

أَكْمِلْ

$$\frac{2}{3} \div \frac{4}{5} = \frac{2}{3} \times \frac{5}{4} = \frac{10}{12} = \frac{5}{6}$$



مثال ١

احسب قيمة كلِّ ممَّا يأتي:

$$[أ] \quad \left(\frac{2}{3} - \right) + \frac{5}{4} -$$

$$[ب] \quad \left(2\frac{1}{2} - \right) + 3\frac{2}{4} -$$

الحل

المَقْسُومُ سَالِبٌ، وَالْمَقْسُومُ عَلَيْهِ سَالِبٌ، فَإِنَّ خَارِجَ الْقِسْمَةِ يَكُونُ مُوجِبًا

$$[أ] \quad \left(\frac{2}{3} - \right) + \frac{5}{4} - = \left(\frac{2}{3} - \right) \times \frac{5}{4} = \frac{10}{12} = \frac{5}{6}$$

$$[ب] \quad \left(2\frac{1}{2} - \right) + 3\frac{2}{4} - = \left(2\frac{1}{2} - \right) \times \frac{5}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{1}{4} \times \frac{10}{4} =$$

$$\frac{3 \times 5}{2 \times 4} =$$

$$\frac{5}{2} = \frac{10}{4} =$$

$$\frac{15}{8} =$$

مثال ٢

إذا كان $\frac{5}{4} = \frac{3}{2}$ ، فأوجد في أبسط صورة قيمة المقدار: $\frac{3}{2} \div \frac{5}{4}$

الحل

$$\frac{\frac{3}{2}}{\frac{5}{4}} = \frac{\frac{3}{2} \times \frac{4}{5}}{\frac{5}{4} \times \frac{4}{5}} = \frac{\frac{12}{10}}{\frac{20}{20}} = \frac{12}{10} = \frac{6}{5}$$

$$\frac{12}{10} = \left(\frac{6}{5} - \right) \times \frac{4}{5} =$$

مثال ١

أوجد عددًا نسبيًا يقع عند مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ $\frac{17}{1}$ ، $\frac{9}{4}$

الْحَلُّ

العدد الأصغر = $\frac{9}{4}$ ، العدد الأكبر = $\frac{17}{1}$

$$\left[\left(\frac{17}{1} - \right) + \frac{34}{12} \right] \frac{1}{2} + \frac{9}{4} = \left(\frac{9}{4} - \frac{17}{1} \right) \frac{1}{2} + \frac{9}{4}$$

$$\frac{7}{12} \times \frac{1}{2} + \frac{9}{4} =$$

$$\frac{11}{24} = \frac{7}{24} + \frac{54}{24} = \frac{7}{24} + \frac{9}{4} =$$

٢.٢.٣. للمقامات ٤ ، ٢٤ = ٢٤

∴ العددُ النسبيُّ $\frac{11}{24}$ يَقَعُ بَيْنَ $\frac{17}{1}$ ، $\frac{9}{4}$

مثال ٢

أوجد عددًا نسبيًا يقع عند ثلث المسافة بين : $\frac{5}{1}$ ، $\frac{1}{1}$ (من جهة الأصغر)

الْحَلُّ

العدد الأصغر = $\frac{1}{1}$ ، والعدد الأكبر = $\frac{5}{1}$

$$\frac{4}{1} \times \frac{1}{3} + \frac{9}{1} = \left[\left(\frac{9}{1} - \right) - \frac{5}{1} - \right] \frac{1}{3} + \frac{9}{1} =$$

$$\frac{2}{9} + \frac{9}{1} =$$

$$\frac{23}{18} = \frac{4 + 17}{18} =$$

∴ العددُ $\frac{23}{18}$ يَقَعُ عند ثلث المسافة بين $\frac{5}{1}$ ، $\frac{1}{1}$ من جهة $\left(\frac{9}{1} - \right)$

هل يوجد عدد آخر يقع عند ثلث المسافة بين العددين $\frac{5}{1}$ ، $\frac{1}{1}$ ؟ (من جهة الأصغر)

مثال ٣

أوجد عددًا نسبيًا يقع عند ربع المسافة بين $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$ (من جهة الأصغر)

الحل

العدد الأصغر = $\frac{1}{3}$ ، العدد الأكبر = $\frac{1}{2}$

∴ العدد الذي يقع في $\frac{1}{4}$ المسافة بين $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{2}$ من جهة $\frac{1}{3}$

$$\frac{3}{8} = \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{2} \right) \frac{1}{4} + \frac{1}{3} =$$

الْوَحْدَةُ الثَّانِيَّةُ الْجَبْرُ



محمد بن موسى الخوارزمي
عالم عراقي مسلم

الْعَرَبُ مِمَّنْ أَوَّلَ مَنْ اسْتَعْمَلَ كَلِمَةَ جَبْرٍ وَأَوَّلَ
مَنْ أَلَّفَ فِيهِ هُوَ مُحَمَّدُ بْنُ مُوسَى الْخَوَارِزْمِيُّ
(أبو الجبر) فِي عَصْرِ الْقَلَمُونَ فَهُوَ عَالِمٌ
مُسْلِمٌ عِرَاقِيٌّ (وُلِدَ حَوْلَ السَّنَةِ ٧٨١ - تُوُفِيَ بَعْدَ
٢٣٢ هـ - أَيْ بَعْدَ ٨٤٧ م) وَبَقِيَ الْخَوَارِزْمِيُّ يَسْتَعْدِمُ
الْعَالَمَ الْأَعْدَادَ الْعَرَبِيَّةَ الَّتِي غَيَّرَتْ مَفْهُومَنَا عَنِ الْأَعْدَادِ
كَمَا أَنَّهُ أَنْخَلَّ مَفْهُومَ الْعَدَدِ صِفَرٍ.

مُحْتَوَيَاتُ الْوَحْدَةِ

- الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : الْحُدُودُ وَالْمَقَابِيرُ الْجَبْرِيَّةُ
- الدَّرْسُ الثَّانِي : الْحُدُودُ الْمُتَشَابِهَةُ
- الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَفَسْطَحُهَا
- الدَّرْسُ الرَّابِعُ : جَمْعُ الْمَقَابِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَطَرَحُهَا
- الدَّرْسُ الْخَامِسُ : ضَرْبُ حَدِّ جَبْرِيٍّ فِي مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ
- الدَّرْسُ السَّادِسُ : ضَرْبُ مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ مَكُونٍ مِنْ حَدِّينِ فِي مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ آخَرَ
- الدَّرْسُ السَّابِعُ : فُسْطَحُ مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدِّ جَبْرِيٍّ
- الدَّرْسُ الثَّامِنُ : فُسْطَحُ مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ عَلَى مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ آخَرَ
- الدَّرْسُ التَّاسِعُ : التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ الْعَاوِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ الحُدُودُ وَالْمَقَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ

• الرِّبَاضِيَّاتُ هِيَ لَعْنَةُ الرُّمُوزِ فَتُسْتَخْدِمُ الرُّمُوزَ الْمُخْتَلِفَةَ لِلتَّعْبِيرِ عَنِ أَشْيَاءٍ أَوْ أَعْدَادٍ وَتَتَعَامَلُ مَعَهَا بِطَرِيقٍ مَشَابِهَةٍ لِلطَّرِيقِ الَّذِي تَتَّبِعُهُا مَعَ الْأَعْدَادِ قَمُئَلًا:

• كُلُّوْهُ الْمُسْتَطِيلُ = ٥ سم .

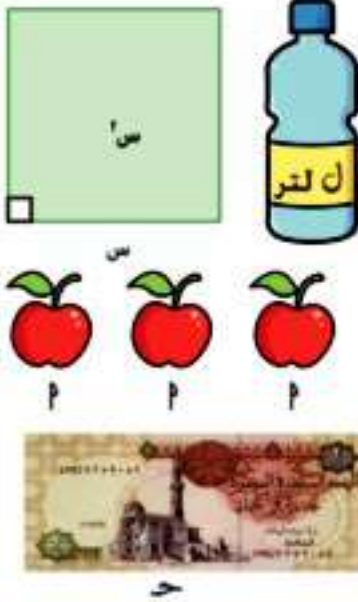
• سَعَةُ الرُّجَاجَةِ = ٧ لِيْتْرًا .

• كُلُّوْهُ ضَلْعُ الْمُرْتَبِعِ = س

• وَمِسَاحَةُ الْمُرْتَبِعِ = س × س = س^٢

• إِذَا كَانَ الرَّمْزُ الْجَبْرِيُّ ٢ يُعْبَرُ عَنْ ثَلَاثَةِ فَايْنٍ ثَلَاثَ ثَقَافَاتٍ تَعْنِي: $٢ \times ٢ = ٤$ وَتُكْتَبُ ٢ وَتُسَمَّى **حَدًّا جَبْرِيًّا**

• إِذَا كَانَ الرَّمْزُ الْجَبْرِيُّ ٣ يُعْبَرُ عَنْ جُنَيْهٍ فَإِنَّ قُسْدَانَ جُنَيْهَيْنِ تَعْنِي $(٣ -) + (٣ -) = ٦ -$ وَتُكْتَبُ ٣ - وَتُسَمَّى **حَدًّا جَبْرِيًّا**



الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ هُوَ مَا تَكُونُ مِنْ حَاصِلِ ضَرْبِ عَامِلَيْنِ أَوْ أَكْثَرَ.

الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ ٢ = ٢×١ مُكَوَّنٌ مِنْ عَامِلَيْنِ : ١ (عَامِلٌ عَدْدِيٌّ) ، ٢ (عَامِلٌ جَبْرِيٌّ).

الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ ٧ = $٧ \times س$ مُكَوَّنٌ مِنْ ٣ عَوَامِلٍ :

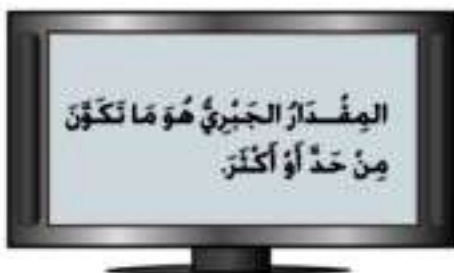
٧ (عَامِلٌ عَدْدِيٌّ) ، س (عَامِلٌ جَبْرِيٌّ) ، س (عَامِلٌ جَبْرِيٌّ).

يَكُونُ الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ ٣ مِنْ الدَّرَجَةِ الْأُولَى لِأَنَّ أَسَّ الرَّمْزِ ٢ يُسَاوِي ١

يَكُونُ الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ ٧ مِنْ الدَّرَجَةِ الثَّانِيَةِ لِأَنَّ أَسَّ الرَّمْزِ س يُسَاوِي ٢

إِذَا جَمَعْنَا الْحَدَّيْنِ ٢ ، ٧ س^٢ فَإِنَّ ٧ + ٢ س^٢ يُسَمَّى **مُقْدَارًا جَبْرِيًّا**

إِذَا طَرَحْنَا ٢ - مِنْ ٧ + ٢ س^٢ فَإِنَّ ٧ + ٢ س^٢ - ٢ - ح **مُقْدَارًا جَبْرِيًّا**.

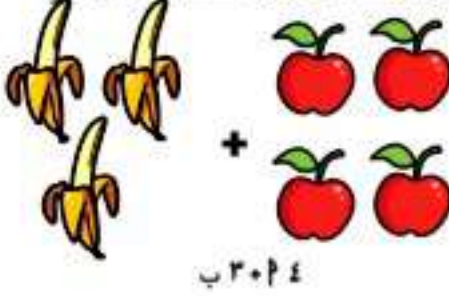


يَكُونُ الْمُقْدَارُ الْجَبْرِيُّ ٤ س^٢ - س + ٥ مِنْ الدَّرَجَةِ الثَّالِثَةِ لِأَنَّ أَسَّ الرَّمْزِ س هُوَ أَعْلَى دَرَجَةٍ لِلْحُدُودِ الْمَكُونَةِ لَهُ.

الْحُدُودُ الْمُتَشَابِهَةُ

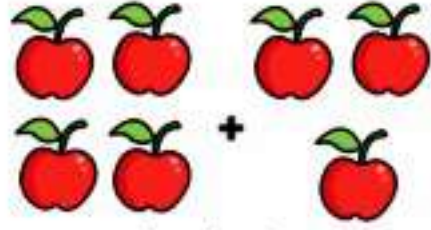
الدَّرْسُ الثَّانِي

تَتَشَابَهُ الْحُدُودُ إِذَا تَشَابَهَتِ الرُّمُوزُ الْجَبْرِيَّةُ الْمُكَوَّنَةُ لِعَوَامِلِهَا وَتَسَاوَتْ فِيهَا أُسُسُ هَذِهِ الرُّمُوزِ.



$$3a + 4b$$

الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ 3. 4. ب غَيْرُ مُتَشَابِهَةٍ



$$7b + 2a$$

الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ 7. 2. ب مُتَشَابِهَةٌ

فِي عَمَلِيَّتِي جَمْعُ وَطَرَحِ الْحُدُودِ الْمُتَشَابِهَةِ
نُجْمَعُ وَنُطْرَحُ مُعَامِلَاتُ الْحُدُودِ. أَمَّا الْعَوَامِلُ
الْجَبْرِيَّةُ فَتَبْقَى كَمَا هِيَ.

مثال ١

المُفَدَّازُ الْجَبْرِيُّ يَحْتَوِي عَلَى حُدُودٍ
مُنْتَشَابِهَةٍ لِذَلِكَ نُسْتَخْدِمُ خَوَاصُّ
الْإِبْدَالِ. وَالتَّوْزِيعِ لِأَنَّ الْحُدُودَ غَيْرُ
الْمُنْتَشَابِهَةِ لَا تُجْمَعُ.

اِخْتَصِرِ الْمُفَدَّازُ الْجَبْرِيُّ الْآتِي إِلَى أبْسِطِ صُورَةٍ:

$$9a - 2b - 5b + 7a + 3c$$

الحل

$$\text{المُفَدَّازُ} = (9a - 5b) + (7a - 2b) + (3c)$$

$$= (9 - 5)a + (7 - 2)b + 3c$$

$$= 4a + 5b + 3c$$

مثال ٢



فِي الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ : اكْتُبِ الْمُفَدَّازُ الْجَبْرِيُّ الَّذِي
يُعَبِّرُ عَنْ مَجْمُوعِ مِسَاحَاتِ الْمُسْتَطِيلَاتِ.

الحل

$$\text{مَجْمُوعُ الْمِسَاحَاتِ} = 2a + 3a + 1 + 9a$$

$$= 3a + (2 + 9)a + 1 = 12a + 1$$

الدَّرْسُ الثَّالِثُ ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُهَا

ب	ب	ب
		١ ب

عِنْدَ ضَرْبِ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٥ ب فِي الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٣ ب نَكْتُبُ:

$$(٥ \times ب) \times (٣ \times ب) = ب \times ٣ \times ب \times ٥ = ب \times ٣ \times ٥$$

$$= ١٥ ب$$

أَيُّ أَتْنَا نَضْرِبُ الْمُعَامِلَاتِ ثُمَّ نَضْرِبُ الرُّمُوزَ

عِنْدَ ضَرْبِ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٥ س' فِي الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٣ س" نَكْتُبُ:

$$(٥ \times س' \times ٣ \times س") = (٣ \times س' \times ٥ \times س") \text{ مَاذَا يَحْدُثُ عِنْدَ ضَرْبِ الْأَسَاسَاتِ الْمُتَشَابِهَةِ؟}$$

$$= ١٥ س'''$$



نُجْمَعُ الْأَسُسُ عِنْدَ ضَرْبِ الْأَعْدَادِ ذاتِ الْأَسَاسَاتِ الْمُتَشَابِهَةِ
نُطْرَحُ الْأَسُسُ عِنْدَ قِسْمَةِ الْأَعْدَادِ ذاتِ الْأَسَاسَاتِ الْمُتَشَابِهَةِ

اكْمِلْ:

$$\frac{س \times س \times س \times س \times س}{س \times س \times س} = \frac{س^٥}{س^٣}$$

[جـ]

$$[أ] س' \times س'' = (س \times س) \times (س \times س \times س) = س^٥$$

$$س^٥ = س' \times س''$$

$$س^٥ = س' \times س''$$

$$س^٥ = س' \times س'' \Rightarrow \frac{س^٥}{س'} = س''$$

[د]

$$[ب] ٢- \times ٥- = (٥- \times ٢-) = ١٠- \times ١- = ١٠-$$

$$= ١٠-$$

مثال ١

أَجْرِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَةِ:

$$[جـ] ٣- ب' \times \frac{١}{٤} ب$$

$$[أ] \frac{١}{٢} ص' \times ٢ ص'$$

$$[ب] \frac{١}{٤} س' \times \frac{٢}{٤} س'$$

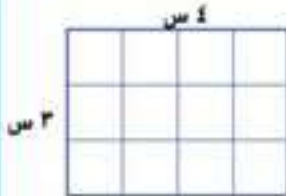
الحل

$$(أ) \frac{1}{7} \text{ ص}^1 \times 2 \text{ ص}^1 = \text{ص}^1 = \text{ص}^{1+1} = \text{ص}^2$$

$$(ب) \frac{21}{4} \text{ ص}^2 \times \frac{2}{7} \text{ ص}^2 = \frac{2}{7} \text{ ص}^2 = \frac{2}{7} \text{ ص}^{2+2} = \frac{2}{7} \text{ ص}^4$$

$$(ج) - \text{ب}^3 \times \frac{1}{6} \text{ ب} = \frac{1}{6} \text{ ب} = \frac{1}{6} \text{ ب}^{3+1} = \frac{1}{6} \text{ ب}^4$$

مثال ٢



مُسْتَقْطِيلٌ طَوْلُهُ ٤ م وَعَرْضُهُ ٣ م مِنَ السَّنِيْبِيْمَتَرَاتِ. احْسِبْ مِسَاحَتَهُ

الحل

مِسَاحَةُ الْمُسْتَقْطِيلِ = الطُّوْلُ $\times$ الْعَرْضُ = ٤ م $\times$ ٣ م = ١٢ م^٢ سم^٢

مثال ٣

أَجْرِ عَمَلِيَّاتِ الْفِسْمَةِ الْآتِيَةِ:

$$(ب) \frac{٤٢٣ \text{ م}^٢}{١٥٢٧ \text{ م}^٢}$$

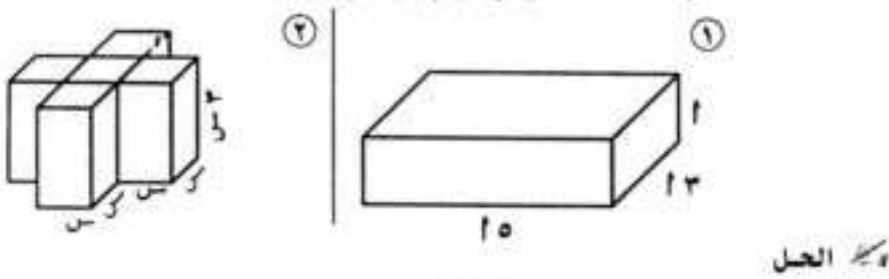
$$(أ) \frac{٢٤ \text{ ب}^٢}{٨ \text{ ب}^٢}$$

الحل

$$(أ) \frac{٢٤ \text{ ب}^٢}{٨ \text{ ب}^٢} = \frac{٢٤}{٨} \times \frac{١}{١} \text{ ب}^2 = ٣ \times ١ \text{ ب}^2 = ٣ \text{ ب}^2$$

$$(ب) \frac{٤٢٣ \text{ م}^٢}{١٥٢٧ \text{ م}^٢} = \frac{٤٢٣}{١٥٢٧} \times \frac{١}{١} \text{ م}^2 = \frac{١}{٣٦} \times \frac{١}{١} \text{ م}^2 = \frac{١}{٣٦} \text{ م}^2$$

مثال ٤ : احسب المساحة الكلية وحجم المجسم فيما يأتي :



الشكل عبارة عن متوازي مستطيلات

١- المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مجموع مساحتي القاعدتين

$$\text{المساحة الجانبية} = \text{محيط القاعدة} \times \text{ع} = 2(15 + 3) \times 1 = 36 \text{ أ}^2$$

$$\text{مساحة القاعدتين} = 2 \times \text{الطول} \times \text{العرض} = 2 \times 15 \times 3 = 90 \text{ أ}^2$$

$$\therefore \text{المساحة الكلية للشكل} = 36 \text{ أ}^2 + 90 \text{ أ}^2 = 126 \text{ أ}^2$$

$$\text{حجم المجسم} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع} = 15 \times 3 \times 1 = 45 \text{ أ}^3$$

٢- الشكل عبارة عن ٥ متوازي مستطيلات (٤ علي الأجناب وواحد في المركز)

المساحة الجانبية للشكل = مساحة الأوجه الظاهرة وهي عبارة عن ١٢ وجه وكل وجه بعديه هما ٣ س ، ٣ س

$$\text{المساحة الجانبية للشكل} = 12 \times 3 \times 3 \text{ س} = 108 \text{ س}^2$$

كل قاعدة للشكل تتكون من ٥ مربعات مساحة كل منهم ٣ س

$$\text{مساحة القاعدة} = 2 \times 5 \times 3 \text{ س} = 30 \text{ س}^2$$

$$\text{المساحة الكلية} = 30 \text{ س}^2 + 108 \text{ س}^2 = 138 \text{ س}^2$$

حجم المجسم = حجم متوازي المستطيلات $5 \times$

$$= 5 \times 3 \times 3 \text{ س} = 45 \text{ س}^3$$

مثال ٥

وُضِعَتْ ثَلَاثُ كُرَاتٍ مِثَالَةً وَمَتَاسَةً دَاخِلَ صَنْدُوقٍ عَلَى شَكْلِ مِثَالَةٍ بِحَيْثُ تَمَاسُ جَوَانِبِهِ مِنَ الدَّخْلِ إِحْسِبِ النِّسْبَةَ بَيْنَ حِجْمِ الْكُرَاتِ الثَّلَاثِ وَسِعَةِ الصَّنَدُوقِ



$$\text{حِجْمُ الْكُرَةِ} = \frac{4}{3} \pi \text{ ط}^3$$

$$\text{ط} \approx 3.14$$

الْحَلُّ
يَقْرَأُ أَنْ يَضْفَ قَطْرُ الْكُرَةِ، وَأَبْعَادُ الصَّنَدُوقِ
هي: ١، ٢، ٢، ٢

$$\frac{\text{حِجْمُ الْكُرَاتِ الثَّلَاثَةِ}}{\text{حِجْمِ الصَّنَدُوقِ}} = \text{النِّسْبَةُ}$$

$$\frac{\frac{4}{3} \pi \text{ ط}^3 \times 3}{\frac{4}{3} \pi \text{ ط}^3 \times 24} = \frac{\frac{4}{3} \pi \text{ ط}^3 \times 3}{\frac{4}{3} \pi \text{ ط}^3 \times 24}$$

$$\frac{\text{ط}}{1} \approx 0.52 \quad \text{تَسْقُلُ الْكُرَاتُ الثَّلَاثَةُ أَكْثَرَ مِنْ يَضْفِ الصَّنَدُوقِ}$$

الدرس الرابع: جمع المقادير الجبرية وطرحها

جمع المقادير الجبرية أو طرحها لا يختلف عن جمع أو طرح الحدود الجبرية وذلك بجمع الحدود المتشابهة في المقادير كل على حدة.

مثال ١

اجمع المقادير الجبرية الآتية:

$$٢ \text{ س} - ٥ \text{ ع} + ٧ \text{ ص} + ٤ \text{ ص} - ٢ \text{ ع}$$

الحل

الطريقة الأفقية

$$\begin{aligned} \text{المقدار} &= ٢ \text{ س} - ٥ \text{ ع} + ٧ \text{ ص} + ٤ \text{ ص} - ٢ \text{ ع} \\ &= (٢ \text{ س} + ٧ \text{ ص}) + (٤ \text{ ص} - ٥ \text{ ع}) + (- ٢ \text{ ع}) \\ &= (٢ + ٧) \text{ س} + (٤ - ٥ - ٢) \text{ ع} + ١ \text{ ص} \\ &= ٩ \text{ س} - ٣ \text{ ع} + ١ \text{ ص} \end{aligned}$$

الطريقة الرأسية

$$\begin{array}{r} ٢ \text{ س} - ٥ \text{ ع} + ٧ \text{ ص} \\ ٧ \text{ ص} + ٤ \text{ ص} - ٢ \text{ ع} \\ \hline ٩ \text{ س} - ٣ \text{ ع} + ١ \text{ ص} \end{array}$$

مثال ٢

اطرح المقدار الجبري: $٣ \text{ ب} - ٥ \text{ ب} + ٤ \text{ ب}$ من المقدار الجبري $٣ \text{ ب} - ٢ \text{ ب} - ٢ \text{ ب}$

الحل

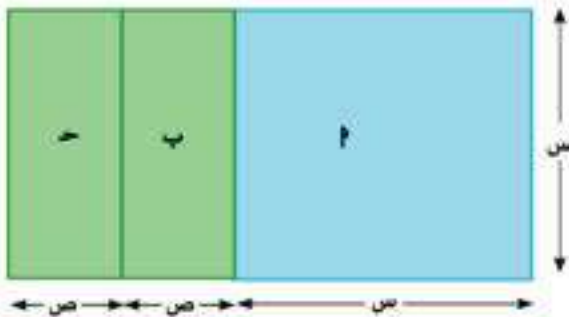
الطريقة الأفقية

$$\begin{aligned} \text{المقدار} &= ٣ \text{ ب} - ٢ \text{ ب} - ٢ \text{ ب} - (٣ \text{ ب} - ٥ \text{ ب} + ٤ \text{ ب}) \\ &= ٣ \text{ ب} - ٢ \text{ ب} - ٢ \text{ ب} - ٣ \text{ ب} + ٥ \text{ ب} - ٤ \text{ ب} \\ &= (٣ - ٢ - ٢ - ٣) \text{ ب} + (٥ - ٤) \text{ ب} \\ &= - ٢ \text{ ب} + ١ \text{ ب} \\ &= - ١ \text{ ب} \end{aligned}$$

الطريقة الرأسية

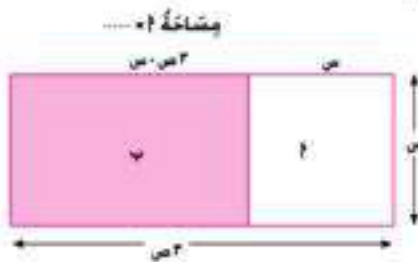
$$\begin{array}{r} ٣ \text{ ب} - ٢ \text{ ب} - ٢ \text{ ب} \\ - (٣ \text{ ب} - ٥ \text{ ب} + ٤ \text{ ب}) \\ \hline - ١ \text{ ب} \end{array}$$

ضَرْبُ حَدٍّ جَبْرِيٍّ فِي مُقَدَّارٍ جَبْرِيٍّ



مساحة ب
مساحة ب، ح معا

$$\begin{array}{r} \text{س} + \text{ص} \\ \times \text{س} \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} \text{ص} - \text{ص} \\ \times \text{س} \\ \hline \end{array}$$

الشَّكْلُ الثَّالِي مُسْتَطَبِلٌ مَكُونٌ مِنْ ثَلَاثَةِ

أجزاء $پ$ ، $ب$ ، $ح$.

أبعادُ المُسْتَطَبِلِ هِيَ: $س$ ، $س + \text{ص}$ من الوحدات.

مساحةُ المُسْتَطَبِلِ = $س \times (س + \text{ص})$ وحدات مربعة.

[أ] ما مساحة الأجزاء الثلاثة $پ$ ، $ب$ ، $ح$ ؟

مساحة $پ$ =

مساحة $ح$ =

مساحة $پ$ ، $ب$ ، $ح$ معا =

[ب] أكمل: $س (س + \text{ص}) = \dots + \dots + \dots$

الشَّكْلُ الثَّالِي مُسْتَطَبِلٌ مُقَسَّمٌ إِلَى جُزْأَيْنِ $پ$ ، $ب$.

أبعادُ المُسْتَطَبِلِ هِيَ: $س$ ، $ص - \text{ص}$ من الوحدات

[أ] مساحة $پ$ ، $ب$ معا =

[ب] مساحة $ب$ = $س (ص - \text{ص})$

..... =

مثال ١

أجرِ عمليات الضرب الآتية:

$$(١) ٣(١٤ - ١)$$

$$(ب) ٢٢(ب + ٥ + ٢)$$

الحل

$$(١) ٣(١٤ - ١) = ٣ \times ١٣ = ٣٩$$

$$(ب) ٢٢(ب + ٥ + ٢) = ٢٢(ب + ٧) = ٢٢ب + ١٥٤$$

مثال ٢

اختصر :

$$5(2س - 1) - 3(س - 1) + 5(س - 1) \text{ ثم أوجد القيمة العددية للمقدار عندما } س = 1$$

الحل

$$5(2س - 1) - 3(س - 1) + 5(س - 1)$$

$$= 10س - 5 - 3س + 3 + 5س - 5 =$$

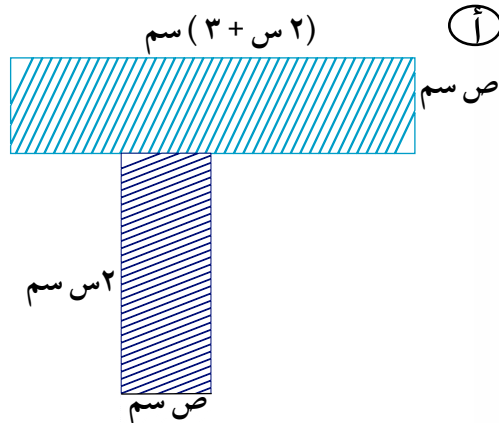
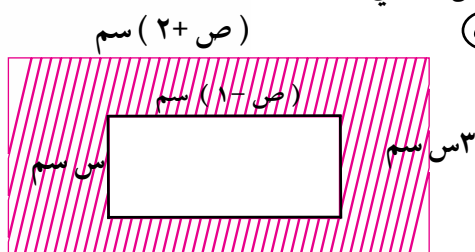
$$= 2س - 9 + 3 =$$

$$القيمة العددية للمقدار = 2(1) - 9 + 3 =$$

$$= 2 - 9 + 3 =$$

مثال ٣

أوجد مساحة المنطقة المظلمة في كل مما يأتي :



الحل

بقسمة الشكل الهندسي إلى مستطيلين

$$أ - مساحة الشكل = 3س(2 + 3) + 2س \times 3س$$

$$= 2س \times 3س + 3س \times 2س + 3س \times 3س =$$

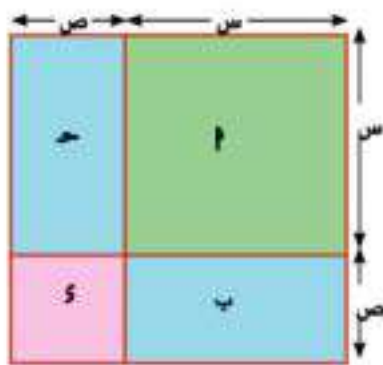
$$= 3س(3س + 2س + 2س) =$$

$$ب - مساحة الشكل = 3س(2 + 3) - 2س(3س - 1)$$

$$= 3س \times 3س + 3س \times 2س - 2س \times 3س + 2س \times 1 =$$

$$= 3س(3س + 2س - 2س + 1) =$$

الدَّرْسُ الثَّانِي ضَرْبُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مُكَوَّنٍ مِنْ حَتَّيْنِ فِي مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ آخَرَ



الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُكَوَّنٌ مِنْ أَرْبَعَةِ أَجْزَاءٍ س، ح، ب، س.

كُلُّ ضِلْعِ الْمُرْتَبِعِ = س + ص

مِسَاحَةُ الْمُرْتَبِعِ = (س + ص) (س + ص)

= (س + ص) (س + ص) وَحَدَاتٍ مُرْتَبِعَةٍ

أَكْمِلْ

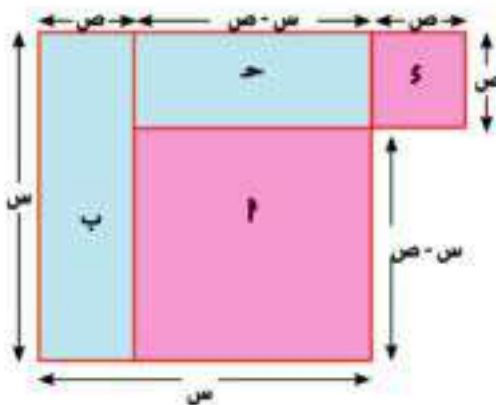
مِسَاحَةُ س + مِسَاحَةُ ح =

مِسَاحَةُ ب + مِسَاحَةُ س =

مِسَاحَةُ الْمُرْتَبِعِ =

(س + ص) = س' + ص'

مُرْتَبِعٌ وَمِقْدَارٌ فِي حَتَّيْنِ = مُرْتَبِعُ الْحَدِّ الْأَوَّلِ + ٢ × الْحَدِّ الْأَوَّلِ × الْحَدِّ الثَّانِي + مُرْتَبِعُ الْحَدِّ الثَّانِي.



الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُكَوَّنٌ مِنْ أَرْبَعَةِ أَجْزَاءٍ س، ح، ب، س.

مِسَاحَةُ الْمُرْتَبِعِ الْمُكَوَّنِ مِنَ الْأَجْزَاءِ س، ح، ب، س =

س × س = س' + ص'

الْمِسَاحَةُ الْكُلِّيَّةُ لِلشَّكْلِ = س' + ص'

أَكْمِلْ:

مِسَاحَةُ س =

مِسَاحَةُ س + مِسَاحَةُ ح =

مِسَاحَةُ ب + مِسَاحَةُ س + مِسَاحَةُ ح =

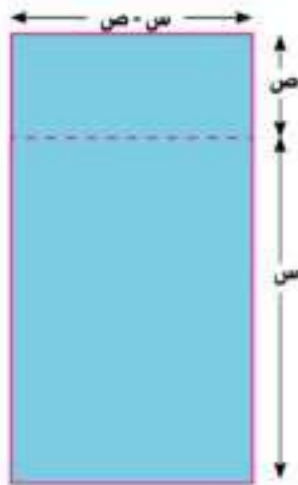
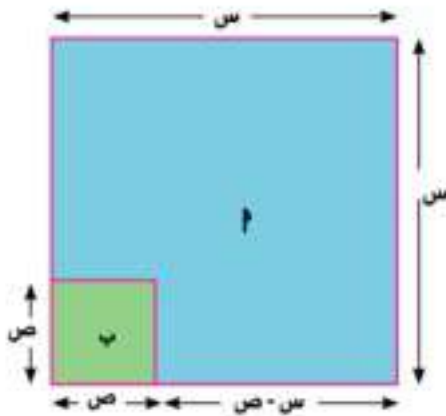
(س - ص) = س' - ص'

س' + ص' = (س - ص) + س' + ص'

٣ في الشكل المقابل:

- إذا قُطِعَ المُرَبَّع الصغير ب الذي مِباحته $ص'$ من المُرَبَّع الكبير $ا$ الذي مِباحته $س'$ فَبِأَن مِسَاحَةِ الْجُزْءِ الْمُتَبَقَّى = $س' - ص'$

- إذا قُطِعَ الْجُزْءُ الْمُتَبَقَّى إِلَى جُزْأَيْنِ وَأُعِيدَ تَرْتِيبُ الْجُزْأَيْنِ لِيَكُونَا مُسْتَطَبِلًا فَإِنَّ:



أَكْمِلْ:

١ [مِسَاحَةُ الْمُسْتَطَبِلِ = (س + ص) (س - ص)]

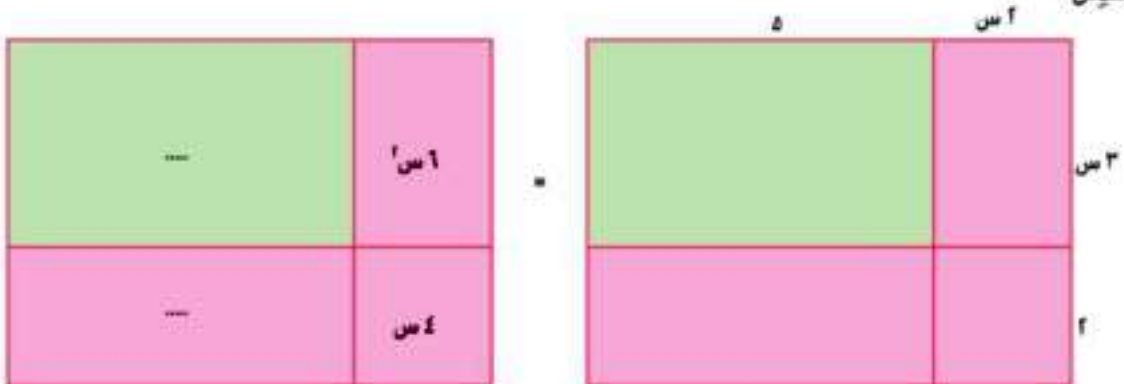
..... =

٢ [س' - ص'] =

٤ الشكل التالي يوضح:

حَاصِلَ ضَرْبِ الْمُفَدَّارِ الْجَبْرِيِّ (٢ + س³) فِي الْمُفَدَّارِ الْجَبْرِيِّ (٢ + س + ٥) كَمِسَاحَةِ مُسْتَطَبِلٍ:

أَكْمِلْ



..... + + + = (٢ + س³) (٢ + س + ٥)

..... + + =

الحَرْبُ الْأَقْصَى

$$(5 + 2s)^2 + (5 + 2s)3 = (5 + 2s)(2 + 3)$$

[Previous](#)
[Back](#)
[Forward](#)
[Next](#)

000000 ◆ 000000 ◆ 000000 ■

الحَرْبُ الرَّأْسِي

۳۰۰

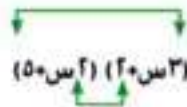
آس • ۵

6 س 1 + 4 س

4444 • J. Neurosci., November 11, 2009 • 29(45):4439–4444

اس • • • • •

الضَرْبُ بِضَرْدِ الظَّرِ



$$10 + (1000 + 1000) + 1 \text{ أس} =$$

• • • • • = اس • • • • •

أَكْمِلْ

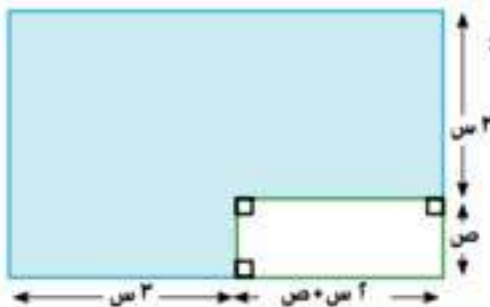
$$\dots = (5) [(3+5) (5-3)] = 3^2 + \dots + 5^2 = (7+3) (3+7) = \dots$$

..... • [ب] [٣س ١] (س ٧) • [و] [٢س ١] (س ٢)

..... ■ [ج۱] (۲ - ۳س) (۷ + ۱س) ■ [ز] (۱س + ۲ص) ■

..... = [د] [۲ + ۳] (س - ۷) = [حـا] (أ س - ص) ۱

٦ أَوْجِدْ مَسَاحَةَ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ فِي الْمُسْتَقْبِلِ الْمُقَابِلِ:



الْحُلُّ

المساحة	القرض	الطول	
(5س+ص) (3س+ص)	3س + ص	5س + ص	المستطيل
(2س+ص) ص	ص	2س + ص	المستطيل الصغير

مساحة الجزء المظلل

بِاسْتِخْدَامِ طُرُقِ الضَّرْبِ السَّابِقَةِ أُوجِدُ: (س + ص) (أ س + ص + ا)

مثال ١

فَمُ بِإِجْرَاءِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَةِ:

$$(ح) (م - ٧٧)$$

$$(أ) (٢س + ٣ص)$$

$$(ب) (ب - ٩٥) (ب + ٩٥)$$

الحل

$$(أ) (٢س + ٣ص) = (٢س) + ٢ \times ٣ص = (٢س) + ٦ص$$

$$= ٩ص + ٢س$$

$$(ب) (ب - ٩٥) (ب + ٩٥) = (ب) - ٩٥ = (ب) - ٩٥$$

$$(ح) (م - ٧٧) = (م) - ٧٧ = (م) - ٧٧$$

$$= ١٤م - ١٤٩$$

مثال ٢

اضرب ثم أوجد القيمة العددية عندما $س = ٢$ ، $ص = ١$

$$(ح) (٢س + ٣ص) (٩س + ٢ص)$$

$$(أ) (٩س + ٢ص) (٢س + ٣ص)$$

$$(ب) (٣ص + ١) (١ص + ٣)$$

الحل

$$(أ) (٩س + ٢ص) (٢س + ٣ص) = ١٨س + ٢٢ص + ٦ص + ١٨ = ١٨س + ٢٨ص$$

$$= ١٨(٢) + ٢٨(١) = ٣٦ + ٢٨ = ٦٤$$

$$(ب) (٣ص + ١) (١ص + ٣) = ٣ص + ١٠ص + ٣ = ١٣ص + ٣$$

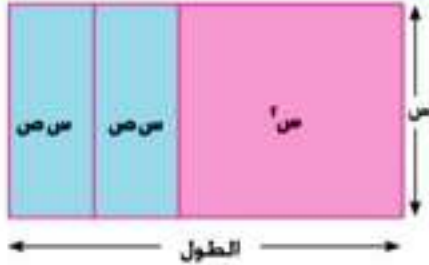
$$= ١٣(١) + ٣ = ١٦$$

$$(ح) (٢س + ٣ص) (٩س + ٢ص) = ١٨س + ٢٢ص + ٦ص + ١٨ = ١٨س + ٢٨ص$$

$$= ١٨(٢) + ٢٨(١) = ٣٦ + ٢٨ = ٦٤$$

$$= ٦٤$$

الدُّرسُ السَّابِعُ قِسْمَةُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدِّ جَبْرِيٍّ



الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُسْتَطَبِلٌ مُكَوَّنٌ مِنْ ثَلَاثَةِ أَجْزَاءٍ.

مِسَاحَةُ الْمُسْتَطَبِلِ = س' + ٢ س ص

طَوْلُ الْمُسْتَطَبِلِ = مِسَاحَةُ الْمُسْتَطَبِلِ ÷ عَرْضُ الْمُسْتَطَبِلِ

$$\text{طَوْلُ الْمُسْتَطَبِلِ} = \frac{\text{س' + ٢ س ص}}{\text{س}}$$

$$\dots\dots\dots + \dots\dots\dots = \frac{\text{س' س ص}}{\text{س}} + \frac{\text{٢ س ص}}{\text{س}} =$$

١ أَكْمِلْ: (من الشكل السابق):

[أ] طَوْلُ الْمُسْتَطَبِلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ س' + س ص = $\frac{\text{س' + س ص}}{\dots\dots\dots}$ + $\dots\dots\dots$

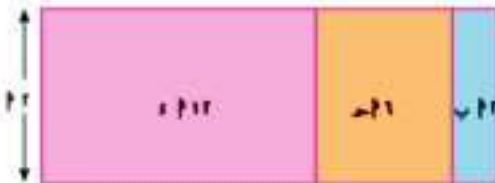
[ب] طَوْلُ الْمُسْتَطَبِلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ ٢ س ص = $\frac{\text{٢ س ص}}{\dots\dots\dots}$ = $\dots\dots\dots$

[جـ] طَوْلُ الْمُسْتَطَبِلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ س ص = $\frac{\text{س ص}}{\dots\dots\dots}$ = $\dots\dots\dots$

[د] طَوْلُ ضَلْعِ المَرْتَبِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ س' = $\frac{\text{س'}}{\dots\dots\dots}$ = $\dots\dots\dots$

٢ الشَّكْلُ التَّالِي مُسْتَطَبِلٌ مُكَوَّنٌ مِنْ ثَلَاثَةِ أَجْزَاءٍ

مِسَاحَةُ الْمُسْتَطَبِلِ = ٢ ٢ ٢ + ٢ ٦ + ٦ ١٢ ، طَوْلُ الْمُسْتَطَبِلِ = مِسَاحَةُ الْمُسْتَطَبِلِ ÷ عَرْضُ الْمُسْتَطَبِلِ



$$\dots\dots\dots + \dots\dots\dots + \dots\dots\dots = \frac{\dots\dots\dots}{\text{٢ ٢}} = \frac{\dots\dots\dots}{\text{٢ ٢}} + \frac{\dots\dots\dots}{\text{٢ ٢}} + \frac{\dots\dots\dots}{\text{٢ ٢}}$$

مثال

أوجد خارج القسمة في كل مما يلي :

(١) $\frac{٢٦ه' + ١٤ه'}{٢ه'}$

(ب) $\frac{١٩م' - ١٨ل' م}{٣م'}$

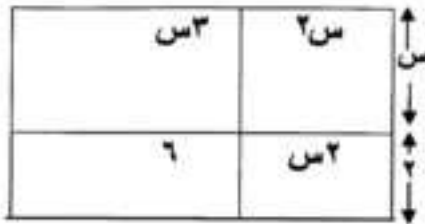
الحل

(١) $١٣ه' + ٧ه' = \frac{٢٦ه' + ١٤ه'}{٢ه'} = \frac{٢٦ه' + ١٤ه'}{٢ه'}$

(ب) $٦ - ٣م' = \frac{١٩م' - ١٨ل' م}{٣م'}$

قسمة مقدار جبرى على مقدار جبرى آخر

الدرس الثامن



قسمة مقدار جبرى على مقدار جبرى آخر
فى الشكل المقابل : نموذج لقطعة أرض مستطيلة الشكل
مساحتها (س + س + س + س) متر² وعرضها (س + س) متر
أوجد طولها

لايجاد طول المستطيل نوجد خارج قسمة

$$\frac{س + س + س + س}{س + س}$$

الحل :

(١) نرتب حدود كلا من المقسوم وهو (س + س + س + س) والمقسوم عليه وهو (س + س)

ترتيباً تنازلياً حسب قوى س

$$\begin{array}{r} س + س + س + س \\ س + س \end{array}$$

(٢) نقسم س على س فيكون الناتج س

(٣) نضرب س فى المقسوم عليه فنحصل على

$$\begin{array}{r} س + س + س + س \\ س + س \quad \leftarrow س + س \\ \hline س + س \end{array}$$

(٤) نطرح س + س من س + س + س + س فنحصل على

$$\begin{array}{r} س + س + س + س \\ س + س \quad \leftarrow س + س \\ \hline س + س \end{array}$$

(طول المستطيل)

∴ خارج القسمة = س + س

مثال ١

أوجد خارج قسمة س + س + س + س على س + س

الحل :

$$\begin{array}{r} س + س + س + س \\ س + س \end{array}$$

∴ خارج القسمة = س + س

مثال ٢

أوجد قيمة ك التي تجعل المقدار $٢س٣ - ٣س٢ - ٥س + ك$ يقبل القسمة على $٢س - ٣$

الحل :

$$\begin{array}{r|l}
 ٢س - ٣ & ٢س٣ - ٣س٢ - ٥س + ك \\
 \hline
 ٢س٣^+ - ٣س٢^- & \\
 \hline
 ٢س٢ - ٥س + ك & \\
 ٢س٢^+ - ٥س^- & \\
 \hline
 ٢س - ٥ + ك & \\
 ٢س^+ - ٥^- & \\
 \hline
 ٣ - ك &
 \end{array}$$

∴ $٣ - ك = ٠ \rightarrow ك = ٣$

مثال ٣

مستطيل مساحته $٨ب^٢ + ١٢ب^٣ - ٨ب^٢$

وطوله $٤ب^٢$ من السنتيمترات أوجد عرضه إذا كانت $أ = ١$ ، $ب = ٢$

الحل

$$\begin{array}{r|l}
 ٨ب^٢ + ١٢ب^٣ - ٨ب^٢ & ٨ب^٢ + ١٢ب^٣ - ٨ب^٢ \\
 \hline
 ٨ب^٢^+ - ٨ب^٢^- & \\
 \hline
 ١٢ب^٣ - ٨ب^٢ & \\
 ١٢ب^٣^+ - ٨ب^٢^- & \\
 \hline
 ١٢ب^٣ &
 \end{array}$$

∴ عرض المستطيل $= ١٢ب^٣ - ٨ب^٢$ ، وعند $أ = ١$ ، $ب = ٢$

∴ عرض المستطيل $= ١٢ - ٨ = ٤$ سم



فريدريك جاوس

(١٧٧٧ - ١٨٥٥)

تَطَوَّرَتْ أَسَالِيْبُ وَنَظَرِيَّاتُ وَتَطْبِيقَاتُ عِلْمِ الإِحصَاءِ عَلَى
يَدِ عَدَدٍ كَبِيرٍ مِنَ الْعُلَمَاءِ الَّذِينَ بَحَثُوا نَظَرِيَّاتِهِ وَبَنَوْهَا عَلَى
أَسَاسِ عِلْمِيَّةٍ سَلِيْمَةٍ وَمِنْ بَيْنِ هَؤُلَاءِ الْعُلَمَاءِ الرِّبَاضِيِّينَ
فَرِيدْرِيكْ جَاوْسُ الأَلَمَانِيَّ.

مُحتَوِيَّاتُ الوَحْدَةِ

- الدرس الأول: مقاييس النزعة المركزية: المتوسط الحسابي
- الدرس الثاني: الوسيط
- الدرس الثالث: المنوال

مقاييس النزعة المركزية

بالنظر في الظواهر التي حولنا والقيم التي تأخذها العناصر المختلفة لهذه الظواهر. نلاحظ أن أغلب قيم هذه الظواهر قريبة من بعضها البعض أى أنها تتجمع حول قيمة معينة مثل أطوال طلاب فصلك (بالسم) نجد أن هناك طولاً يتوسط تقريباً جميع الأطوال وكذا أوزان طلاب فصلك وغير ذلك من الظواهر. وهناك عدة مقاييس احصائية، تقيس نزعة البيانات الاحصائية نحو المركز وهى المتوسط الحسابى والوسيط والمنوال.

المتوسط (الوسط) الحسابى:

مثال ١:

يذهب أحمد إلى مدرسته فى الأيام من الأحد إلى الخميس ويأخذ مصروفه من والده فى تلك الأيام كالاتى ٦، ٤، ٧، ٣، ٥ من الجنيهاً. فما قيمة المصروف الذى يمكن أن يأخذه أحمد بشكل ثابت طوال هذه الأيام مع الحفاظ على جملة ما كان يأخذه بالشكل السابق.

الحل:

$$\text{مجموع ما يأخذه أحمد} = ٦ + ٤ + ٧ + ٣ + ٥ = ٢٥$$

$$\text{عدد أيام ذهابه للمدرسة} = ٥$$

$$\text{المصروف اليومى} = \frac{٢٥}{٥} = ٥ \text{ جنيهاً}$$

هذه القيمة (٥ جنيهاً) تعرف بأنها المتوسط (الوسط) الحسابى للقيمة ٦، ٤، ٧، ٣، ٥.

أى أن:

$$\text{الوسط الحسابى لمجموعة من القيم} = \frac{\text{مجموع هذه القيم}}{\text{عددها}}$$

ملاحظة:

فى المثال السابق نلاحظ أن الوسط الحسابى هو القيمة التى لو أخذها أحمد فى جميع الأيام تتحقق العلاقة:

$$٥ + ٥ + ٥ + ٥ + ٥ = ٦ + ٤ + ٧ + ٣ + ٥$$

مثال ٢:

أوجد قيمة س إذا كان الوسط الحسابي للقيم الآتية: ٨، س، ٧، ٥ هو ٦
الحل:

مجموع القيم = الوسط الحسابي لهذه القيم $\times$ عددها

$$\therefore ٨ + س + ٧ + ٥ = ٦ \times ٤$$

$$\therefore ٢٠ + س = ٢٤$$

$$\therefore س = ٢٤ - ٢٠ = ٤$$

٢- الوسيط

الدَّرْسُ الثَّانِي

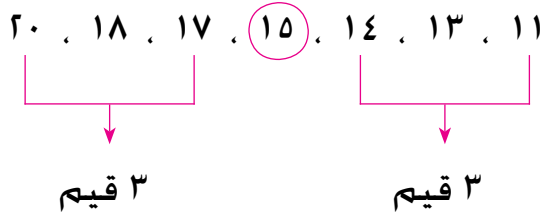
يعرف الوسيط لمجموعة من البيانات بأنه القيمة التي تقع في وسط المجموعة تماماً إذا ما رتبت هذه المجموعة تصاعدياً أو تنازلياً.
أى أنه القيمة التي تقسم مجموعة من البيانات إلى قسمين بحيث يكون عدد القيم الأكبر منه يساوى عدد القيم الأصغر منه.

مثال:

في مجموعة مدرسية مكونة من سبعة طلاب كان درجاتهم في أحد الاختبارات كالآتي ١٣، ١٧، ١٥، ١١، ١٨، ٢٠، ١٤
فما هي الدرجة الوسيطة لهؤلاء الطلاب؟

الحل:

ترتيب الدرجات تصاعدياً:



الدرجة الوسيطة = ١٥

ترتيب الوسيط:

(أ) إذا كان عدد القيم أو المفردات (ن) فردياً فتكون القيمة التي ترتيبها $\frac{1+n}{2}$ هي القيمة الوسيطة وذلك بعد ترتيب البيانات تصاعدياً أو تنازلياً
في المثال السابق: عدد القيم = ٧

$$\text{ترتيب الوسيط} = \frac{1+7}{2} = 4$$

(ب) إذا كان عدد القيم زوجياً:

$$\text{فإن ترتيب الوسيط} = \frac{n}{2} + \frac{n}{2} + 1$$

لاحظ أن:

- ★ إذا كان n عدداً فردياً (لا يقبل القسمة على ٢) فإن $(n+1)$ عدداً زوجياً ويقبل القسمة على ٢.
- ★ بصفة عامة قيمة الوسيط $\neq$ ترتيب الوسيط
- ★ ترتيب الوسيط دائماً عدداً صحيحاً موجباً، أما قيمة الوسيط قد تكون كسراً أو عدد سالب حسب القيم المعطاة.

وقيمة الوسيط في هذه الحالة هي المتوسط الحسابي لهاتين القيمتين كما في المثال الآتي:
أوجد قيمة وترتيب الوسيط للقيم :
٩ ، ٢ ، ٥ ، ٦ ، ١ ، ٣

الترتيب: ٩ ، ٦ ، ٥ ، ٣ ، ٢ ، ١

ترتيب الوسيط: $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{2} + ١$ أى الثالث، الرابع

$$\boxed{4} = \frac{3+5}{2} = \text{قيمة الوسيط}$$

٣- المنوال

الدرس الثالث

يعرف المنوال لمجموعة من البيانات بأنه القيمة الأكثر شيوعاً "تكراراً" في المجموعة.
والمنوال كمقياس للنزعة المركزية يصلح بصفة خاصة لحالة البيانات الكمية والوصفية.

مثال ١:

البيانات الآتية تمثل أعمار مجموعة من الأشخاص:
٣٣، ٢٠، ٣٠، ٢٥، ٣٣، ٤٨، ٣٣، ٢٥، ٣٣، ٢٠.

أوجد المنوال لهذه الأعمار.

الحل:

المنوال = ٣٣.

مثال ٢:

إذا كانت تقديرات مجموعة من الطلاب في أحد الاختبارات هي:

ب - أ - ج - ب - ج - ب - ج - ب - أ - ع

أوجد منوال هذه المجموعة.

الحل:

منوال هذه المجموعة هو التقدير "ب".

لاحظ أن:

★ إذا كانت البيانات المعطاة جميعها مختلفة، فإن هذه البيانات ليس لها منوال.

مثل ٢٣، ٢٥، ٤٨، ٥٧، ١٩، ٣٣، ٣٢.

★ بعض القيم "البيانات" لها أكثر من منوال.

مثل: ٩، ٧، ٧، ٧، ٥، ٥، ٤، ٤، ٤، ٣، ٢

لها منوالان: ٧، ٤ وتسمى مجموعة ذات منوالين، وسوف نكتفى في دراستنا بالبيانات وحيدة المنوال.



إقليدس

(٢٦٥-٣٢٥ ق.م)

إقليدس عالم رياضيات يوناني عاش في مدينة الإسكندرية
ويعتبر رائد علم الهندسة وله بعض المبادئ التي ذكرت على
اسمها ومنها «ما قدم بدون دليل يمكن رفضه بدون دليل»

ومن التعريف التي وضعها:

النقطة هي ما لا يكون لها جزء.

المستقيم هو طول ليس له عرض.

ومن مسلماته:

المستقيم يمكن أن يرسم من نقطة إلى نقطة أخرى

القطعة المستقيمة المحدودة يمكن أن تقسم إلى خط مستقيم

كل الزوايا القائمة يساوي بعضها بعضا.

محتويات الوحدة

الدرس الأول : مفاهيم هندسية

الدرس الثاني : التطابق

الدرس الثالث : تطابق المثلثات

الدرس الرابع : التوازي

الدرس الخامس : إنشآت هندسية

مَفَاهِيمُ هَنْدَسِيَّةُ



الْقِطْعَةُ الْمُسْتَقِيمَةُ

ضَعْ نُقْطَتَيْنِ عَلَى وَرَقَةٍ بَيْضَاءَ وَهِيَ الَّتِي تُمَثِّلُ مَا نُسَمِّيه بِالْمُسْتَوَى فِي الْهَنْدَسَةِ.
صِلِ النُّقْطَتَيْنِ بِاسْتِخْدَامِ الْمِسْطَرَّةِ. تَحْصُلْ عَلَى قِطْعَةٍ مُسْتَقِيمَةٍ.
نُسَمِّي النُّقْطَتَيْنِ $ا$ ، $ب$ طَرَفَي الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ وَنَرْمُزُ لَهَا بِالرَّمْزِ $اب$ أَوْ $با$



الْحَطُّ الْمُسْتَقِيمُ

ضَعِ الْمِسْطَرَّةَ عَلَى الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ $اب$ وَمُدَّ حَطًّا مِنْ جِهَةِ $ا$ وَمِنْ جِهَةِ $ب$ فَتَجِدُ أَنَّهُ لَايُ نَقْطَتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ يُوْجَدُ حَطُّ مُسْتَقِيمٍ وَاحِدٌ يَمُرُّ بِهِمَا وَنَرْمُزُ لَهُ بِالرَّمْزِ $اب$ أَوْ $با$

الْحَطُّ الْمُسْتَقِيمُ يَقَعُ عَلَيْهِ عِدَّةٌ غَيْرُ نَهَائِيٍّ مِنَ النُّقْطِ وَالشَّهَدَانِ يُشِيرَانِ إِلَى أَنَّ الْحَطَّ الْمُسْتَقِيمَ مُتَمَدُّ مِنْ جِهَتَيْهِ بِلَا حُدُودٍ

السَّعَاعُ

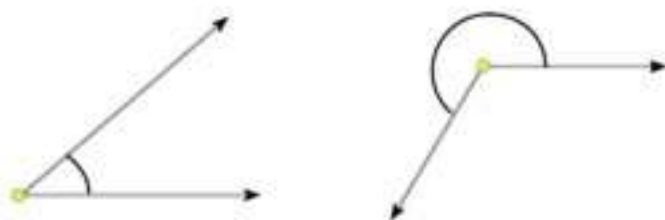
ضَعِ الْمِسْطَرَّةَ عَلَى الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ $اب$ وَمُدَّ حَطًّا مِنْ جِهَةِ $ب$ فَتَجِدُ أَنَّ الْقِطْعَةَ الْمُسْتَقِيمَةَ $اب$ وَمَجْمُوعَةَ النُّقْطِ عَلَى تَسَارِ النُّقْطَةِ $ب$ نُسَمِّي سَعَاعًا وَنَرْمُزُ لَهُ بِالرَّمْزِ $با$ حَيْثُ $ا$ نَقْطَةُ بِدَايَةِ السَّعَاعِ وَلَا يَتَعَيَّنُ لَهُ نَقْطَةُ نِهَائِهِ فَالسَّعَاعُ لَا يَتَحَدَّدُ لَهُ طَوَّلٌ.

وَمِنْ ذَلِكَ تَرَى أَنَّ:

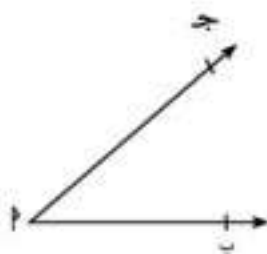


$$اب \supset با, \quad اب \supset با, \quad اب \supset با, \quad اب \supset با$$

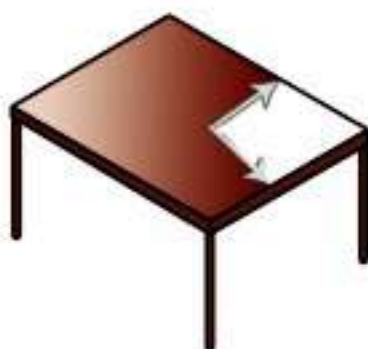
الزَاوِيَّةُ



فِي حَالِهِ دَوَّرَانِ شُعَاعٍ مِنْ وَضِعَ إِلَى وَضِعَ آخَرَ حَوْلَ نَقْطَةٍ بِدَاءِ الشُّعَاعِ تَنْشَأُ زَاوِيَةٌ.



إِذَا كَانَتْ P, B, J ثَلَاثَ نَقْطٍ لَيْسَتْ عَلَى اسْتِيقَامَةٍ وَاحِدَةٍ فَإِنَّ P, B, J يَكُونَانِ الزَّاوِيَةَ P, B, J وَيُرْمَزُ لَهَا بِالرَّمْزِ $\angle P, B, J$ أَوْ $\angle P, B, J$.



الزَّاوِيَةُ هِيَ اتِّحَادُ شُعَاعَيْنِ لِهَمَا نَقْطَةُ الْبِدَايَةِ نَفْسِهَا. نَقْطَةُ بِدَايَةِ الشُّعَاعَيْنِ تُسَمَّى رَأْسَ الزَّاوِيَةِ. يُسَمَّى كُلٌّ مِنَ الشُّعَاعَيْنِ ضَلْعَ الزَّاوِيَةِ.

- تُجَزَّى الزَّاوِيَةُ الْمُسْتَوَى إِلَى ثَلَاثِ مَجْمُوعَاتٍ مِنَ النُّقْطِ:
- الزَّاوِيَةُ.
- دَاخِلُ الزَّاوِيَةِ.
- خَارِجُ الزَّاوِيَةِ.

أَنْوَاعُ الزَّاوِيَاتِ:

تُصَنَّفُ الزَّاوِيَاتُ حَسَبَ قِيَاسِهَا وَذَلِكَ عَلَى التَّحْوِ التَّالِي:



الزَّاوِيَةُ الْقَائِمَةُ

هِيَ الزَّاوِيَةُ الَّتِي قِيَاسُهَا 90°



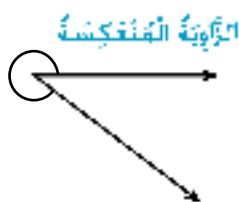
الزَّاوِيَةُ الْحَادَّةُ

صِفَرٌ > قِيَاسُ الزَّاوِيَةِ الْحَادَّةِ < 90°

الزَّاوِيَةُ الصُّفْرِتَةُ



هِيَ الزَّاوِيَةُ الَّتِي قِيَاسُهَا صِفَرٌ° وَتُطَوَّقُ ضِلْعَاهَا



الزَّاوِيَةُ الْمُنْعَكِسَةُ

180° > قِيَاسُ الزَّاوِيَةِ الْمُنْعَكِسَةِ < 360°



الزَّاوِيَةُ الْمُسْتَقِيمَةُ

هِيَ الزَّاوِيَةُ الَّتِي قِيَاسُهَا 180° وَيَكُونُ ضِلْعَاهَا عَلَى اسْتِيقَامَةٍ وَاحِدَةٍ



الزَّاوِيَةُ الْمُنْقَرِجَةُ

90° > قِيَاسُ الزَّاوِيَةِ الْمُنْقَرِجَةِ < 180°

بعض العلاقات بين الزوايا

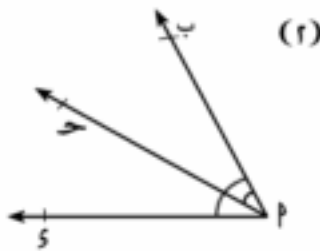
الزاويتان المتجاورتان



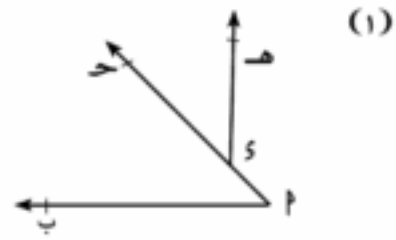
يُقَالُ لِرَاوَيْتَيْنِ أَنَّهُمَا مُتَجَاوِرَتَانِ إِذَا اشْتَرَكْنَا فِي رَأْسٍ وَضَلْعٍ وَكَانَ الضَّلْعَانِ الْآخَرَانِ فِي جِهَتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ مِنَ الضَّلْعِ الْمُسْتَشْرَكِ.

$\angle a$ و $\angle b$ متجاورتان .

وبلاحظ أن :

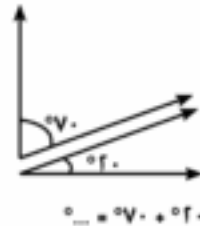


$\angle a$ و $\angle b$ متجاورتان
لأن الضلعين $\angle a$ و $\angle b$ في جهة واحدة من الضلع المشترك $\angle p$



$\angle a$ و $\angle b$ متجاورتان
لعدم اشتراكهما في الرأس

الزاويتان المتتامتان



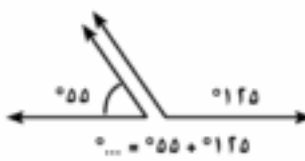
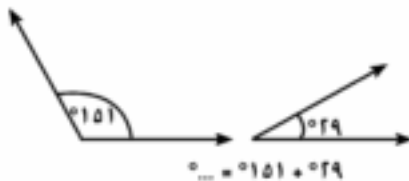
الرَّسْمُ زَاوَيْتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا 70° ، 20°

الرَّسْمُ زَاوَيْتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا 65° ، 25°

مَاذَا نُلَاحِظُ عِنْدَ إِجْبَادِ نَاتِجِ جَمْعِ كُلِّ رَوْجٍ مِنَ الرَّوَايَا؟

الرَّوَايَتَانِ الْمُتَمَامَتَانِ هُمَا زَاوَيْتَانِ مَجْمُوعُ قِيَاسِيَهُمَا 90°

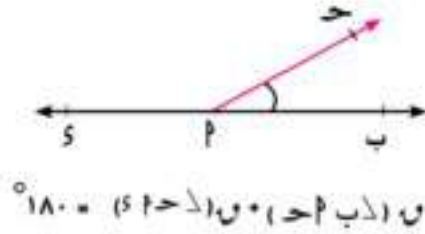
الزاويتان المتكاملتان



الرَّسْمُ زَاوَيْتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا 125° ، 55°

الرَّسْمُ زَاوَيْتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا 151° ، 29°

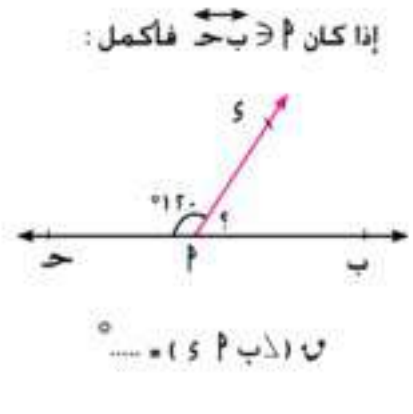
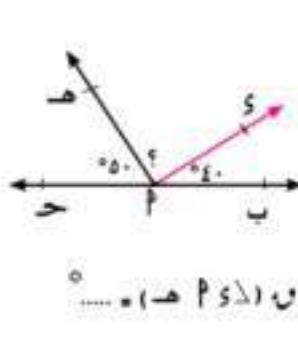
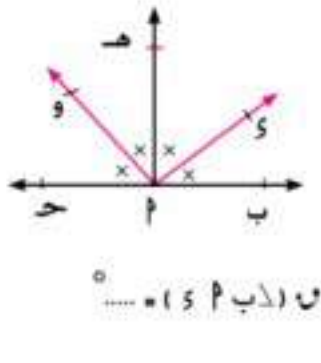
مَاذَا نُلَاحِظُ عِنْدَ إِجْبَادِ نَاتِجِ جَمْعِ كُلِّ رَوْجٍ مِنَ الرَّوَايَا؟



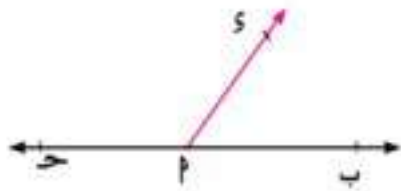
الزَاوِيَتَانِ الْمُتَجَاوِرَتَانِ الْحَايَتَانِ مِنْ تَقَاطُعِ مُسْتَقِيمٍ وَسَعَاعٍ
نُقْطَةً يَدَايِنُهُ تَقَعُ عَلَى هَذَا الْمُسْتَقِيمِ مُتَكَامِلَتَانِ

تدريب :

في كل من الأشكال الآتية :



إذا كان $P \in b$ فأكمل :



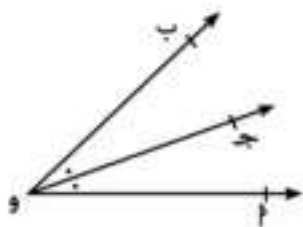
ارْسُمْ زَاوِيَتَيْنِ مُتَجَاوِرَتَيْنِ ب $P \in s$ ، $s \in P$ ح مجموع قياسيهما 180°
كرر ذلك عدة مرات . ما العلاقة بين $P \in b$ ، $P \in s$ ح

ب . ب ح على استقامة واحدة

إذا كانت الزاويتان المتجاورتان متكاملتين فإن الضلعين
المتطرفين لهما على استقامة واحدة

منصف الزاوية :

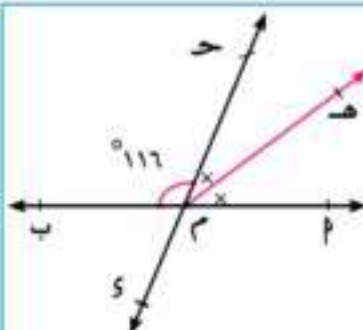
الشكل المقابل :



و جـ يقسم $\angle$ ب و ا إلى زاويتين لهما نفس القياس
ويسمى و جـ بمنصف $\angle$ ب و ا

مثال ٢

في الشكل المقابل :



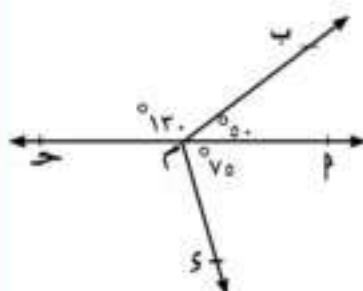
نقطة تقاطع المستقيمين $\overleftrightarrow{ا ب}$ ، $\overleftrightarrow{س ح}$
، $\angle$ ح م ن ينصف $\angle$ م ح ن ، $\angle$ م ح ن = $\angle$ ح م ن = 116°
أوجد: $\angle$ م ح ن ، $\angle$ م ح ن ، $\angle$ م ح ن

الحل :

$$\begin{aligned} \angle \text{م ح ن} &= 180^\circ - 116^\circ = 64^\circ \\ \angle \text{م ح ن} &= \angle \text{ح م ن} = 116^\circ \text{ بالتقابل بالرأس} \\ \angle \text{م ح ن} &= \frac{1}{2} \times 64^\circ = 32^\circ \end{aligned}$$

مثال ٣

في الشكل المقابل :



أكمل :

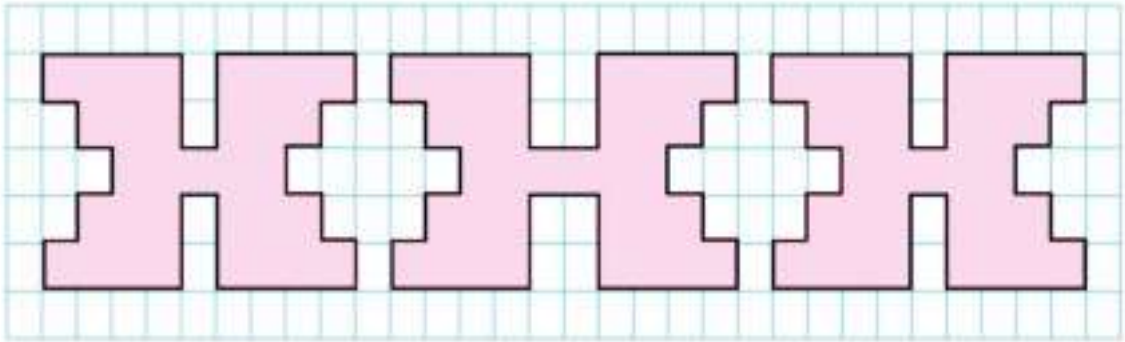
- (١) $\angle$ ح م ن = $\dots^\circ$
- (٢) $\dots^\circ$ يقعان على استقامة واحدة

الحل :

$$\begin{aligned} (١) \angle \text{ح م ن} &= 180^\circ - (120^\circ + 75^\circ) = 35^\circ \\ (٢) \angle \text{ح م ن} , \angle \text{ن} &\text{ يقعان على استقامة واحدة.} \end{aligned}$$

التطابق

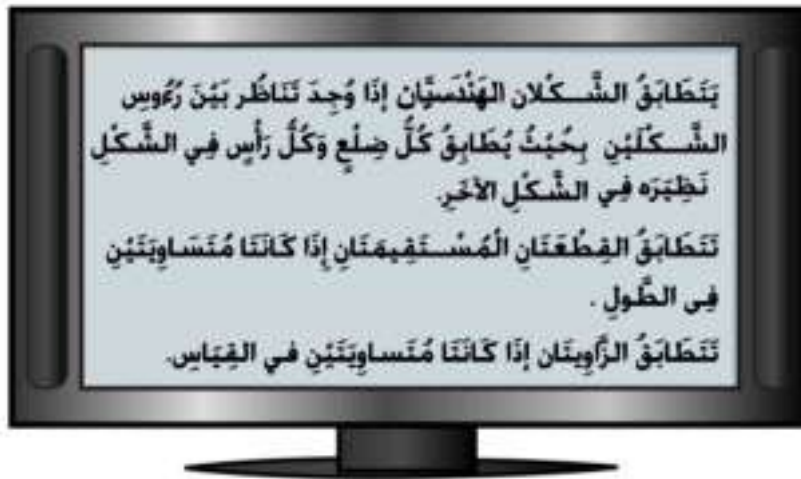
الدرس الثاني



شكل (٣)

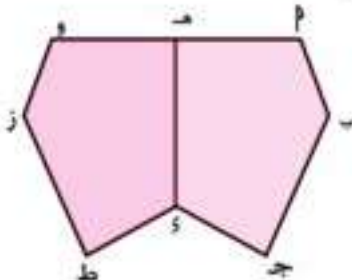
شكل (٢)

شكل (١)



أرسم الشكل (١) على ورق شفاف
وحاول تطبيقه على الشكل (٢).
والشكل (٣) ثم أكمل:
الشكل (١) والشكل (٢)
متطابقان أما الشكل (٣)
والشكل (١) غير متطابقين.

المضلع P ج هـ يطابق المضلع و ز ط هـ . المضلعان لهما نفس
الترتيب عند كتابته رؤوسهما المتطابقة:
أكمل:



P ج هـ = , = و ز ط هـ

ج هـ = , = هـ س

ج هـ = لاحظ أن هـ س ضلع مشترك للمضلعين

و (P ج هـ) = و (و ز ط هـ) , و (و ز ط هـ) = و (ج هـ س) (.....)

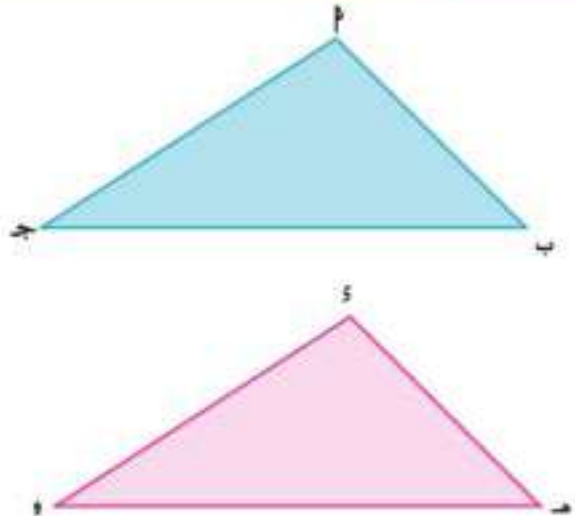
و (ج هـ س) = و (ج هـ س) , و (ج هـ س) = و (ج هـ س) (.....)

و (ج هـ س) = و (ج هـ س) (.....)

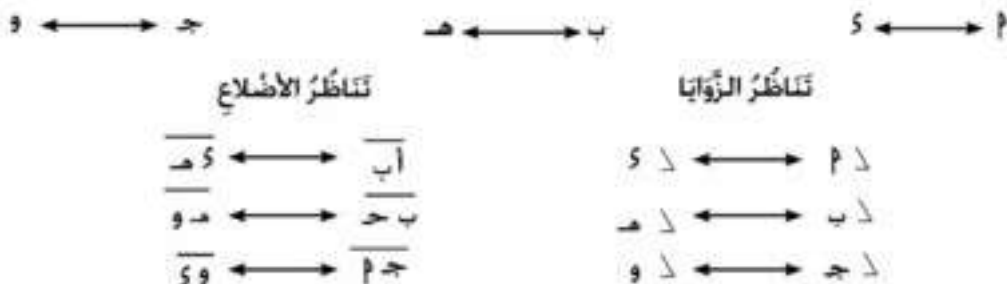
تَطَابُقُ الْمَثَلَّثَاتِ

الدَّرْسُ الثَّالِثُ

تَعْلَمُ أَنَّ لِكُلِّ مَثَلَّثٍ ثَلَاثَةَ أَضْلَاعٍ وَثَلَاثَ زَوَائِيَا، وَهِيَ تُعْرَفُ بِالْعَنَاصِرِ السَّتِّ لِلْمَثَلَّثِ.



انْقُلْ عَلَى وَرَقٍ شَفَافٍ الْمَثَلَّثَ Δ ب α ج وَضَعْهُ عَلَى الْمَثَلَّثِ δ ω ς وَتَجِدُ إِكْلًا عُنْصُرًا فِي Δ ب α ج عُنْصُرًا يُنَاطِرُهُ فِي δ ω ς وَعَبْرَ عَنْ ذَلِكَ كَمَا يَلِي:



يُسْتَخْدَمُ الرَّمْزُ $\equiv$ لِلدَّلَالَةِ عَلَى عَمَلِيَّةِ التَّطَابُقِ وَيُقْرَأُ «يُطَابِقُ» أَيْ أَنَّ $\Delta \alpha \beta \gamma \equiv \delta \omega \varsigma$ وَ يُقْرَأُ الْمَثَلَّثُ $\alpha \beta \gamma$ يُطَابِقُ الْمَثَلَّثَ $\delta \omega \varsigma$

يُمْكِنُ كِتَابَةُ الْمَثَلَّثَيْنِ بِتَفْصِيلِ التَّنَاطُّرِ بِسَبْعِ طَرِيقٍ:

$$\begin{aligned} \Delta \alpha \beta \gamma &\equiv \Delta \omega \delta \varsigma \\ \Delta \alpha \beta \gamma &\equiv \Delta \omega \varsigma \delta \\ &\vdots \\ &\vdots \end{aligned}$$

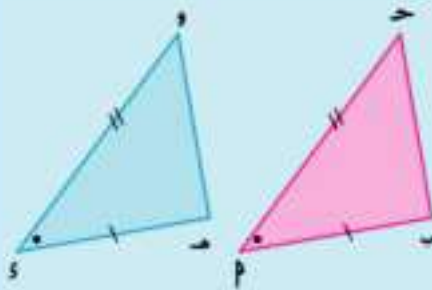
عِنْدَ كِتَابَةِ الْمَثَلَّثَيْنِ الْمُتَطَابِقَيْنِ يَجِبُ أَنْ يَكُونَ لِهَمَا نَفْسُ التَّرْتِيبِ فِي كِتَابَةِ زَوَائِيهِمَا الْمُتَنَاطِرَةِ



تطابق مثلثان

لإثبات تطابق مثلثين فإنه ليس من الضروري إثبات تطابق العناصر الست من أحدهما مع نظائرها من المثلث الآخر بل يكفي إثبات تطابق ثلاثة عناصر في أحدهما مع نظائرها في المثلث الآخر. أحدها ضلع على الأقل وبالنسبة تكون العناصر الثلاثة الأخرى في أحدهما مطابقة لنظائرها في المثلث الآخر.

نشاط (1):



• ارسم المثلث $\triangle ABC$ ، المثلث $\triangle DEF$ اللذين فيهما:

$$\angle A = \angle D, AB = DE, AC = DF$$

فمثلث $\triangle ABC$ و $\triangle DEF$ ، ماذا نلاحظ؟

• كرر العمل السابق بتغيير طولى الضلعين وقياس الزاوية المحصورة بينهما.

حرك المثلث $\triangle DEF$ وتحقق أنه ينطبق على المثلث $\triangle ABC$

هل هذا يكفي لأن يكون المثلث $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ ؟

• الحالة الأولى:

ينطبق المثلثان إذا تطابق ضلعان والزاوية المحصورة بينهما في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

مثال

في الشكل المقابل:

$$\angle A = \angle D, \angle B = \angle E$$

$$\angle C = \angle F, \angle D = \angle E$$

هل $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ ؟ ولماذا؟

الحل:

$$\angle A = \angle D, \angle B = \angle E, \angle C = \angle F$$

$$\angle A = \angle D, \angle B = \angle E, \angle C = \angle F$$

فيكون: $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ (تطابق ضلعان والزاوية المحصورة)

نشاط (٢) :

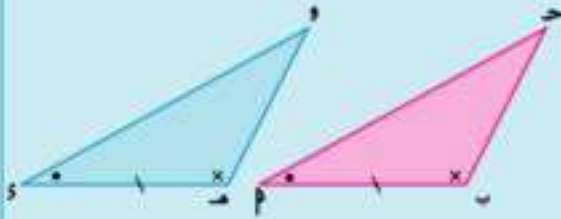
• ارسم المثلث $\triangle$ ب ج د ، المثلث $\triangle$ هـ و الذين فيهما :

$$\angle ب = \angle هـ ، \angle ج = \angle ب = \angle و = \angle هـ$$

$$\angle و = \angle ب = \angle ج = \angle هـ$$

قيس : $\angle ب ، \angle و ، \angle ج ، \angle هـ$.

$\angle و هـ$. ماذا نلاحظ ؟



• كرّر القمّل السابق بتغيير قياسي الزاويتين والضلع المرسوم بين رأسيهما .

حرك المثلث $\triangle$ هـ و وتحرّق أنه يطبق على المثلث $\triangle$ ب ج د

هل هذا يكفي لأن يكون المثلث $\triangle$ ب ج د = المثلث $\triangle$ هـ و ؟

• الحالة الثانية :

بتطابق المثلثان إذا تطابق زاويتان والضلع المرسوم بين رأسيهما في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر .

تدريب

في الشكل المقابل :

أكمل :

$$\triangle ب ج د \equiv \dots\dots\dots$$

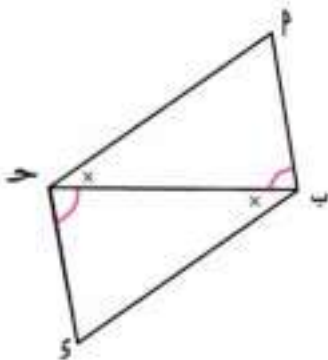
(ولماذا ؟)

ومن نتائج التطابق :

$$\angle ب = \angle \dots\dots\dots$$

$$\angle ج = \angle \dots\dots\dots$$

$$\angle د = \angle \dots\dots\dots$$

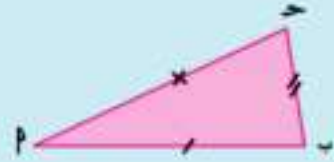


نشاط (٣) :

• ارسم المثلث P ب ج ، المثلث S هـ و اللذين فيهما:

$$P = S = 90^\circ , P = J = 30^\circ , P = G = 60^\circ$$

قيس: $\angle P , \angle S , \angle J , \angle B , \angle H , \angle G$ ، ماذا نلاحظ؟



• كرر العمل السابق بتغيير طول كل ضلع من أضلاع أحد المثلثين.

حرك المثلث S هـ و وتتحقق أنه ينطبق على المثلث P ب ج

هل هذا يكفي لأن يكون المثلث P ب ج = المثلث S هـ و ؟

• الحالة الثالثة :

يتطابق المثلثان إذا تطابق كل ضلع في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

مثال

في الشكل المقابل :

$$P = B = 90^\circ , P = J = 30^\circ , P = G = 60^\circ$$

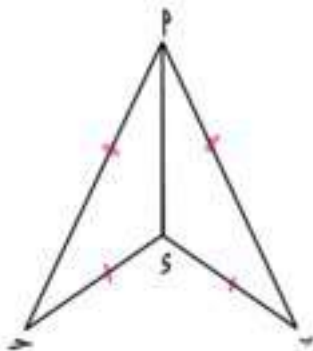
تحقق من أن: SP ينصف $\angle J$

الحل :

$$\triangle SPJ \equiv \triangle SPB \quad (\text{تطابق الأضلاع})$$

فيكون: $\angle SPJ = \angle SPB$ (من نتائج التطابق)

أي أن: SP ينصف $\angle J$



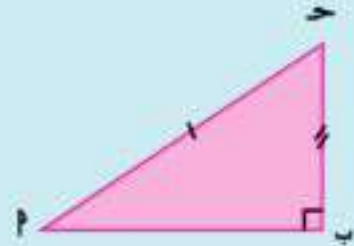
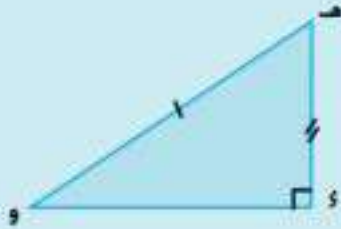
(من نتائج التطابق)

نشاط (٤) :

- ارسم المثلث $\triangle هـ ب ج$ القائم الزاوية في $ب$ ، المثلث $\triangle هـ س ج$ حيث $\angle هـ = ٥٠^\circ$ ، $\angle ب = ٥٠^\circ$

وهـ = جـ ، هـ س = ب ج

قيس: $\angle هـ ب ج$ و $\angle هـ س ج$ ، $\angle هـ ب ج$ و $\angle هـ س ج$ ، $\angle هـ ب ج$ و $\angle هـ س ج$ ، ماذا تلاحظ؟



- كرر العمل السابق بتغيير طولَي وتر وأحد ضلعي الزاوية القائمة في أحد المثلثين.

حرك المثلث $\triangle هـ س ج$ و تحقق أنه ينطبق على المثلث $\triangle هـ ب ج$

هل هذا يكفي لأن يكون المثلث $\triangle هـ ب ج \equiv \triangle هـ س ج$ ؟

- الحالة الرابعة :

يتطابق المثلثان القائما الزاوية إذا تطابق وتر وأحد ضلعي القائمة في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

مثال

في الشكل المقابل :

ادرس حالة التطابق ثم استنتج :

$\triangle هـ ب ج \equiv \triangle هـ س ج$ ، طول $\overline{هـ ب}$

الحل :

$\triangle هـ ب ج \equiv \triangle هـ س ج$ (تطابق وتر وضلع في مثلثين قائما الزاوية)

$\angle هـ ب ج = \angle هـ س ج = ٥٠^\circ$ (من نتائج التطابق)

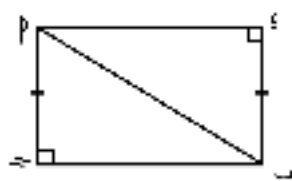
$\overline{هـ ب} = \overline{هـ س}$ ، $\angle هـ ب ج = \angle هـ س ج$

تدريب :

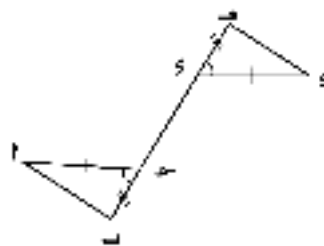
في الأشكال التالية :

العلامات المتشابهة تدل على تطابق العناصر المبينة عليها هذه العلامات.

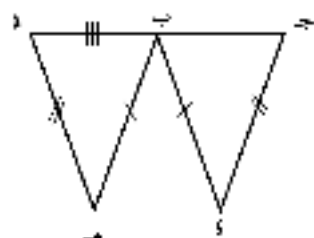
اذكر أزواج المثلثات المتطابقة . وأزواج المثلثات غير المتطابقة (مع ذكر السبب) :



(1)



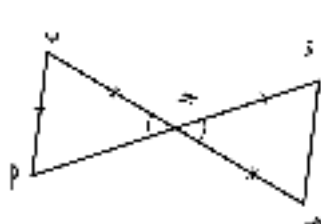
(2)



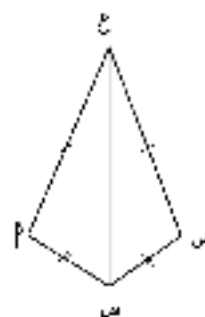
(3)



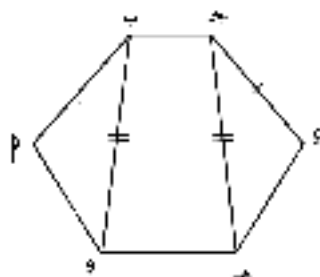
(4)



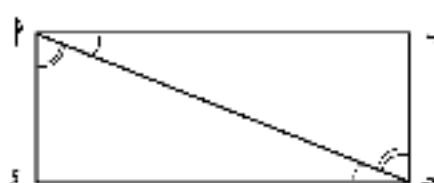
(5)



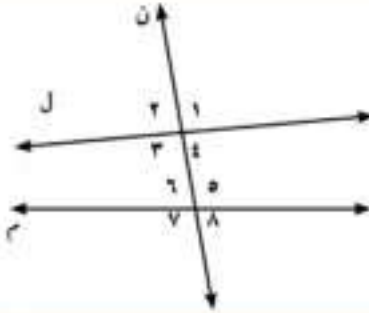
(6)



(7)



(8)



ارْصُمْ مُسْتَقِيمَيْنِ «ل» . «م» ثُمَّ ارْصُمْ مُسْتَقِيمًا ثَالِثًا «ن» قَاطِعًا لَهُمَا. كَمَا بِالشَّكْلِ:

- يَنْتُجُ مِنْ ذَلِكَ ثَمَانِيَّةُ زَوَايَا مُخْتَلِفَةٍ يُمْكِنُ تَصْنِيفُهَا إِلَى عِدَّةِ أَزْوَاجٍ مِنَ الزَّوَايَا وَهِيَ (مُتَبَادِلَةٌ - مُنَاطِرَةٌ - دَاخِلَةٌ).

أنشطة :

١ اكمل:

١ > ٢ ، ٣ > ٤ زَاوِيَتَانِ مُتَبَادِلَتَانِ .

..... ٥ ٦ زَاوِيَتَانِ مُتَبَادِلَتَانِ .

- وَفِي حَالَةِ الْمُسْتَقِيمَيْنِ ل . م مُتَوَازِيَيْنِ
لَا حَظَّ الْعِلَاقَةِ بَيْنَ أَزْوَاجِ الزَّوَايَا الْمُتَبَادِلَةِ.

٢

١ > ٢ ، ٣ > ٤ زَاوِيَتَانِ مُنَاطِرَتَانِ:

وبالمثل : ٥ ٦ زَاوِيَتَانِ مُنَاطِرَتَانِ .

عَنِ أَزْوَاجِ الزَّوَايَا الْمُتَنَاطِرَةِ الْآخَرَى

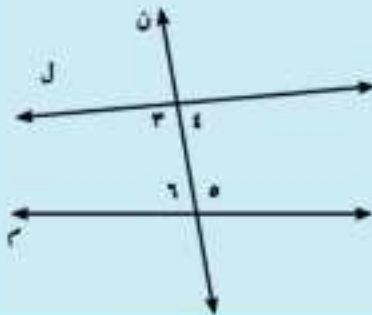
- وَفِي حَالَةِ الْمُسْتَقِيمَيْنِ ل . م مُتَوَازِيَيْنِ
لَا حَظَّ الْعِلَاقَةِ بَيْنَ أَزْوَاجِ الزَّوَايَا الْمُتَنَاطِرَةِ.

٣

١ > ٢ ، ٣ > ٤ زَاوِيَتَانِ دَاخِلَتَانِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ.

وبالمثل : ٥ ٦ دَاخِلَتَانِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ
مِنَ الْقَاطِعِ.

- وَفِي حَالَةِ الْمُسْتَقِيمَيْنِ ل . م مُتَوَازِيَيْنِ
لَا حَظَّ الْعِلَاقَةِ بَيْنَ مَجْمُوعِ أَيِّ زَاوِيَتَيْنِ دَاخِلَتَيْنِ وَفِي جِهَةٍ
وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ.



استخدم الأدوات الهندسية أو الحاسب الآلي في عمل الأنشطة الآتية:

نشاط (١):



من نقطة خارج P ارسم $س$ يوازي P
 ارسم $و$ قاطعاً P . $س$ في $س$. ص على
 الترتيب.

- عين قياس زاويتين متبادلتين

- عين قياس زاويتين متناظرتين

- عين قياس زاويتين داخلتين وفي جهة واحدة من المقاطع ثم اجمعهما.

ارسم أوضاعاً مختلفة للمقاطع $و$. (ماذا تلاحظ؟)

● إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن :

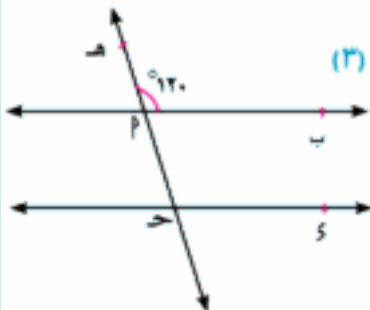
- كل زاويتين متبادلتين متساويتان في القياس.

- كل زاويتين متناظرتين متساويتان في القياس.

- كل زاويتين داخلتين وفي جهة واحدة من المقاطع متكاملتان.

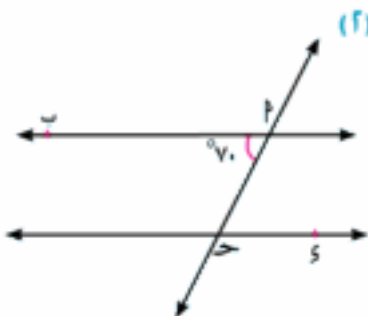
تدريب

في كل من الأشكال الآتية : إذا كان $P // س$ فأكمل :



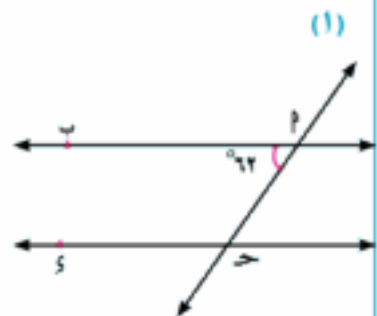
$$\angle (س, و) = \angle (ب, و) = \dots$$

$$\angle \dots = \angle \dots$$



$$\angle (س, و) = \angle (ب, و) = \dots$$

$$\angle \dots = \angle \dots$$



$$\angle (س, و) = \angle (ب, و) = \dots$$

$$\angle \dots = \angle \dots$$

نشاط (٢) :



[أ] ارسم $\overleftrightarrow{a}$ ، $\overleftrightarrow{b}$ ، $\overleftrightarrow{c}$ كما بالشكل ثم ارسم $\overleftrightarrow{d}$ وقاطعاً لهما في s ، v على الترتيب.

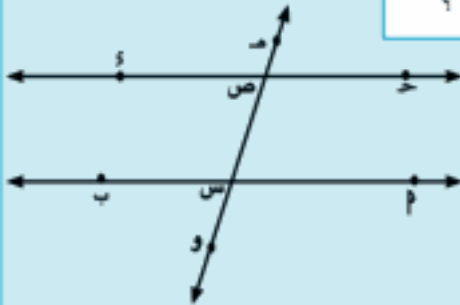
عين قياس الزاويتين المتبادلتين

$\angle v$ ، $\angle s$ ، $\angle b$ ، $\angle m$.

أمر $\overleftrightarrow{c}$ حول النقطة v حتى يكون $\angle v = \angle s$ ($\angle b$ ، $\angle m$).

اختبر توازي $\overleftrightarrow{c}$ مع $\overleftrightarrow{a}$ برسم $\overleftrightarrow{m}$ نمر بالنقطة v موازي $\overleftrightarrow{b}$

هل $\overleftrightarrow{m}$ ينطبق على $\overleftrightarrow{c}$ ؟



عين مرة أخرى قياس الزاويتين المتبادلتين

$\angle v$ ، $\angle s$ ، $\angle b$ ، $\angle m$.

[ب] كرر العمل السابق في [أ] بالنسبة إلى:

(١) الزاويتين المتناظرتين.

(٢) الزاويتين الداخلتين المرسومتين في جهة واحدة من القاطع

(ماذا تلاحظ ؟)

● يتوازي المستقيمان إذا قطعهما مستقيم ثالث وحدثت إحدى الحالات الآتية:

- زاويتان متبادلتان متساويتان في القياس.

- زاويتان متناظرتان متساويتان في القياس.

- زاويتان داخلتان وفي جهة واحدة من القاطع متكاملتان.

مثال

في الشكل المقابل :

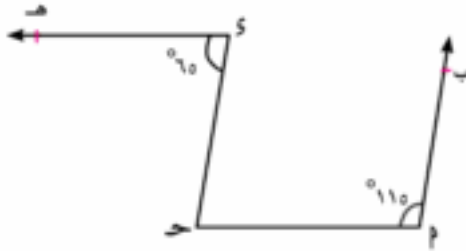
إذا كان $\vec{PB} \parallel \vec{SD}$ فهل $\vec{PC} \parallel \vec{SE}$ ؟ ولماذا ؟

الحل

و ($\angle C$) = $180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$ لأن

أي أن : و ($\angle C$) = و ($\angle S$) = 65°

فيكون : $\vec{PC} \parallel \vec{SE}$



تدريب

في الشكل المقابل :

$\vec{PB} \parallel \vec{HO}$ ، $\vec{HO} \parallel \vec{SD}$

و ($\angle P$) = 42° ، و ($\angle H$) = 117°

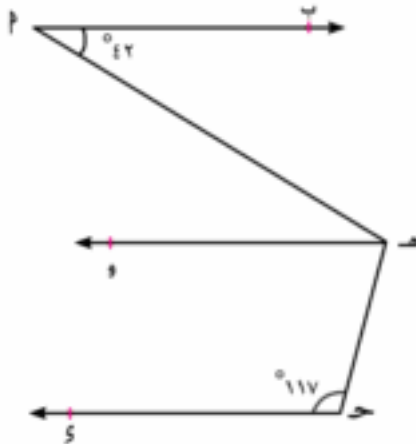
عين و ($\angle P$ هـ ح)

الحل :

و ($\angle P$ هـ ح) = و ($\angle P$) + و ($\angle H$) =

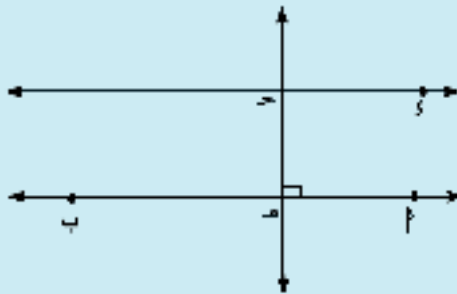
$$\begin{array}{c} \circ \\ \dots + \dots = \\ \circ \\ \dots = \end{array}$$

لأن



نشاط (٣) :

من نقطة خارج P ارسم S يوازي P وارسم أيضًا مستقيمتها يَمُرُّ بالنقطة S عموديًا على P وتَقْطَعُ في H كما بالشكل التالي.



أوجد قياس $\angle H$

استنتج العلاقة بين S و P و H

ارسم أوضاعًا مختلفة لأي من H أو S .

(ماذا تلاحظ؟)

المستقيم العمودي على أحد مستقيمين متوازيين في المستوى يكون عموديًا على الآخر.

إذا كان كل من مستقيمين عمودي على ثالثا في المستوى كان المستقيمان متوازيين.

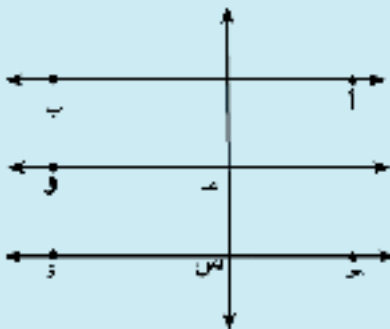
نشاط (٤) :

ارسم P يوازي S ثم ارسم H يوازي P ارسم M عموديًا على S وتَقْطَعُ في S .

أوجد قياس $\angle H$ و $\angle S$

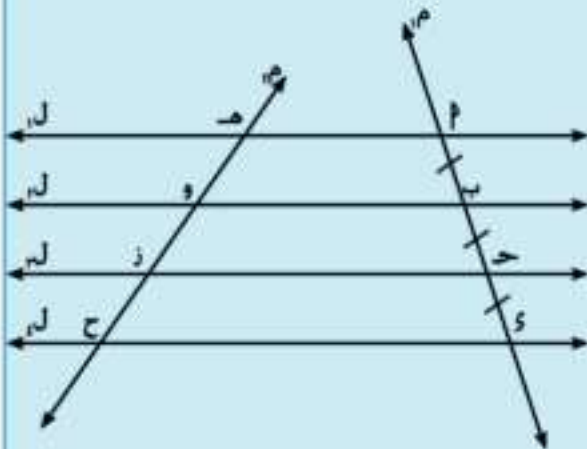
هل H يوازي S ؟ اذكر السبب.

ارسم أوضاعًا مختلفة لأي من M أو S . (ماذا تلاحظ؟)



إذا وازى مستقيمان مستقيمتا ثالثا كان هذان المستقيمان متوازيين.

نشاط (٥) :



ارسم عدة مستقيمت متوازية ل١, ل٢, ل٣, ل٤ .
ثم ارسم المستقيم م, فاطعًا لها في م, ب, ح, س.
بحيث م ب = ب ح = ح س

ارسم المستقيم ن, فاطعًا آخر
لهذه المستقيمت المتوازية ويقطعها

في ه, و, ز, ح

هل ه و = و ز = ز ح ؟

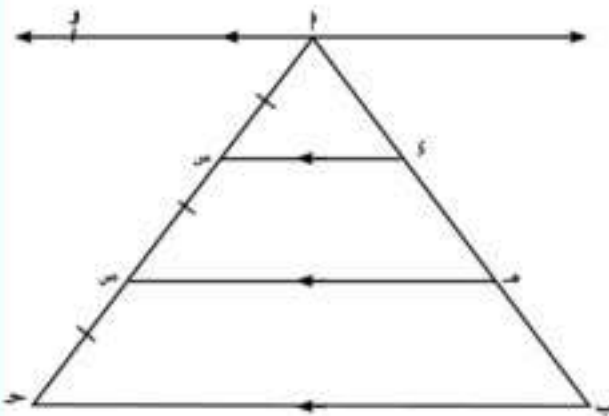
ارسم أوضاعًا مختلفة للقاطع م,

ماذا تلاحظ ؟

● إذا قطع مستقيم عدة مستقيمت متوازية . وكانت أجزاء القاطع المحصورة بين هذه المستقيمت المتوازية متساوية في الطول . فإن الأجزاء المحصورة بينها لأي قاطع آخر تكون متساوية في الطول.

تدريب

في الشكل المقابل :



$$\overline{ا ب} \parallel \overline{د س} \parallel \overline{ه م} \parallel \overline{ج ا}$$

$$ا س = س م = م ب \quad ص ه = ه ج \quad ا ب = ب ح = ح ا$$

فاوجد طول ب ه

الحل :

$$\overline{ا ب} \parallel \overline{د س} \parallel \overline{ه م} \parallel \overline{ج ا}$$

$$ا س = س م = م ب$$

$$\text{فيكون : } ا س = س م = م ب$$

$$\text{أي أن : } ب ه = \frac{ا ب}{3} = \frac{1}{3} ا ب = 4 \text{ سم}$$

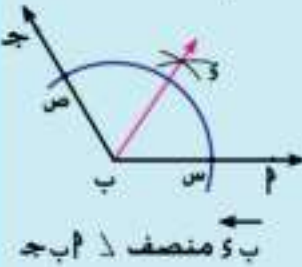
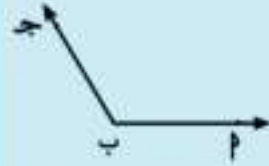
أنشطة :

١) إِنْشَاءُ مُنْصَفٍ لِرَاوِيَةٍ مَعْلُومَةٍ :

المُعْطَيَاتُ: Δ ب ج زاوية مَعْلُومَةٌ

المَطْلُوبُ: رَسْمُ مُنْصَفِ Δ ب ج «بِاسْتِخْدَامِ الْفَرْجَارِ»

حُطُوتِ الْعَمَلِ:



١) نَرْكُزُ بِسِنَّ الْفَرْجَارِ عِنْدَ رَأْسِ الزَّاوِيَةِ ب وَنَقْشَحُ مُنَاسِبَةً نَرْسُمُ

قَوْسًا يَقْطَعُ $\overrightarrow{BA}$ فِي س ، $\overrightarrow{BC}$ فِي ص

٢) نَرْكُزُ بِسِنَّ الْفَرْجَارِ عِنْدَ كُلِّ مِنْ س ، ص وَنَقْشَحُ الْفَتْحَةَ أَوْ فَتْحَةً

مُنَاسِبَةً نَرْسُمُ قَوْسَيْنِ يَتَقَاطِعَانِ فِي د

٣) نَرْسُمُ $\overrightarrow{BD}$ فَيَكُونُ هُوَ مُنْصَفُ Δ ب ج

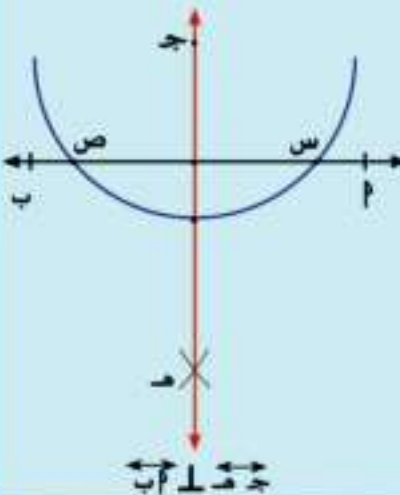
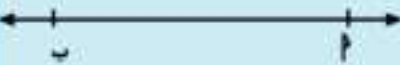
أَكْمَلْ: $\overrightarrow{BD}$ هُوَ ثَمَانِلُ لِلزَّاوِيَةِ Δ ب ج

٢) إِنْشَاءُ عَمُودٍ عَلَى مُسْتَقِيمٍ مَارٍ بِنُقْطَةٍ لَا تَنْتَمِي إِلَى الْمُسْتَقِيمِ :

المُعْطَيَاتُ: $\overrightarrow{AB}$ مُسْتَقِيمٌ مَعْلُومٌ ، ج $\notin \overrightarrow{AB}$

المَطْلُوبُ: رَسْمُ مُسْتَقِيمٍ ج د عَمُودِيٍّ عَلَى $\overrightarrow{AB}$

حُطُوتِ الْعَمَلِ:



١) نَرْكُزُ بِسِنَّ الْفَرْجَارِ عِنْدَ النُّقْطَةِ ج وَنَقْشَحُ مُنَاسِبَةً نَرْسُمُ

قَوْسًا مِنْ دَائِرَةٍ يَقْطَعُ $\overrightarrow{AB}$ فِي نَقْطَتَيْ س ، ص

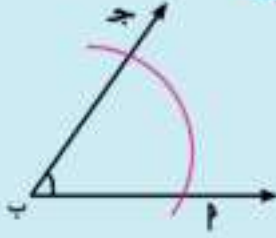
٢) نَرْكُزُ بِسِنَّ الْفَرْجَارِ عِنْدَ كُلِّ مِنْ س ، ص وَنَقْشَحُ مُنَاسِبَةً أَكْبَرِمِنْ

نصف طُول س ص نَرْسُمُ قَوْسَيْنِ مِنْ دَائِرَةٍ يَتَقَاطِعَانِ فِي د

٣) نَرْسُمُ ج د فَيَكُونُ ج د عَمُودِيًّا عَلَى $\overrightarrow{AB}$

أَكْمَلْ: ج د هُوَ ثَمَانِلُ لِلْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ س ص

٢ إنشاء زاوية مطابقة (مساوية في القياس) لزاوية معلومة

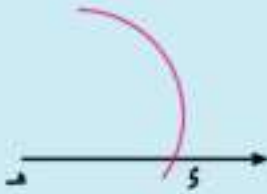


المعطيات: $\angle B$ زاوية معلومة

المطلوب: رسم $\angle S$ و بحيث $\angle S \cong \angle B$ و «دون استخدام المنقلة»

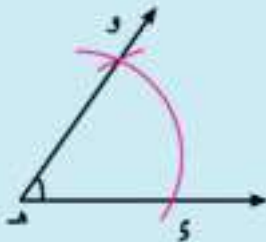
خطوات العمل:

١ ترسم شعاعاً بدايته H ليمثل احدى ضلعي الزاوية المراد رسمها.



٢ نركز بسن الفرجار عند B ونرسم قوساً من دائرة يقطع الشعاعين $\overrightarrow{BA}$ و $\overrightarrow{BC}$ عند P و Q على الترتيب وبنفس الفتحة نركز بسن الفرجار عند H ونرسم قوساً من دائرة يقطع الشعاع عند S

٣ نركز بسن الفرجار عند P ثم نفتح الفرجار فتحة تساوي PQ . ثم نركز بسن الفرجار عند S وبنفس الفتحة السابقة نرسم قوساً يقطع القوس الأول في O



٤ نرسم $\overrightarrow{HO}$ فتكون $\angle S \cong \angle B$
(حيث الرمز $\cong$ يقرأ تطابق)

٤. تنصيف قطعة مستقيمة

المُعْطَيَات: $\overline{AB}$ قطعة مستقيمة معلومة
المطلوب: تنصيف $\overline{AB}$

حُطُوات العَمَل:

١. نرسم القطعة المستقيمة $\overline{AB}$



٢. نركز بسنُّ الفرجار عند النقطة أ،
ونفتح الفرجار فتحة مناسبة أكبر من
نصف طول $\overline{AB}$ تقريباً ثم نرسم
قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين
من $\overline{AB}$.



٣. نركز بسنُّ الفرجار عند ب وبنفس الفتحة
السابقة نرسم قوسين من دائرة في
جهتي $\overline{AB}$ يتقاطعان مع القوسين
السابقين في نقطتي د، هـ.



٤. نرسم د هـ فيقطع $\overline{AB}$ في جـ
فتكون نقطة جـ منتصف $\overline{AB}$

٥ إنشاء عمودٍ على مستقيمٍ مارٍ بنقطةٍ تنتمي إلى المستقيم

المُعْطَايَات: $\overleftrightarrow{AB}$ مستقيم معلوم، ج $\in \overleftrightarrow{AB}$
المطلوب: رسم عمودٍ على $\overleftrightarrow{AB}$ من نقطة ج.

خُطُوات العمل:

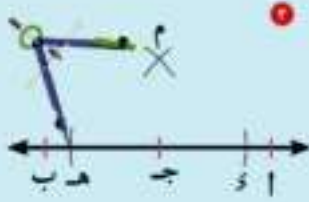
١ نرسم $\overleftrightarrow{AB}$ ، ونحدد النقطة ج $\in \overleftrightarrow{AB}$



٢ نركز بسنَّ الفرجار عند ج وبفتحة مناسبة نرسم قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين من النقطة ج يقطعان $\overleftrightarrow{AB}$ في النقطتين د، هـ



٣ نركز بسنَّ الفرجار عند كل من د، هـ وبفتحة مناسبة أكبر من طول جـ د نرسم قوسين فيتقاطعان القوسان في نقطة م.



٤ نرسم م ج فيكون م ج $\perp \overleftrightarrow{AB}$



تدرب

ارسم المثلث $أ ب ج$ حاد الزوايا ومختلف الأضلاع، ارسم محور تماثل لكل ضلع من أضلاعه "لاتمح الأقواس" هل محاور التماثل تتقاطع في نقطة واحدة.

ناقش

- إذا كان $د ه و$ مثلثاً منفرج الزاوية في $ه$ أين تتقاطع محاور تماثل أضلاعه؟
- إذا كان $س ص ع$ مثلثاً قائم الزاوية في $ص$ أين تتقاطع محاور تماثل أضلاعه؟
- قس أطوال القطع المستقيمة الواصلة بين نقطة تقاطع محاور التماثل ورؤوس المثلث في كل حالة ماذا تلاحظ؟

يستخدم الفرجار ذو السنين لقياس البعد بين نقطتين.

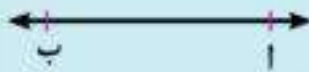
٦ رسم مستقيم من نقطة معلومة موازٍ لمستقيم معلوم

المُعْطَيَات: مستقيم $أ ب$ معلوم، $ج د$ $أ ب$

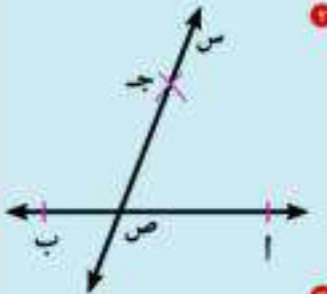
المطلوب: رسم مستقيم من نقطة $ج$ يوازي $أ ب$

خُطَوَاتِ الْعَمَل:

١ نرسم المستقيم $أ ب$ ، $ج د$ $أ ب$



٢ نرسم المستقيم $س ص$ يمر بالنقطة $ج$ ويقطع $أ ب$ في $ص$

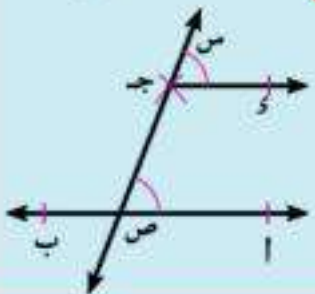


٣ نرسم عند $ج$ الزاوية $س ج د$ في وضع تناظر

مع $\angle أ ص س$ بحيث يكون

$\angle س ج د \equiv \angle س ص أ$ كما في النشاط السابق

فيكون $ج د // أ ب$



الأنشطة والتدريبات



الوحدة الأولى : الأعداد النسبية

الدَّرْسُ الأولُ

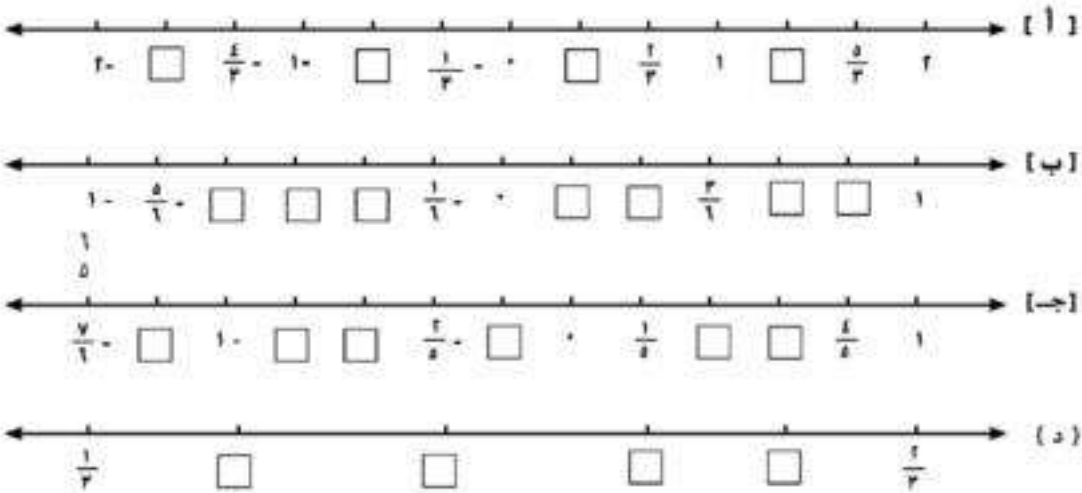
مَجْمُوعَةُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ

تمرين (١ - ١)

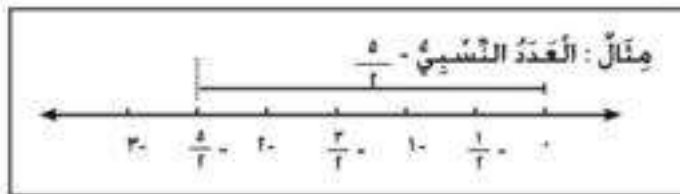
١ استُخْدِمَ خَطُّ الْأَعْدَادِ فِي كِتَابَةِ الْعَدَدِ الْمُقَابِلِ لِلْعَدَدِ النَّسَبِيِّ الْمَكْتُوبِ فِي الْجَدُولِ :

$\frac{7}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{6}{2}$	$\frac{4}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{4}{2}$	$\frac{5}{2}$	$\frac{6}{2}$	$\frac{7}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{4}{2}$	$\frac{5}{2}$	$\frac{6}{2}$	$\frac{7}{2}$	$\frac{8}{2}$	$\frac{9}{2}$	$\frac{10}{2}$	$\frac{11}{2}$	$\frac{12}{2}$	$\frac{13}{2}$	$\frac{14}{2}$	$\frac{15}{2}$

٢ اكْمِلِ الْأَعْدَادَ النَّسَبِيَّةَ عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ :



٣ اسْتَعْدِمِ السَّهْمَ لِلتَّغْيِيرِ عَنِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الْآتِيَةِ عَلَى حِطِّ الْأَعْدَادِ:



$$\begin{array}{lll} \frac{2}{3} = [\text{ج}] & \frac{1}{3} = [\text{ب}] & \frac{1}{3} = [\text{ا}] \\ \frac{1}{3} = [\text{هـ}] & & \frac{2}{3} = [\text{د}] \end{array}$$

٤ ضَعُ عَلَامَةً (١) أَمَامَ الْعِبَارَةِ الصَّحِيحَةِ وَعَلَامَةً (X) أَمَامَ الْعِبَارَةِ غَيْرِ الصَّحِيحَةِ مَعَ ذِكْرِ السَّبَبِ:

- (أ) [الأعداد $\frac{1}{3}$ ، عدد طبيعي]
 (ب) [العدد $-\frac{1}{3}$ ، عدد صحيح]
 (جـ) [العدد $12\frac{5}{6}$ ، عدد نسبي]
 (د) [العدد 1,5 ، عدد نسبي]
 (هـ) [الصفّر ليس عددًا نسبيًا موجبًا وليس عددًا نسبيًا سالبًا]
 (و) [الصفّر هو عنصر من عناصر مجموعة أعداد العدد]

٥ [١] لِمَاذَا يُكْتَبُ فِي تَعْرِيفِ الْعَدَدِ النَّسْبِيُّ $\frac{١}{٢}$ أَمْ بَعْضُ صِفَرٍ؟

(ب) أَيُّ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ $\frac{7}{16}$ ، يُكْتَبُ عَلَى صُورَةِ عَدَدٍ عَشْرِيٍّ مُنْتَهٍ ؟

(ج) اكتب الأعداد النسبية الآتية على صورة عدد عشري: (أ) $\frac{1}{11}$ (ب) $-\frac{3}{10}$

(٢) أَوْجِدْ : $\left| \frac{1}{r} - 1 \right| + \left| r - 1 \right| + \left| r^2 - 1 \right| + \left| \frac{8}{\Delta} \right| + \left| r - \frac{1}{r} \right| =$

٦ اكتب الأعداد الآتية على الصورة $\frac{p}{q}$:

$\frac{1}{r}$ [د]	% ٣٠ [ج]	٠,٤ [ا]
٠,٠١ [و]	صفر [د]	٠,٧٥ [ب]

٧ اكتب الأعداد الآتية على صورة أعداد عشرية ، يسبقه مئويته :

$$\begin{array}{ll} \frac{r}{11} \{ - \} & \frac{1}{1} \{ 1 \} \\ \frac{r}{1} \{ - \} & \frac{1}{1} \{ - \} \end{array}$$

مُقَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ الثَّانِي

تمرين (١-٢)

١ ضع العَلَامَةَ الْمُنَاسِبَةَ (> , = , <) :

- [أ] $\frac{1}{7} - \frac{1}{4}$ ☐ صفر
 [ب] $\frac{3}{4} - \frac{1}{4}$ ☐ $\frac{1}{4}$
 [جـ] $\frac{1}{7} - 5$ ☐ 5
 [د] $\frac{1}{4} - 5$ ☐ 5
 [هـ] عَدَدٌ نِسْبِيٌّ مُوجِبٌ ☐ صفر
 [و] عَدَدٌ نِسْبِيٌّ سَالِبٌ ☐ صفر
 [ز] $|\frac{3}{7}| - |\frac{3}{7}|$ ☐ $\frac{1}{7}$
 [حـ] $|\frac{15}{7}| - |\frac{15}{7}|$ ☐ $7\frac{1}{7}$

٢ مثَّلْ مَجْمُوعَاتِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الْآتِيَةِ عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ ثُمَّ اكْتُبْ عَنَاصِرَهَا فِي تَرْتِيبٍ تَصَاعُدِيٍّ:

- [أ] { ٣ , ٢ , ١ , ٠ }
 [ب] { $2\frac{1}{7}$, صفر , $2\frac{1}{7}$, $1\frac{1}{7}$ }
 [جـ] { $1\frac{1}{4}$, $1\frac{1}{7}$, $1\frac{1}{7}$, $1\frac{1}{4}$ }
 [د] { ٣, 5 , 5 , ٤ , ٦, 5 , ٤ }

٣ أَكْبَهُمَا أَكْبَرُ (وَضِّحْ إِجَابَتَكَ)

- [أ] $\frac{4}{7}$ أم $\frac{1}{7}$ ؟
 [ب] $\frac{5}{9}$ أم $\frac{4}{9}$ ؟
 [جـ] $\frac{7}{11}$ أم $\frac{11}{15}$ ؟
 [د] $\frac{8}{7}$ أم $\frac{16}{7}$ ؟

٤ اكْتُبْ عَدَدًا نِسْبِيًّا مُنَاسِبًا فِي ☐ لِكُلِّ مِمَّا يَلِي :

- [أ] $\frac{3}{8} < \frac{1}{8}$ ☐ $\frac{1}{4} < \frac{1}{4}$ [جـ]
 [ب] $\frac{1}{7} < \frac{1}{7}$ ☐ $\frac{1}{7} < \frac{1}{7}$ [د]
 [جـ] $\frac{1}{8} < \frac{1}{8}$ ☐ $\frac{1}{8} < \frac{1}{8}$ [د]

٥ اكْتُبِ الْعَدَدَ النَّسْبِيَّ الَّذِي يُسَاوِي $\frac{3}{8}$ وَمَجْمُوعَ حَدِيثِهِ ٢٤ ؟٦ [أ] اكْتُبْ أَرْبَعَةَ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ تَقَعُ بَيْنَ $\frac{3}{7}$, $\frac{2}{4}$ يَحْتِثُ يَكُونُ وَاحِدًا مِنْهُمَا صَحِيحًا[ب] اكْتُبْ أَرْبَعَةَ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ تَقَعُ بَيْنَ $\frac{5}{6}$, $\frac{4}{9}$, $\frac{4}{9}$, $\frac{5}{6}$

تمرين (١-٣)

١ بَيِّنْ أَيْدَاكَ مِنْ نَتَائِجِ جَمْعِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الْآتِيَةِ مُوجِبًا وَأَكْثَرًا سَالِبًا :

$$\begin{array}{ll}
 \left(\frac{1}{4} - \right) + \frac{3}{4} - \text{ [أ] } & \left(\frac{1}{3} - \right) + \frac{4}{3} - \text{ [د] } \\
 \left(\frac{2}{5} - \right) + \frac{1}{5} - \text{ [ب] } & \frac{3}{6} + \frac{1}{6} - \text{ [هـ] } \\
 \left(\frac{11}{12} - \right) + \frac{12}{12} - \text{ [جـ] } & \left(\frac{1}{10} - \right) + \frac{10}{10} - \text{ [و] }
 \end{array}$$

٢ احْسَبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي فِي أَسْفَلَ صُورَةٍ :

$$\begin{array}{ll}
 \left(\frac{2}{6} - \right) + \frac{3}{6} - \text{ [أ] } & \frac{2}{11} + \frac{9}{11} - \text{ [جـ] } \\
 \frac{25}{8} + \frac{1}{4} \text{ [ب] } & \left(\frac{39}{100} - \right) + \frac{19}{100} \text{ [د] }
 \end{array}$$

٣ احْسَبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي فِي أَسْفَلَ صُورَةٍ : هَلْ نَتَائِجُ الْجَمْعِ عَدَدٌ نَسْبِيٌّ ؟

$$\begin{array}{ll}
 \left(5\frac{1}{11} - \right) + 8\frac{1}{11} - \text{ [أ] } & \left(5\frac{1}{11} - \right) + 8\frac{1}{11} \text{ [ب] } \\
 \left(9\frac{5}{8} - \right) + 4 \text{ [هـ] } & 2\frac{3}{8} + 15\frac{1}{8} - \text{ [جـ] } \\
 13\frac{2}{7} + 20 \text{ [و] } & 2\frac{3}{8} + \frac{1}{4} \text{ [د] }
 \end{array}$$

٤ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين :

$$\begin{array}{ll}
 \text{(أ) ناتج جمع } \frac{7}{5} + \frac{1}{5} \text{ يساوي.....} & \left[\frac{7}{5}, \frac{6}{5}, 1, 1 - \right] \\
 \text{(ب) } \frac{3}{4} + 50\% = \text{.....} & \left[\frac{3}{4}, \frac{5}{4}, 150\%, 75\% \right] \\
 \text{(ج) } \frac{2}{5} + 0,25 = \text{.....} & \left[0,9, 0,65, \frac{3}{5}, \frac{11}{40} \right]
 \end{array}$$

الدَّرْسُ الرَّابِعُ

خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ

تمرين (١ - ٤)

١ اكتب خاصية جمع الأعداد النسبية المُستخدَمة في كُلِّ مِمَّا يَأْتِي :

$$\begin{aligned} \text{[أ] } \frac{7}{7} + \frac{9}{11} &= \frac{9}{11} + \frac{7}{7} \\ \text{[ب] } \left[\left(\frac{1}{1} \right) + \left(\frac{1}{3} \right) \right] + \left(\frac{1}{3} \right) &= \left(\frac{1}{1} \right) + \left[\left(\frac{1}{3} \right) + \left(\frac{1}{3} \right) \right] \\ \text{[جـ] } \left(\frac{2}{4} \right) + \left(\frac{2}{4} \right) &= \text{صفر} \\ \text{[د] } \frac{2}{4} - \left(\frac{2}{4} \right) &= \text{صفر} \end{aligned}$$

٢ اكتب كُلًّا مِمَّا يَأْتِي :

$$\begin{aligned} \text{[أ] } \frac{4}{5} + \text{صفر} \\ \text{[ب] } \text{صفر} + \left(\frac{7}{10} \right) \\ \text{[جـ] } \left(\frac{2}{4} \right) + \left[\left(\frac{1}{4} \right) + \left(\frac{1}{4} \right) \right] \\ \text{[د] } \left(\frac{2}{1} + \frac{2}{1} \right) + \frac{4}{1} \end{aligned}$$

٣ اكتب المَعكُوسَ الْجَمْعِيَّ لِكُلِّ مِنَ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ الْآتِيَةِ :

$$\begin{aligned} \text{[أ] } \frac{2}{5} \quad \text{[جـ] } \text{صفر} \quad \text{[هـ] } 2,3 \\ \text{[ب] } \frac{4}{9} - \quad \text{[د] } 10 \quad \text{[و] } 5,41 \end{aligned}$$

٤ اكْمِلْ

$$\begin{aligned} \text{[أ] } \left[\left(1 \right) \frac{1}{7} \right] + \left[\left(1 \right) \frac{1}{7} \right] + \dots &= \left[\left(1 \right) \frac{1}{7} \right] + 1 \frac{1}{7} \\ \text{[ب] } - + \left[\left(\frac{2}{12} \right) + \left(\frac{2}{12} \right) \right] &= \left(\frac{17}{12} \right) + \frac{2}{12} \end{aligned}$$

٥ اسْتَخْدِمْ خَوَاصَّ جَمْعِ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ فِي تَسْهِيلِ إِجْرَاءِ الْعَمَلِيَّاتِ الْآتِيَةِ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ :

$$\begin{aligned} \text{[أ] } \left(1 \right) \frac{1}{4} - \left(1 \right) \frac{1}{4} + 7 \frac{1}{4} \\ \text{[ب] } \frac{2}{4} + \frac{4}{5} + \frac{1}{3} \\ \text{[جـ] } 7 \frac{2}{8} + 13 \frac{1}{8} \end{aligned}$$

تمرين (١ - ٥)

(١) ضَعْ عَلاَمَةَ (✓) أَمَامَ الْعِبَارَةِ الصَّحِيحَةِ وَعَلاَمَةَ (X) أَمَامَ الْعِبَارَةِ غَيْرِ الصَّحِيحَةِ :

$$\begin{aligned} \left[\text{أ} \right] \quad \left(\frac{2}{1} - \right) + \frac{9}{11} &= \left(\frac{2}{1} - \right) - \frac{9}{11} \\ \left[\text{ب} \right] \quad 7\frac{1}{11} + 3\frac{1}{1} &= \left(7\frac{1}{11} - \right) - 3\frac{1}{1} \\ \left[\text{ج} \right] \quad \text{صفر} - \left(\frac{13}{5} - \right) &= \frac{13}{5} \\ \left[\text{د} \right] \quad \frac{1}{5} + \frac{3}{4} &= \frac{1}{5} - \frac{3}{4} \end{aligned}$$

(٢) احْسَبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي فِي أَبْسِطِ صُورَةٍ :

$$\begin{aligned} \left[\text{أ} \right] \quad \left(2\frac{1}{1} - \right) - 1\frac{2}{4} & \quad \left[\text{ج} \right] \quad \text{صَفْرٌ} - \left(\frac{17}{4} - \right) \\ \left[\text{ب} \right] \quad \left(4\frac{5}{8} - \right) - 1\frac{7}{8} & \quad \left[\text{د} \right] \quad 3\frac{1}{1} - 1\frac{2}{3} \\ \left[\text{هـ} \right] \quad \frac{9}{5} - \frac{3}{5} & \quad \left[\text{و} \right] \quad 12\frac{1}{11} - 2\frac{1}{1} \end{aligned}$$

(٣) أكْمَلْ مَا يَأْتِي :

(أ) إذا كان س = $\frac{1}{4}$ + فإن س =

(ب) المعكوس الجمعي للعدد صفر هو

(ج) - $\frac{1}{4}$ = ١ -

(د) ناتج جمع $\frac{1}{6}$ + $\frac{2}{6}$ يساوي المعكوس الجمعي للعدد

(هـ) باقى طرح $\frac{3}{5}$ من $\frac{2}{5}$ يساوى

(٤) إذا كانت أ + ب = $\frac{5}{4}$ ، ب + ج = $\frac{3}{4}$ ، أ + ج = $\frac{1}{4}$

فأوجد قيمة :

(١) ٢ + ب + ج

(٢) ب

الدَّرْسُ السَّادِسُ

ضَرْبُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

تمرين (١-٦)

١ احسب قيمة كلِّ ممَّا يأتي:

$$\begin{array}{ll} \left[1 \right] \frac{1}{5} \times \frac{3}{5} & \left[2 \right] \left(5\frac{1}{5} \right) \times 4\frac{1}{5} \\ \left[3 \right] \left(\frac{5}{8} \right) \times \frac{3}{8} & \left[4 \right] \frac{5}{8} \times \frac{1}{8} \\ \left[5 \right] \left(\frac{2}{5} \right) \times \frac{4}{5} & \left[6 \right] \left(4\frac{1}{5} \right) \times 3\frac{1}{8} \end{array}$$

٢ أوجد الناتج في كلِّ ممَّا يلي:

$$\begin{array}{ll} \left[1 \right] \frac{4}{5} \times 1\frac{1}{5} & \left[2 \right] \left(1\frac{1}{10} \right) \times \frac{5}{5} \\ \left[3 \right] 1\frac{1}{9} \times \frac{3}{4} & \left[4 \right] \frac{5}{17} \times 2\frac{2}{5} \end{array}$$

٣ أوجد ناتج ما يلي:

$$\begin{array}{ll} \left[1 \right] \left(\frac{4}{5} \right) \times \left| \frac{3}{5} \right| & \left[2 \right] \left(3\frac{1}{5} \right) \times 2\frac{3}{4} \\ \left[3 \right] \left| \frac{5}{8} \right| \times \left| 1\frac{1}{8} \right| & \left[4 \right] \left(8\frac{1}{5} \right) \times 4\frac{1}{5} \end{array}$$

٤ إذا كانت أ = $1\frac{3}{4}$ ، ب = $\frac{12}{5}$ ، ج = $\frac{2}{3}$

فأوجد القيمة العددية لما يأتي:

$$(1) \text{ أ ب ج} + 3 \quad (2) \text{ أ ب ج} - 3$$

٥ إذا كانت أ = $\frac{1}{4}$ ، ب = $\frac{3}{4}$ فأوجد في أبسط صورة قيمة كل من:

$$(1) \text{ أ ب} + \frac{1}{3} \quad (2) \text{ أ} + \text{أ ب}$$

تمرين (١-٧)

١ اكتب خاصية ضرب الأعداد النسبية المستحدمة في كلِّ ممَّا يأتي :-

$$\left[\text{أ} \right] \left(\frac{1}{2} - \right) \times \frac{2}{3} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{2} -$$

$$\left[\text{ب} \right] 1 = \left(\frac{5}{7} - \right) \times \frac{7}{5} -$$

$$\left[\text{ج} \right] \frac{7}{10} - \times \left(\frac{1}{2} \times \frac{5}{7} \right) = \left(\frac{1}{2} \times \frac{5}{7} \right) \times \frac{7}{10} -$$

$$\left[\text{د} \right] \frac{5}{4} = 1 \times \frac{5}{4}$$

$$\left[\text{هـ} \right] 0,8 \times \text{صفر} = \text{صفر}$$

أكمل :

$$\left[\text{أ} \right] \dots \times \frac{4}{5} = \left(\frac{4}{5} - \right) \times \frac{2}{3}$$

$$\left[\text{ب} \right] \dots + 2 \times \frac{1}{3} = \left(\frac{1}{3} + 2 \right) \times \frac{1}{3}$$

$$\left[\text{ج} \right] \dots = \frac{3}{4} \times \frac{1}{3}$$

$$\left[\text{د} \right] 1 = \dots \times \frac{1}{11}$$

[هـ] العدد النسبي الذي ليس له مَعكُوسٌ ضَرْبِيٌّ هو

٣ أوجد قيمة س في كلِّ ممَّا يأتي :

$$\left[\text{أ} \right] \frac{5}{7} = س \times \frac{5}{7}$$

$$\left[\text{ب} \right] س \times \frac{7}{3} = \text{صفر}$$

$$\left[\text{ج} \right] س \left(\frac{3}{5} - \right) + \frac{1}{2} \times س = \left[\left(\frac{3}{5} - \right) + \frac{1}{2} \right]$$

$$\left[\text{د} \right] س \times \frac{17}{3} = 1$$

$$\left[\text{هـ} \right] س = \frac{3}{5} - \times \frac{7}{3}$$

٤ استخدِم خاصية توزيع الضرب على الجمع في تسهيل إجراء العمليات الآتية:

$$\left[\text{أ} \right] 16 \times \frac{4}{9} + 11 \times \frac{4}{9}$$

$$\left[\text{ب} \right] 9 \times \frac{5}{11} + 3 \times \frac{5}{11}$$

$$\left[\text{ج} \right] \left(\frac{3}{5} - \right) + \left(\frac{3}{5} - \right) \times 5 + 8 \times \frac{3}{5}$$

$$\left[\text{د} \right] \frac{15}{9} \times \left(\frac{3}{5} - \right) + \frac{15}{9} \times \frac{18}{5}$$

الدَّرْسُ الثَّامِنُ

قِسْمَةُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

تمرين (١ - ٨)

١ احسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج في أبسط صورة:

$$\begin{array}{ll} \text{أ}] \frac{3}{5} + \frac{4}{5} [& \text{ب}] (\frac{10}{5} -) + \frac{8}{5} [\\ \text{ج}] \frac{5}{7} + \frac{4}{5} - [& \text{د}] \frac{3}{5} + \text{صفر} [\\ \text{هـ}] \frac{5}{7} + \frac{4}{5} - [& \text{و}] (\frac{4}{5} -) + 140 [\\ \text{ز}] (\frac{4}{5} -) + 140 [& \end{array}$$

٢ احسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج في أبسط صورة:

$$\begin{array}{ll} \text{أ}] 5\frac{1}{7} + 2\frac{1}{5} - [& \text{ب}] 1\frac{1}{12} + 4\frac{7}{5} - [\\ \text{ج}] 3\frac{1}{8} - [& \text{د}] (15 -) + 1\frac{1}{4} [\end{array}$$

٣ احسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج في أبسط صورة:

$$\begin{array}{ll} \text{أ}] (\frac{3}{5} -) \times (\frac{9}{10} + \frac{18}{5} -) [& \text{ب}] 2\frac{1}{4} + (4\frac{7}{5} \times 1\frac{2}{3} -) [\\ \text{ج}] 1 - 2\frac{1}{4} [& \text{د}] (\frac{9}{12} -) + [(\frac{5}{5} -) \times \frac{11}{10} -] [\end{array}$$

٤ إذا كان س = $\frac{2}{7}$ ، ص = $\frac{1}{4}$ ، ع = $\frac{1}{4}$ ، فأوجد في أبسط صورة القيمة العددية لكل من:

$$\text{أ}] (\text{س} + \text{ع}) + (\text{ص} - \text{ع}) [$$

$$\text{ب}] \frac{\text{س} \cdot \text{ص}}{\text{ع}} [$$

تطبيقات على الأعداد النسبية

تمرين (١ - ٩)

١ حَوِّطِ الإجابة الصحيحة:

- [أ] إذا كَانَ $\frac{1}{3} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{3}$ فَإِنَّ ب = ...
 [ب] إذا كَانَ $\frac{1}{3} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{3}$ فَإِنَّ ١ = ٤ - ...
 [ج] إذا كَانَ ٤س - ص = ١١ ، ص = ٣س فَإِنَّ س = ...
 [د] إذا كَانَ $\frac{1}{3} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{3}$ فَإِنَّ ٢س - ٢ص = ...
- [أ] صَفْرٌ ، ١ ، ٢ ، ٣
 [ب] ١٠ ، ١١ ، ١٢ ، ١٣
 [ج] ١١ ، ١٢ ، ١٣ ، ١٤
 [د] ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤

٢ أَوْجِدْ عَدَدًا يُسَبِّحًا يَقَعُ عِنْدَ مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ:

- [أ] $\frac{4}{9}$ ، $\frac{3}{8}$
 [ب] $\frac{3}{4}$ ، $\frac{7}{11}$
 [ج] $\frac{13}{20}$ ، $\frac{11}{9}$
 [د] $\frac{9}{12}$ ، $\frac{17}{16}$
 [هـ] $\frac{5}{1}$ ، $\frac{3}{5}$
 [و] $\frac{1}{8}$ ، $\frac{2}{7}$

٣ [أ] أَوْجِدْ عَدَدًا يُسَبِّحًا يَقَعُ عِنْدَ ثُلُثِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ: $\frac{1}{4}$ ، $\frac{4}{5}$ (من جهة الأصغر)

[ب] أَوْجِدْ عَدَدًا يُسَبِّحًا يَقَعُ عِنْدَ رُبُعِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ: $\frac{7}{8}$ ، $\frac{1}{9}$ (من جهة الأصغر)

[ج] أَوْجِدْ عَدَدًا يُسَبِّحًا يَقَعُ عِنْدَ خُمُسِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ: $\frac{2}{5}$ ، $\frac{1}{3}$ (من جهة الأصغر)

[د] أَوْجِدْ عَدَدًا يُسَبِّحًا يَقَعُ بَيْنَ $\frac{2}{4}$ ، $\frac{1}{3}$

[هـ] أَوْجِدْ عَدَدًا يُسَبِّحًا يَقَعُ بَيْنَ $\frac{1}{9}$ ، $\frac{1}{5}$

٤ ينساب الماء خلال أنبوب بمعدل $\frac{1}{4}$ لتر في الدقيقة ، ما عدد الدقائق التي يملأ فيها ٤

خزانات مياه سعة الواحد ٣٩ لترا؟



تمارين متنوعة

١ ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (X) أمام العبارة غير الصحيحة :

- () أ كل عدد صحيح هو عدد نسبي.
- () ب كل عدد نسبي له مقلوب ضربي.
- () جـ المقلوب الضربي للعدد النسبي عدد صحيح.
- () د الصفر عدد نسبي.
- () هـ الأعداد النسبية $\frac{1}{11}$ ، $\frac{15}{10}$ ، $\frac{2}{4}$ تمثل بقطعة واحدة على خط الأعداد.
- () و $\frac{1}{5}$ مقلوب ضربي للعدد النسبي $\frac{5}{4}$.
- () ز $\frac{2}{3}$ هو المقلوب الجمعي للعدد النسبي $\frac{2}{3}$ حيث $س \neq 3$.
- () حـ $(\frac{3}{5} + \frac{1}{7})$ مقلوب ضربي للعدد النسبي $\frac{25}{31}$.

٢ حوِّط الإجابة الصحيحة:

- (أ) إذا كان $س = \frac{1}{5} + 5 = \frac{1}{5} + 5$ فإن $س = \dots$
- (ب) إذا كان $5 = 5 + 5 = 10$ فإن $ب = \dots$
- (جـ) إذا كان $\frac{س}{ص} = \frac{1}{3}$ فإن $\frac{3}{ص} = \dots$
- (د) إذا كان $\frac{2}{ص} = 42$ فإن $\frac{5}{ص} = \dots$
- (أ) $[\frac{1}{5}, \frac{4}{5}, \frac{5}{1}, 5]$
- (ب) $[\frac{1}{45}, \frac{1}{9}, \frac{1}{5}, 9]$
- (جـ) $[\frac{1}{3}, 1, \frac{3}{2}, \frac{9}{4}]$
- (د) $[70, 45, 30, 10]$

٣ أكمل بتفيس التسلسل:

$$\frac{2}{1} \cdot \dots \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{6} \quad [أ]$$

$$\frac{1}{8} \cdot \dots \cdot 2 \cdot 4 \cdot 8 \quad [ب]$$

٤ إذا كان $س = -\frac{1}{3} \cdot ص = \frac{2}{1} \cdot ع = 30$ ، أوجد القيمة العددية لكل مما يأتي:

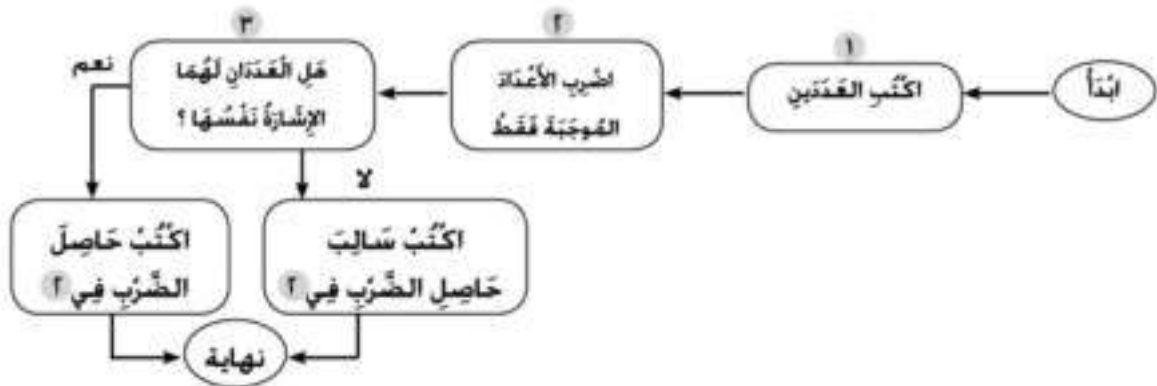
- (أ) $س \cdot ص \cdot ع$
- (ب) $س \cdot ص + ص \cdot ع$
- (جـ) $\frac{س \cdot ص}{ع}$
- (د) $\frac{س}{ص} - \frac{ص}{ع}$

أنشطة الوحدة

- استخدم برنامج الجداول الحسابية (أكسيل) في إيجاد حاصل ضرب عددين صحيحين: • اضغط على زر ابدأ (start) في شريط المهام
- من قائمة برامج (programs) واختر Microsoft Excel
- تستخدم إجراء تعبئة تلقائية (Autofill) بنسخ الصيغة من خلية C_1 إلى مدى « $C_1 : C_8$ »

	A	B	C
1	1	2	2
2	2	3	6
3	3	2	6
4	4	1	4
5	5	0	0
6	6	-1	-6
7	7	-2	-14
8	8	-3	-24

- ١] أكمل الجداول الحسابية حتى الصف ١٥ بفهم أخرى للأعداد الصحيحة ٨ ، ٩ ب
- ب] احفظ العمل في الملف الخاص بك
- خريطة سير العمليات تساعدك في إيجاد حاصل ضرب الأعداد الصحيحة :



نشاط ٢

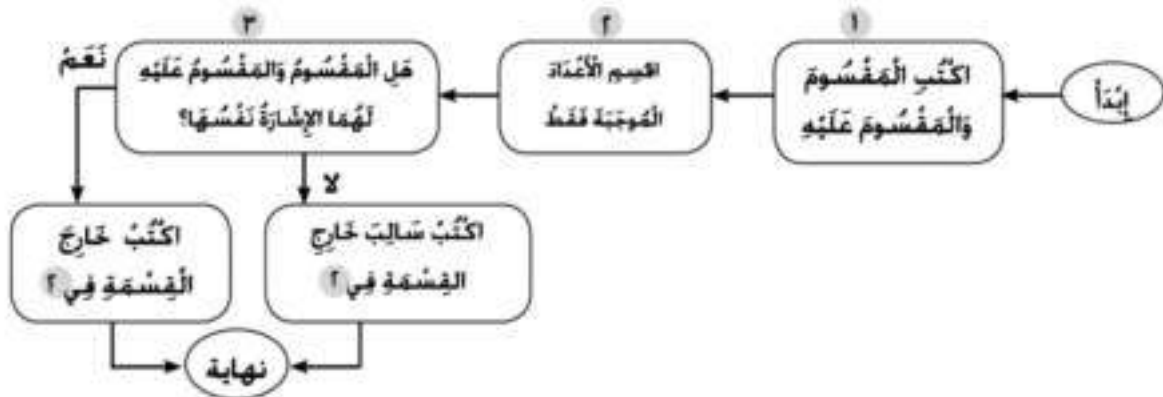
استخدم برنامج الجداول الحسابية (إكسيل) في إجراء خارج قسمه
عددين صحيحين: تستطيع إجراء وتعبئة تلقائية (Autofill) بنسخ
الصيغة من خلية c_1 إلى مدى $c_1 : c_8$

	1	2	3	4	5	6	7	8
1			3					
2			2					
3			2					
4			2					
5			2					
6			2					
7			2					
8			2					

١ أكمل الجداول الحسابية حتى الصف ١٥ بفرع آخر للأعداد الصحيحة ب. ٢

ب أكتب العقل في الملف الخاص بك

خريطة سير العمليات تساعدك في إجراء خارج قسمه عددين صحيحين:



اِخْتِبَارُ الْوَحْدَةِ

١ اكْمِلْ :

[أ] المَعْكُوسُ الضَّرْبِيُّ لِلْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{1}{3}$ هُوَ

[ب] لِإِجَابَةِ خَارِجٍ فُسْمَقُ $\frac{7}{11}$ عَلَى $\frac{2}{1}$ يَجِبُ أَنْ تُضْرَبَ ×

[جـ] صَفْرٌ + (١٤ -) =

[د] $(\frac{2}{4} -) \times \frac{4}{3} =$

[هـ] الْعَدَدُ النَّسْبِيُّ الَّذِي يَقَعُ عِنْدَ مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ $\frac{1}{9}$ ، $\frac{4}{9}$ هُوَ

[و] $(\frac{1}{1} + 2) \times \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \times 2 + \frac{1}{3} \times$

٢ أَوْجِدْ قِيَمَةَ س الَّتِي تَجْعَلُ الْعِبَارَةَ الرِّبَاضِيَّةَ الْأَتِيَّةَ صَحِيحَةً :

[أ] $\frac{2}{3} - \times \frac{2}{5} = س$

[ب] $\frac{2}{3} - س \times \frac{2}{3} =$

[جـ] المَعْكُوسُ الضَّرْبِيُّ لِلْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{1}{3}$ هُوَ س

[د] س $\times [(\frac{2}{3} -) + \frac{2}{4}] = (\frac{2}{3} -) \times \frac{1}{1} + \frac{2}{4} \times \frac{1}{1}$

٣ احْسَبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي :

[أ] $(\frac{1}{3} - \frac{1}{1}) \times \frac{2}{4}$

[ب] $(\frac{9}{15} -) + \frac{2}{5}$

[جـ] $2\frac{1}{2} + 3\frac{1}{1} -$

[د] $\frac{12}{15} \times 2 - \frac{12}{15} \times \frac{14}{11} + \frac{12}{15} \times \frac{5}{12}$

[هـ] $[(\frac{4}{5} -) + \frac{1}{1}] \times (\frac{3}{7} + \frac{1}{1})$

٤ [أ] يَنْسَابُ الْمَاءُ خِلَالَ أَنْبُوبٍ بِمَعْدَلِ $2\frac{1}{3}$ لِيْتَرُ فِي الدَّقِيقَةِ . مَا عَدَدُ الدَّقَائِقِ الَّتِي يُضْلَأُ فِيهَا ٣ خَرَّاتٍ

مِيَاهٍ سَعَةً الْوَاحِدِ ٢٠ لِيْتَرًا ؟

[ب] مَا عَدَدُ قِطْعِ السِّلْكِ الَّتِي يُمَكِّنُ تَفْسِيْمُ كُلِّ مِثْلِهَا بِالنِّسَابِ إِلَى $3\frac{2}{4}$ مِثْرٍ مِنْ قِطْعَةٍ طَوَّلُهَا

١٠ مِثْرًا . هَلْ تَوْجَدُ قِطْعَةً بَالِغَةً ؟ وَمَا طَوَّلُهَا ؟

٥ ضع العَلَامَة المُنَاسِبَة (< , = , >) :

$6\frac{1}{2}$ ☐	$ \frac{13}{7} $ [د]	40 ☐	$3\frac{1}{2}$ - [أ]
$44\frac{5}{8}$ ☐	$\frac{392}{9}$ [هـ]	4 ☐	$3\frac{1}{2}$ [ب]
$15\frac{2}{3}$ - ☐	$\frac{214}{14}$ - [و]	صفر ☐	$\frac{7}{3}$ - [جـ]

٦ [أ] إذا كَانَ س = $\frac{2}{7}$ ، ص = $-\frac{1}{4}$ ، ع = $-\frac{1}{2}$ ، هاوِجِدِ القِيَمَةَ العَدَدِيَّةَ يَكُلُّ مِمَّا يَأْتِي :

(١) س - ع + ص (٢) $\frac{ع}{ص} - \frac{ص}{ع}$ (٣) $\frac{1}{س ص ع}$

[ب] أَوْجِدْ نَتَائِجَ حَاصِلِ ضَرْبٍ : $\frac{1}{7} \times \frac{2}{3} \times \frac{4}{5} \times \frac{1}{9} \times \dots \times \frac{99}{100}$

مَا نَتَائِجُ حَاصِلِ الضَّرْبِ إِذَا كَانَ أَخِيرُ عَدَدٍ يُسَبَّحُ $\frac{100}{9}$ ؟

الوحدة الثانية : الجبر

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ

الْحُدُودُ وَالْمَقَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ

تمرين (٢ - ١)

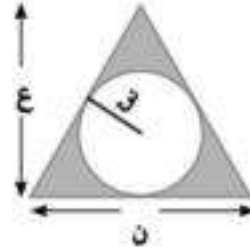
١ اكْمِلِ الْجَدْوَلَ التَّالِيَّ:

الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ	مُقَابِلُ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ	دَرَجَةُ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ
٧ -	٧ -	صفر
٢ ب' ١	٢	٢ = ٢ + ١
٣		
٧ ب' ٢ ح		
٨ - س' ١ ب		
س س'		

٢ اكْمِلِ الْجَدْوَلَ التَّالِيَّ:

الْمُقَدَّرُ الْجَبْرِيُّ	عَدَدُ حُدُودِ الْمُقَدَّرِ الْجَبْرِيِّ	اسْمُ الْمُقَدَّرِ الْجَبْرِيِّ	دَرَجَةُ الْمُقَدَّرِ الْجَبْرِيِّ
٣ - ٥ ب	١	مُقَدَّرٌ كَوْنُهُ وَاحِدٌ	١
٣ س' + ص	٢	مُقَدَّرٌ كَوْنُهُ خَدَّيْنِ	٢
٥ س - ٢ س' + ٤		مُقَدَّرٌ ثَلَاثَتِي	
٢ ب' ١ + ٣ ب' ٢ - ١ ب' ١			
س' ص' - ٣ - س ص'			
١ ب' ٣ - ٢ ب' ٢ + ١ ب' ١			

- ٣ [أ] رتب المقدار الجبري $٧ب + ٥ب^٢ - ٣ب^٣$ حسب أسس $ب$ التنازليّة.
 [ب] رتب المقدار الجبري $٥س + ٧ - ٣س^٢$ حسب أسس $س$ التصاعديّة.



مساحة الدائرة = $ط ر$

٤ في الشكل المقابل:

اكتب المقدار الجبري الذي يعبر عن مساحة المنطقة المظللة ثم اذكر درجته.

٥ أكمل ما يأتي:

- (أ) إذا كان الحدان الجبريان $٢ب^٣$ و $٣ب^٣$ من الدرجة التاسعة، فإن $ن = \dots$ ، $م = \dots$.
 (ب) إذا كانت درجة الحد الجبري $٣س^٣$ هي درجة الحد الجبري $٢أ$ فإن $م = \dots$.
 (ج) درجة المقدار الجبري $٢س + ٣ص^٣$ هي $\dots$.
 (د) معامل الحد الجبري ٣٢ هو $\dots$ ودرجته هي $\dots$.

٦ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين :

- (أ) درجة الحد الجبري $٣ص^٤$ تساوي درجة الحد الجبري $\dots$
 [$٣ص^٤$ ، $٣ص^٣$ ، $٣ص^٢$ ، $٣ص$]
 (ب) عدد عوامل الحد الجبري $س$ هو $\dots$
 [٣ ، ٢ ، ١ ، ٠]

- (ج) درجة المقدار الجبري $٢س + ٣ص^٣$ هي $\dots$
 [الأولى، الثانية، الثالثة، الرابعة]

الْحُدُودُ الْمُتَشَابِهَةُ

١ اكْمِلِ الْجَدْوَلَ التَّالِيَ

٢ اخْتَصِرْ كُلًّا مِنْ الْقَصَائِدِ الْجَبْرِتِيَةِ الْآتِيَةِ :

٣ اَكْتُبْ كُلًّا مِنَ الْقَوَائِدِ الْجَبْرِيَّةِ الَّتِي نَعْبَرُ عَنْ مُجْمُوعِ الْمَسَاحَاتِ لِكُلِّ شَكْلِ:

٤ اخْتَصِرْ كُلًّا مِّنَ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْاَلِيَّةِ:

الفصل الدراسي الأول

الدَّرْسُ الثَّالِثُ

ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيةِ وَقِسْمَتُهَا

تمرين (٢ - ٣)

١ أجزِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ الْآتِيَةِ:

[أ] $5س^٢ص^٤ \times ٢س^٢ص^٤$

[ب] $٥س^٢ص^٤ \times (٢س^٢ص^٤)$

[جـ] $٨ص^٥ \times (٧ص^٤)$

٢ أجزِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَةِ:

[أ] $٢\frac{٣}{٤} \times ٢\frac{٢}{٣}$

[ب] $٢\frac{٢}{٣} \times ٢\frac{٣}{٤}$

[جـ] $\frac{٨س^٢ص^٤}{١٠} \times \frac{١٥س^٢ص^٤}{٢}$

٣ اكْمِلْ:

[أ] $٢س^٢ص^٤ \times \dots = ٩٨س^٧ص^٧$

[هـ] $\dots \times ٢س^٢ص^٤ \times ٢س^٢ص^٤ = ٢٦س^٢ص^٤$

[و] $٤٢س^٢ص^٤ \times ٣س^٢ص^٤ \times ٢س^٢ص^٤ = \dots$

[أ] $\dots \times ٢س^٢ص^٤ = ٣٦س^٢ص^٤$

[ب] $\dots \times ٢س^٢ص^٤ = ٩س^٢ص^٤$

[جـ] $٤س^٢ص^٤ \times ٢س^٢ص^٤ = \dots$

٤ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين:

(١) $٢س^٢ص^٤ \times ٢س^٢ص^٤ = \dots$

[٢س^٢ص^٤، ٢س^٢ص^٤، ٢س^٢ص^٤، ٢س^٢ص^٤]

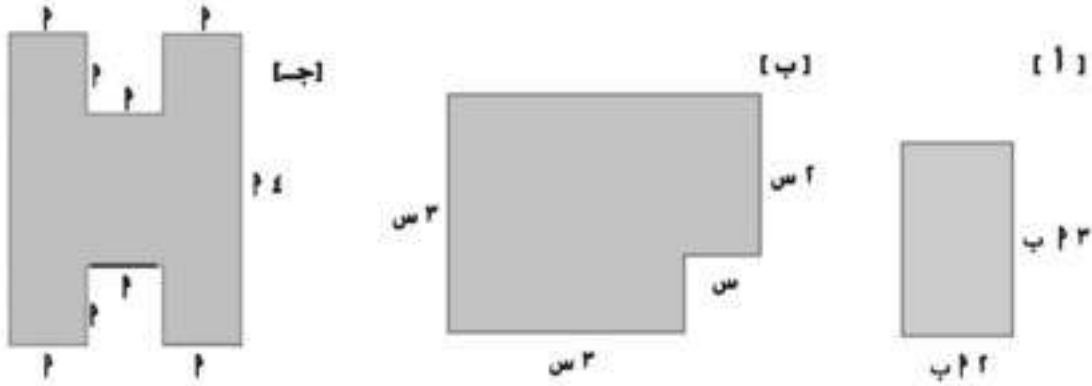
(٢) $٢س^٢ص^٤ \div \text{صفر} = \dots$

[٢س^٢ص^٤، ٢س^٢ص^٤، صفر، ليس لها معنى]

(٣) $١٠س^٢ص^٤ \div \dots = ٢س^٢ص^٤$

[٥س^٢ص^٤، ٢س^٢ص^٤، ٥س^٢ص^٤، ٥س^٢ص^٤]

٥ احسب محيط ومساحة كل شكل من الأشكال الآتية:



٦ احسب المساحة الكلية وحجم كل مجسم:



٧ وضعت ثلاث كرات متماثلة ومتماسية داخل صندوق على شكل متوازي مستطيلات

بحيث تلامس الكرات جميع أوجه الصندوق المقابلة لكل كرة.

احسب النسبة بين حجم الكرات الثلاث وسعة الصندوق

[علماً بأن حجم الكرة = $\frac{4}{3} \pi r^3$ ، ط = ٣، ١٤ = ٣]

الدَّرْسُ الرَّابِعُ

جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيةِ وَطَرَحُهَا

تمرين (٢ - ٤)

١ أوجد مجموع كلٍّ من:

[ج] $3س - ٤س - ٢ - ٥س - ٤س + ٧$

[أ] $٣س - ٢ص + ٥س + ٢ص - ٢$

[د] $٣٢ - ٢٢ - ٢٢ - ٢٢ - ٢٢ - ٢٢ - ٢٢$

[ب] $٣٠٥٢ - ١٠٥٠ - ١٠٥٠ - ١٠٥٠ - ١٠٥٠ - ١٠٥٠$

٢ أوجد مجموع كلٍّ من المقادير الآتية:

[ج] $٥س + ٢ص - ٤ع - ٢$

[ب] $٢٣ - ٧ - ٥ - ٢ + ٢$

[أ] $٣س - ٤ص + ٢$

$٧س + ٣ص - ٣ع - ٢$

$٥ - ٢ + ٤ - ٢ + ٥$

$٣٠ - ٧ + ٢ص$

$٢ - ٥س + ٤ع - ١$

$٢٢ + ٣٠ + ٢$

٣ اطرح:

[ج] $٢٠ + ٢ + ٣ - ٥$

[أ] $٢س - ٢س - ٥$

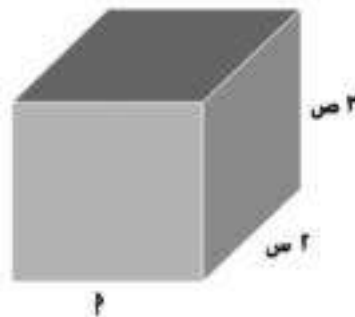
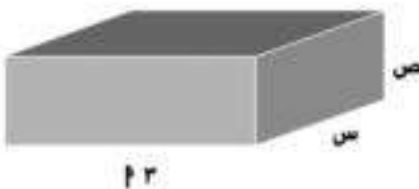
[د] $٢س - ٤س - ٢س - ٢س - ٢س - ٢س$

[ب] $٢س + ٦ص - ٧س - ٢س - ٥ص + ٢$

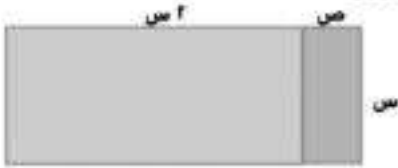
٤ [أ] ما نتائج $٥س - ١$ عن $٣س + ٢س - ٣$

[ب] ما نقص $٢٢ - ٨$ ب $٢٢ - ٣ + ٢٢ - ٤ - ٨$

٥ في الشكل التالي: أحسب المساحة الكلية للمجسمين معًا.



١ الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُسْتَطِيلٌ بَعْدَهُ س. ص + ٢ س مُقَسَّمٌ إِلَى جُزْأَيْنِ:



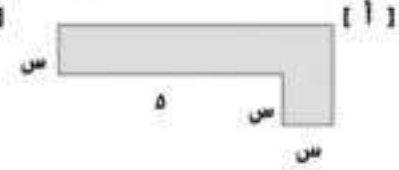
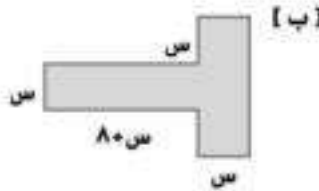
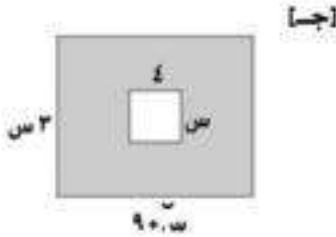
[أ] أَوْجِدْ مَجْمُوعَ مِسَاحَتَي الْجُزْأَيْنِ.

[ب] أَوْجِدْ حَاصِلَ ضَرْبِ بَعْدِي الْمُسْتَطِيلِ.

[جـ] قَارِنِ الْإِجَابَاتِ فِي (أ) ، (ب) .

مَا الْخَاصِيَّةُ الْمُسْتَعْدَمَةُ الَّتِي يُوَضِّحُهَا الشَّكْلُ؟

٢ أَوْجِدْ مِسَاحَةَ كُلِّ شَكْلٍ مِنَ الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ:



٣ أَجْرِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَةِ:

[ز] $(٢ - ٣) ٣$
[حـ] $٢ - (٣ - ٧) ح$

[د] $٣ - (٣ + ص)$
[هـ] $٤ (٢ س - ٣)$
[و] $٢ ك - ٣ - ٧$
 $٣ - ٣ \times$

[أ] $٤ (س - ٣)$
[ب] $٣ ص (ص + ٥)$
[جـ] $٢ ص' - ص - ٥$
 $٢ \times ص$

٤ أَوْجِدْ نَاتِجَ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَةِ :

[جـ] $٢ م' (٢ - ٣ - ٤ - ٥ - ٦ - ٧ - ٨ - ٩ - ١٠ - ١١ - ١٢)$

[أ] $\frac{١}{٣} س' (٦ س - ٩ س ص - ٣ ص')$
[ب] $٢ س' ص (٢ س - ٣ س ص + ص')$

٥ اخْتَصِرِ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ: $٣ (١ - ٢ س) - (س - ٥ س + ٣) + ٢ س (س + ٣)$ ثُمَّ أَوْجِدِ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ

لِلْمِقْدَارِ عِنْدَمَا $س = ٢$

الدَّرْسُ السَّادِسُ

ضَرْبُ مِقْدَارٍ جَبَرِيٍّ مُكَوَّنٌ مِنْ حَدِيثَيْنِ فِي مِقْدَارِ جَبَرِيٍّ آخَرَ

تمرین (۶-۲)

١ أخرج عقوليات الضرب الآتية:

(۱) (۲ سے ۳) (۳ سے ۴)

(1 + ۴۶) (۲ - ۴۵) [ب]

[ج] (۸ سے ۲) (۲ سے ۷)

$$^{\dagger} (V - \zeta E) [2]$$

[٥٦] (٢٢ س + ص)

$$(V + \sqrt{2})(V - \sqrt{2}) [9]$$

[ز] (ا س - ا ص) (ا س + ا ص)

$$(9 - \sqrt{17})(9 + \sqrt{17}) \rightarrow$$

٢ اختصاراً لأبسط صورة:

$$(r + r)(\theta - r) \neq [1]$$

(b) (1) (b) (2) (b) (3) (b) (4)

[حـ] ٣٣٣ (أ ١٠٠ + ١٠٠ ص ١)

[†] [د] ۛ (پس صں - ف)

[هـ] (٥ س - ٢ ص) - (٥ س + ٢ ص)

$$1(2 + 1 \text{ من } 3) = (5 - 1 \text{ من } 3) (3 + 1 \text{ من } 2) \quad [9]$$

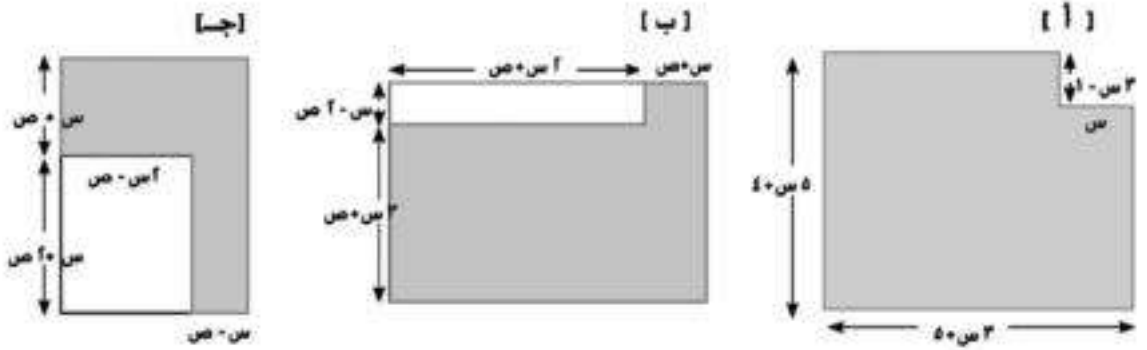
٣ خُوطُ الإِجَابَةِ الصَّحِيحَةِ:

[١] إِذَا كَانَ (أ + س + ص) = أ س + ك س ص + ص ' فَأَنَّ ك = ...

[ب] إِذَا كَانَ (س - ص) = أ س + ص = أ س + ك س ص - ص أ فَيَأْكُ ... [-, ١, ٣]

(جاء إذا كَانَ (س - ٣) (س + ٣) = س^٢ + ك فَلْيَنْ ك ... (٩ - ٦ - ٩)

٤ اكتب مقداراً جبرياً يعبر عن محيط ومساحة كل جزء مظلّل في الأشكال الآتية:



٥ اضرب ثم أوجد القيمة العددية للمقدار عندما $s = 1$ ، $s = 2$:

- (أ) $(2s + 7)(s + 4)$ (ب) $(2s + 3)(s + 4)$
 (ج) $(2s + 3)(s + 4)$ (د) $(2s + 3)(s + 4)$

٦ أجرِ عمليات الضرب الآتية:

- (أ) $(2s + 7)(s + 4)$ (ب) $(2s + 3)(s + 4)$
 (ج) $(2s + 3)(s + 4)$ (د) $(2s + 3)(s + 4)$

٧ (أ) أكمل إذا كان: $(2s - 8) = 12s + 6s - 1$ ص' - ص'

فإن: $(2s - 8) = 12s + 6s - 1$

(ب) أوجد ناتج كل مما يأتي:

- (١) (41) على الصورة $(1 + 40)$
 (٢) (49) على الصورة $(1 - 50)$
 (٣) 201×199 على الصورة $(1 + 200)(1 - 200)$

الدَّرْسُ السَّابِعُ

قِسْمَةُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدٍّ جَبْرِيٍّ

تمرين (٢ - ٧)

الرُّمُوزُ فِي الْحُدُودِ وَالْمَقَابِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْأَتِيَةِ تُمَثِّلُ أَعْدَادًا لَا تَسَاوِي الصُّفْرَ.

١ اكْمِلْ:

$$[أ] \quad \frac{18}{21} = \frac{18}{21} \times \frac{p}{p} \times \frac{1}{1} = \frac{18}{21} \times \frac{p}{1} \times \frac{1}{1} = \dots\dots\dots$$

$$[ب] \quad \frac{15}{30} - \frac{9}{30} = \frac{15}{30} - \frac{9}{30} = \frac{15}{30} - \frac{9}{30} = \dots\dots\dots + \dots\dots\dots = \frac{15}{30} - \frac{9}{30} = \frac{15}{30} - \frac{9}{30} = \dots\dots\dots$$

$$[ج] \quad \frac{12}{4} - \frac{8}{4} = \frac{12}{4} - \frac{8}{4} = \frac{12}{4} - \frac{8}{4} = \dots\dots\dots = \frac{12}{4} - \frac{8}{4} = \frac{12}{4} - \frac{8}{4} = \dots\dots\dots$$

$$[د] \quad \frac{16}{8} - \frac{12}{8} = \frac{16}{8} - \frac{12}{8} = \frac{16}{8} - \frac{12}{8} = \dots\dots\dots + \dots\dots\dots - \dots\dots\dots = \frac{16}{8} - \frac{12}{8} = \frac{16}{8} - \frac{12}{8} = \dots\dots\dots$$

٢ أَوْجِدْ خَارِجَ الْقِسْمَةِ فِي كُلِّ مَقَابِيرٍ:

$$[د] \quad \frac{18}{6} - \frac{12}{6} = \frac{18}{6} - \frac{12}{6} = \frac{18}{6} - \frac{12}{6} = \dots\dots\dots$$

$$[هـ] \quad \frac{24}{6} - \frac{18}{6} = \frac{24}{6} - \frac{18}{6} = \frac{24}{6} - \frac{18}{6} = \dots\dots\dots$$

$$[و] \quad \frac{32}{8} - \frac{24}{8} = \frac{32}{8} - \frac{24}{8} = \frac{32}{8} - \frac{24}{8} = \dots\dots\dots$$

$$[أ] \quad \frac{18}{21} = \frac{18}{21} \times \frac{p}{p} \times \frac{1}{1} = \frac{18}{21} \times \frac{p}{1} \times \frac{1}{1} = \dots\dots\dots$$

$$[ب] \quad \frac{18}{2} - \frac{12}{2} = \frac{18}{2} - \frac{12}{2} = \frac{18}{2} - \frac{12}{2} = \dots\dots\dots$$

$$[ج] \quad \frac{48}{8} - \frac{40}{8} = \frac{48}{8} - \frac{40}{8} = \frac{48}{8} - \frac{40}{8} = \dots\dots\dots$$

١ أوجد خارج قسمة كل مما يأتي

$$(١) \text{ ٢م } ٢ + ١٣ \text{ م } ١٥ + \text{ على م } ٥$$

$$(٢) \text{ ٣م } ٣ - ٤ \text{ م } ١ + \text{ على م } ١ -$$

$$(٣) \text{ ٣م } ٢ + \text{ م } ٣ - \text{ على م } ٢ - ١$$

$$(٤) \text{ م } ٤ + ٤٩ - ١٨ \text{ م } ٢ \text{ على م } ٢ - ٧ + \text{ م } ٢$$

$$(٥) \text{ م } ٤ + ٣ \text{ م } ٢ + ٢ \text{ على م } ٢ + ١$$

$$(٦) \text{ م } ٣ - ٢٧ \text{ على م } ٣ -$$

٢ (١) أوجد قيمة ك التي تجعل المقدار $٣ \text{ م } ٣ - ٢ \text{ م } ٣ - ٢٥ \text{ م } + ك$

يقبل القسمة على $٢ \text{ م } ٢ + ٤ \text{ م } + ٣$

(٢) مستطيل مساحة سطحه $(٢ \text{ م } ٢ + ٧ \text{ م } - ١٥)$ فإذا كان طوله $(٥ + \text{ م })$ فأوجد :

عرضه ثم أحسب محيطه إذا كانت ٣ سم

الدَّرْسُ التاسع

التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى

تمرين (٢ - ٩)

١ حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

- [أ] ٣ س + ٦ س
[ب] ٨ ص - ٤ س
[جـ] ٥ ص - ١٠
[د] ٣٥ م + ١٠ م
[هـ] ٤٩ ب - ٧ ب
[و] ٣ س + ١٢ س - ٦

٢ حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

- [أ] ١٢ م + ١٨ م
[ب] ٩ م - ١٢ م + ٢ م
[جـ] ١٨ م - ٦ م + ٣٠ م - ٢٤ م
[د] ٢ س + ٤ س - ٦ س + ٢ س
[هـ] ٣ س (ب + م) + ٧ (ب + م)
[و] (٤ + س) س + (٤ + س) ص
[ز] ٣ س (س - ٧) + ٢ س (س - ٧) + ٥ (س - ٧)
[حـ] ٤ م (٢ س + ص) - ٣ م (٢ س + ص) - ٧ (٢ س + ص)

٣ أَوْجِدْ نَاتِجَ مَا يَلِي بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

- [أ] $١٨ \times ٧ - ٣٥ \times ٧ + ١٢٣ \times ٧$
[ب] $١٥ \times ٨ - ١٥ \times ١٨ + ١٥ \times ٦$

١ حَوِّطِ الإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ:

[أ] إذا كَانَ $p =$ صفر $b = 5$ ، $a = 2$ فَإِنَّ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِلْمُضَادِّ:

[٨ ، ٦ ، ٢ ، ٠]

$p + b =$ ح يساوي

[ب] إذا كَانَ ثَمَرٌ أَرْبَعَةُ قُمُصَانٍ س جُنَّتُهَا فَإِنَّ ثَمَرَ ٤٠ قُمُصًا يُسَاوِي

[١٠ س ، $\frac{5}{2}$ س ، $\frac{5}{40}$ س ، $\frac{40}{1}$ س]

[١٤٠ ، ٧٢ ، ٦٨ ، ٣٥]

[جـ] إذا كَانَ $\frac{p}{b} = 70$ فَإِنَّ $\frac{p}{a} =$

[١٧ س ، ١٤ س ، ٧ س ، ١٧ س ، ١٧ س ، ١٧ س ، ١٧ س ، ١٧ س]

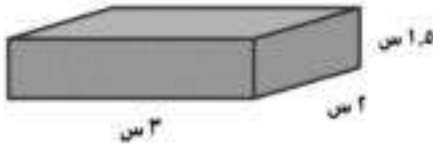
[د] $7 = (\dots)$

[٣ س ، ١ س ، ٥ س ، ١ س ، ٣ س ، ١ س ، ٤ س ، ١ س]

[هـ] $(5س + ٢س) = ٥س =$

[$\frac{2}{7}$ س ، $\frac{2}{7}$ س ، $\frac{2}{7}$ س ، $\frac{2}{7}$ س]

[و] $\frac{3}{7} - \frac{3}{7} =$



[ز] حَجْمُ مُتَوَازِي الْمُسْتَقْبِلَاتِ الْمُقَابِلِ يُسَاوِي

[١,٥ س ، ٢ (٥س) (١,٥س) ، ٩ س ، ٢ (٤,٥س)]

[حـ] إذا كَانَتْ س = ٤ ، ص = ٦ ، ع = ٢٤ فَإِنَّ

[س = $\frac{ع}{ص}$ ، س = $\frac{ص}{ع}$ ، ص = ص ، ع = ص + ع]

٢ اكْمَلْ:

[أ] دَرَجَةُ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٣ س هِيَ وَمُعَامِلُهُ هُوَ

[ب] $١٢ + p = ٣ + (\dots)$

[جـ] س $(1 + p) = (1 + p) - ص$

[د] $(١٢ + p) + ٢ =$

[هـ] $٧ + ٧ + ٨ + ٨ + ٨ + ٨ + ٩ =$

[و] $٤٠٠ = (1 - ٢٠)(1 + ٢٠) -$

[ز] الْحَدُّ السَّابِعُ فِي الثَّمِيطِ : $\frac{1}{10000} , \frac{1}{1000} , \frac{1}{100} , \dots$ هُوَ

٢ اختصر إلى أبسط صورة:

[أ] $\frac{1}{4} + \frac{1}{5} - \frac{1}{6} + \frac{1}{3} - \frac{1}{2}$ [ب] $\frac{1}{3} - \frac{1}{5} + \frac{1}{2} - \frac{1}{4} + \frac{1}{6}$
 [ج] $\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} + \frac{1}{5}$ [د] $\frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4} - \frac{1}{5} + \frac{1}{6}$

٤ اختصر بطريقتين مختلفتين:

[أ] $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4}$ [ب] $\frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4}$
 $\frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4}$

٥ أجرِ عمليات الضرب الآتية:

[أ] $(2 - 5) \times (3 - 1)$ [ب] $(2 - 5) \times (3 - 1)$
 [ج] $(2 - 5) \times (3 - 1)$ [د] $(2 - 5) \times (3 - 1)$

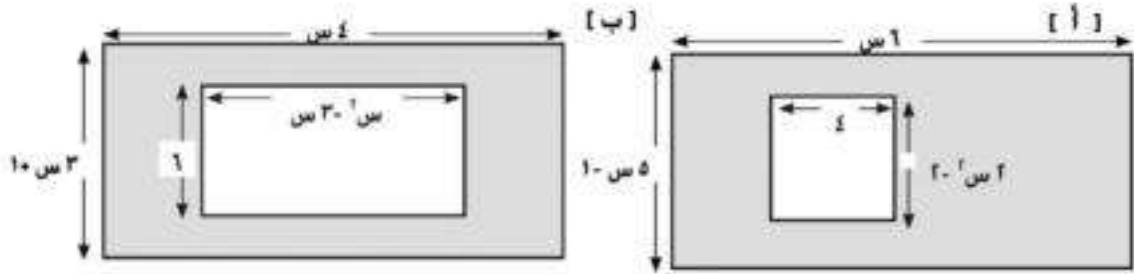
٦ حلل بإخراج العامل المشترك الأعلى:

[أ] $16x^2 + 8x$ [ب] $15x^2 - 10x + 5$
 [ج] $30 \times 15 - 13 \times 15 + 17 \times 15$ [د] $48 \times 53 + 48 \times 7 + 48$

٧ [أ] ما زائدة المقدار الجبري $3x^2 - 5x + 2$ عن مجموع المقادير الجبرية

$5x^2 + 10x + 15$ [ب] اختصر إلى أبسط صورة: $4x^2 - 10x + 6$ [ج] أوجد القيمة العددية للمقدار
 عندما $x = 1$

٨ أوجد المقدار الجبري الذي يعبر عن الجزء المظلل:



٩ [أ] إذا كان $4s - 3$ ، $2s + 1$ ، $3s - 2$ أوجد قيمة المقدار:

ب - ح' بدلائق س.

[ب] اضرب (س - ٢ص) (س + ٢ص) في (س' + ٤ص')

١٠ أكمل:

[أ] درجة المقدار الجبري $5s^3 + 3s$ هي

[ب] $(2s-1) = \dots - 4s + 1$

[ج] $1 + 2s + 3s^2 = \dots + (1 + 2s)$

[د] $(5s-2) = (\dots) - 2s + 5$

١١ خوط الإجابة الصحيحة:

[أ] عدد عوامل الحد الجبري $2s^3$ يتساوى

[٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥]

[ب] $4s^2 - 1$ ص' + $4s^2 + 1$ ص' = $\dots$ (٢س ص - ص + ٢س)

[٤س ص ، ٢س ص ، ٢س ، ٢س]

[ج] إذا كان طول ضلع مكعب 2 ب فإن حجمه يتساوى

[٤ب' ، ٢ب' ، ٢ب' ، ٢ب']



ب ٣

[د] إذا كان أبعاد المستطيل المقابل 2 ب ، 3 ب فإن محيطه يتساوى

[٦ب' ، ٢ب' + ٣ب' ، ٤ب' + ٦ب' ، ٢ب' + ٣ب']

[هـ] تَحْلِيلُ الْمُقَدَّارِ الْجَبْرِيِّ ١ س ٤ - س ٤ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ
الْأَعْلَى هُوَ

[٣ س ١ س + ص) ، ٢ س ص (٣ - ٢) ، ٢ س ص (٣ - ٢) ، ٢ س ص (٣ - ٢)]

١٢ أوجد خارج قسمة كل مما يأتي :

[أ] ٢ س ٢ + ٣ س + ٢ ع ١ + ١

[ب] ٣٧ س ٢ - ٤ - ٩ س ٤ ع ٣ س ٢ - ٢ + ٥ س

أنشطة الوحدة

نشاط (١)

استخدم برنامج الجداول الحسابية (إكسيل) للتحقق من أن:

$${}^pP \times {}^pP = {}^{2p}P$$

	A	B	C	D	E
1	7	3	2	7P_2	7P_2
2	7	3	2	16807	16807
3	6	2	3	7776	7776
4	5	4	1		
5	4	3	2		
6	3				
7	2				

- أكمل الجداول الحسابية حتى الصف ١٥ بقيم أخرى موجبة للأعداد ${}^{2p}P$.
- هل القاعدة تُنتج نواتج ثابتة؟
- هل تُطبّق القاعدة السابقة على الأساس السالبة ($p > \text{صفر}$)؟
- اتّبع الخطوات السابقة في التحقق من أن ${}^pP + {}^{p-1}P = {}^pP$ ، $n \leq p$ ، $n < \text{صفر}$.
- هل القاعدة السابقة صحيحة للأساس السالبة ($p > \text{صفر}$)؟
- احفظ العمل في الملف الخاص بك.

نشاط (٢)

١ أدخل ما يلي على الجدول الحسابية (أكسيل):

	A	B	C	D	E	F
1		$2 \cdot (b + a)$	$2 \cdot (b + a)$	$2 \cdot (b + a) + 2 \cdot (b + a)$	$2 \cdot (b + a)$	$2 \cdot (b + a) + 2 \cdot (b + a)$
2		31	196	196	2304	2304
3		-14				
4		62				
5		-15				
6		-36				
7		-18				
8		98				
9		0				
10		27.1				
11		-6.91				

[أ] تحقق أن: $(b + a) = a + b$ بإكمال العمود حـ، العمود د

اكتب ما يعبر عن الخلية C_1

اكتب ما يعبر عن الخلية D_1

[ب] تحقق أن: $(b - a) = a - b$ بإكمال العمود هـ، العمود و

اكتب ما يعبر عن الخلية E_1

اكتب ما يعبر عن الخلية F_1

[جـ] أكمل الجدول الحسابية حتى الصف ١٥ يقيم أخرى للأعداد a, b وأوجد القيم في الأعمدة من C إلى F ماذا تلاحظ؟

٢ [أ] استخدم الطريقة السابقة في التحقق من أن: $a - b = b - a$

[ب] احفظ العمل في الملف الخاص بك.



$$15 + \dots + 1 = (15 + \dots + 1) (5 + 1) [A]$$

[ب] (أ) $\frac{1}{2}$ (ب) $\frac{1}{3}$ (ج) $\frac{1}{4}$ (د) $\frac{1}{5}$

[جـ] ۳ س ص + ۶ س = ... (ص + ۲)

(د) إِذَا كَانَ ٢ = ٢ ب . ب = ١٥ فَإِنَّ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِلْمُفَدَّارِ ٢ + ٢ ب + ٥ هـ ...

١ هـ إِذَا كَانَ ٣٠ ب = ٧ . ج = ٣ فَإِنَّ الْمِثْمَةَ الْعَدِيَّةَ ٣٠ ب (ب . ج)

[٩] فِي السُّكُلِ الْمُقَابِلِ:

مِسَاحَةُ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ نُسَاوِي ... وَحِدَةُ مُرَبَّعَةٍ



۹۰۰

٢ خَوِّطِ الإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ:

$$[{}^{\circ}\text{C} \cdot \text{P} 30, \text{g}] {}^{\circ}\text{C} \cdot \text{P} 150, \text{g}] {}^{\circ}\text{C} \cdot \text{P} 30, \text{g}] {}^{\circ}\text{C} \cdot \text{P} 170, \text{g}] \dots = {}^{\circ}\text{C} \cdot \text{P} 2 \times {}^{\circ}\text{C} \cdot \text{P} 5 \times {}^{\circ}\text{C} \cdot \text{P} 2 [1]$$

(ب) مَكْعَبُ مَجْمُوعِ الْحَدِيثِ ۱. ب يَسَاوِي ...

[جـ] (٤ س - ٣) (س - ٤) =

[١٤ سن - ١٩ سن - ١٢ (أو ٤ سن) - ٧ (أو ٤ سن) - ١٢ (أو ٤ سن) - ١٩ سن - ١٢]

$$[1] = [2] = \dots = (s+1) + (s-1) + \dots + 1 + 0 + 1 + 3 + \dots + (s-1) + (s+1)$$

[صَفَرِ او سِ او ۲ س + ۱ او س] [هـ (س + ۱ س) ÷ س =

٣ (أ) إِذَا كَانَ ١ = ٣ س - ٤ ب = س + ٢ ج = ٢ س - ٣ اُخْسِرَ الْفَيْصَةَ الْعَدِيَّةَ لِلْمُقَدَّارِ ١ ب - ج

عِنْدَمَا س = صَفْرًا.

[ب] فِي الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:

مُسْتَطِيلٌ مُكُونٌ مِنْ ٤ أَجْزَاءٍ مُظْلَلَةٍ أَكْتُبُ
الْمُقْدَارَ الْجَبْرِيَّ الَّذِي يُعْبَرُ عَنْ مَسَاحَةِ الْمُسْتَطِيلِ



٤ ضع العلامة (✓) أمام العبارة الصحيحة والعلامة (X) أمام العبارة غير الصحيحة.

- (أ) [دَرَجَةُ الْحَدِّ الْجَبْرِي ٣ س' هي ٤] ()
 (ب) [الْحَدَّانِ الْجَبْرَتَانِ ٧ س' ، ٢ س' مُتَشَابِهَانِ.] ()
 (ج) [دَرَجَةُ الْمُفْقَدَارِ الْجَبْرِيِّ ٣ س ص + ٥ هي الدَّرَجَةُ الثَّانِيَّةُ] ()
 (د) [الْمُعْكَوْسُ الْجَمْعِيُّ لِلْمُقْدَارِ ٢ س - ٣ ص هو ٣ ص - ٢ س] ()
 (هـ) [٣ ب × ٣ ب × ٣ ب] ()
 (و) [(س + ٢) = س' + ٤] ()

٥ (أ) أوجد خارج قسمة المُفْقَدَارِ س' ص - ٤ س ص' + ١ س ص على س ص.

(ب) أوجد ناتج ما يلي بإخراج العامل المشترك الأعلى:

$$١٧(١) - ١٧ \times ٨$$

$$١٥ \times ٢٤ - ١٥ \times ١٨ + ٣٠ \times ٦ (٢)$$

٦ (أ) اطرخ ٥ س' + ص' - ٣ س ص من س' - ٢ س ص + ٣٠ ص'

(ب) اختصر إلى أبسط صورة:

$$(٧ س ص - ٣ س) - (٥ س ص - س)$$

٧ أوجد القيمة العددية لكل مُفْقَدَارِ جَبْرِيٍّ

$$(٢٠٣ ب) - (٢٠٣ ب) \text{ عند } ١٠ = ١٠ = ١٠ = ٢٠$$

٨ في الشكل المقابل:



p



p

صهر متوازنا المُسْتَطَبَاتِ لِعَمَلِ مُتَوَازِي
 مُسْتَطَبَاتٍ آخَرَ ارْتِفَاعُهُ (٣ + ٣) أوجد
 مساحة قاعدة متوازي المُسْتَطَبَاتِ
 الجديدة.

٩ أوجد قيمة ك التي تجعل

$$[أ] \text{ المقدار } ٦ س - ٣ س - ١٣ س + ١٣ س + ك يقبل$$

القسمة على ٣ - ٥

$$[ب] \text{ المقدار } ٣ س - ٣ س - ٢٥ س + ك يقبل القسمة على ٣ س + ٢ + ٣$$

الوحدة الثالثة : الإحصاء

مقاييس النزعة المركزية: المتوسط الحسابي

الدَّرْسُ الأوَّلُ

تَمَرِينٌ (٣ - ١)

١ أكمل ما يأتي:

- أ - المتوسط الحسابي للقيم: ١٨، ٣٥، ٢٤، ٦ يساوى
- ب - إذا كان المتوسط الحسابي للأعداد ٣، ٥، س هو ٤ فإن س =
- ج - إذا كان مجموع خمسة أعداد يساوى ٣٠ فإن المتوسط الحسابي لهذه الأعداد يساوى

٢ أوجد المتوسط الحسابي لكل مجموعة من القيم الآتية:

أ) ٦، ٤	هـ) ٥، ٣	ح) ٤، ٣
ب) ٦، ٤، ٢	و) ٥، ٣، ١	ط) ٥، ٤، ٣، ٢، ١
جـ) ١٠، ٦	ز) $١، \frac{١}{٢}$	ي) ٢٠، ١٠
د) ٥٥، ٦٠، ٥٠، ٣٥		

٣ إذا كانت درجات الحرارة لأسبوع كامل من شهر ديسمبر فى إحدى المدن كالآتي:

٢٥°، ٢٧°، ٣١°، ٢٣°، ٢٢°، ٢٢°، ١٨°

احسب المتوسط الحسابي لهذه الدرجات.

٤ إذا كانت ساعات المذاكرة لإحدى الطالبات خلال ٦ أيام متتالية كالآتي:

اليوم	السبت	الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء	الخميس
عدد ساعات المذاكرة	$٢\frac{١}{٢}$	٢	$٢\frac{١}{٢}$	٢	٤	٢

احسب متوسط عدد ساعات المذاكرة يوميا.

٥ إذا كانت درجات شريف فى ٣ شهور متتالية فى مادة الرياضيات كالآتي:

٨٩، ٩١، ٩٦. احسب متوسط الدرجات شهريا لهذا الطالب.

الوسيط

الدَّرْسُ الثَّانِي

تمرين (٣-٢)

١ اختر الإجابة الصحيحة مما بين الأقواس:

أ - إذا كان ترتيب الوسيط لمجموعة قيم هو الرابع فإن عدد القيم يساوي
(٣ ، ٥ ، ٧ ، ٩)

ب - إذا كان ترتيب الوسيط لمجموعة قيم هو الرابع. الخامس. فإن عدد هذه القيم يساوي.....
(٤ ، ٥ ، ٨ ، ٩)

ج - إذا كان الوسيط للقيم $أ + ٣ + أ + ٢ + أ + ٤$ حيث $أ \geq ص + ٨$ فإن $أ =$

(٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥)

د - الوسيط للقيم: ٤ ، ٨ ، ٣ ، ٥ ، ٧ هو

(٣ ، ٤ ، ٥ ، ٧)

٢ أوجد الوسيط لكل مجموعة من مجموعات القيم الآتية:

(أ) ٣ ، ٥ ، ١٢ ، ١١ ، ٨

(ب) ٣ ، ٥ ، ١٢ ، ١١ ، ٨ ، ١٠

(ج) $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{2}$ ، ١

(د) -٢ ، صفر ، ١ ، ٥

٣ الجدول التالي يبين درجات جهاد في امتحان مادة الرياضيات في ٦ شهور دراسية:

الشهر	أكتوبر	نوفمبر	ديسمبر	يناير	مارس	أبريل
الدرجة	٤١	٣٥	٤٧	٣٧	٤٤	٤٨

أوجد:

أ - الوسيط للدرجات السابقة.

ب - المتوسط الحسابي للدرجات السابقة.

تمرين (٣ - ٣)

١ أكمل ما يأتي:

- أ - المنوال لمجموعة القيم: ١٤ , ١١ , ١٢ , ١١ , ١٤ , ١٥ , ١١ هو
- ب - المنوال للألوان: أحمر , أصفر , أحمر , أبيض , أسود , أحمر , أبيض هو اللون
- ج - إذا كان المنوال للقيم: ١٥ , ٩ , س + ١ , ٩ , ١٥ هو ٩ فإن س =

٢ اختر الإجابة الصحيحة مما بين الأقواس

- أ - المنوال للقيم ٣ , ٧ , ١ , ٣ , ٧ , ٦ , ٣ هو
- (١ , ٣ , ٦ , ٧)
- ب - إذا كان المنوال لمجموعة القيم:
- ٧ , ٥ , ص + ٣ , ٥ , ٧ هو ٧ فإن ص =
- (٣ , ٤ , ٥ , ٧)

٣ احسب الوسط , الوسيط , المنوال للقيم الآتية:

٥ , ٤ , ١٠ , ٣ , ٣ , ٤ , ٧ , ٤ , ٦ , ٥

أنشطة الوحدة

١ أى من الأعداد التالية هو المتوسط الحسابى للأعداد الأخرى؟

(أ) ٢٦ (ب) ٢٨ (ج) ٢٩ (د) ٣٠ (هـ) ٣٧

٢ إذا كان متوسط درجات كريم فى ٥ اختبارات هو ٨٤، كان متوسط درجاته فى الاختبارات

الثلاثة الأولى هو ٨٠، فما متوسط درجاته فى آخر اختبارين؟

٣ احسب المتوسط الحسابى والوسيط لكل مجموعة من مجموعات الأعداد

الآتية:

(أ) ١، ٢، ٣،، ٨، ٩، ١٠

(ب) ١، ٢، ٣،، ٩، ١٠، ١١

(ج) ١، ٢، ٣،، ٩٩، ١٠٠

(د) ١، ٢، ٣،، ١٠٠، ١٠١

(هـ) ٠، ٢، ٤، ٦، ٨، ١٠

(و) ١، ٣، ٥،، ٩٩

* هل لكل مجموعة من مجموعات الأعداد السابقة منوال؟

الوحدة الرابعة : الهندسة و القياس

مَفَاهِيمُ هَنْدَسِيَّةُ

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ

تَمْرِينُ (٤-١)

١ أكمل :

- (أ) إذا كان $\angle$ (أ) = 80° فإن $\angle$ (ب) المنعكسة =
 (ب) الزاويتان المتتامتان والمتساويتان في القياس يكون قياس كل منهما =
 (جـ) $\angle$ (أ) = $\angle$ (ب) متكاملتان ، $\angle$ (أ) = 2° ، $\angle$ (ب) يكون $\angle$ (أ) =
 (د) $\angle$ (أ) ممدد جـ م إلى هـ

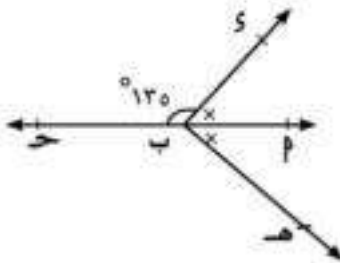
- (هـ) أرسم $\angle$ (أ) و $\angle$ (ب) متناصفين
 (و) أوجد قياس الزوايا قبل إجابه (و) ، (ز)
 (ز) اذكر أزواج الزوايا المتتامه
 (حـ) هل $\angle$ (أ) ينصف $\angle$ (ب) جـ

٢ (أ) أرسم الزوايا التي قياساتها: 10° ، 115° ، 195° ، 245° ثم اكتب نوع كل منها.

(ب) اكتب مكمالات الزوايا التي قياساتها: 10° ، 117° ، 82° ، 92°

(جـ) اكتب متممات الزوايا التي قياساتها: 37° ، 48° ، 45° ، 22°

٣ في الشكل المقابل :



إذا كانت $\angle$ (أ) = 135° ، $\angle$ (ب) = 115° ، $\angle$ (جـ) = 92°

$\angle$ (أ) ينصف $\angle$ (ب) هـ

فاوجد كلاً من :

$\angle$ (أ) ، $\angle$ (ب) ، $\angle$ (جـ) ، $\angle$ (د) ، $\angle$ (هـ) ، $\angle$ (و) ، $\angle$ (ز) ، $\angle$ (حـ) ، $\angle$ (ط)

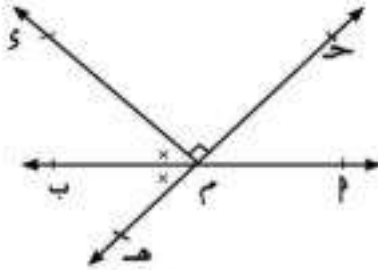
٥ في الشكل المقابل :

إذا كان $\vec{AB} \cap \vec{CD} = \{P\}$

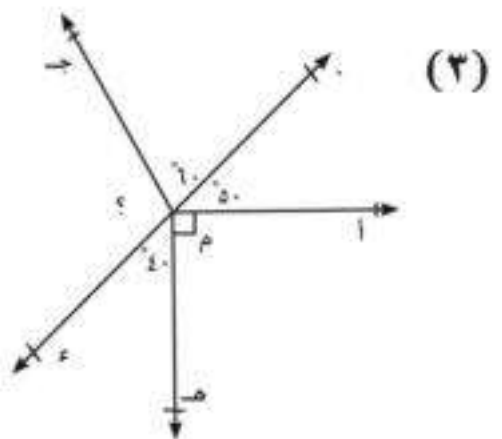
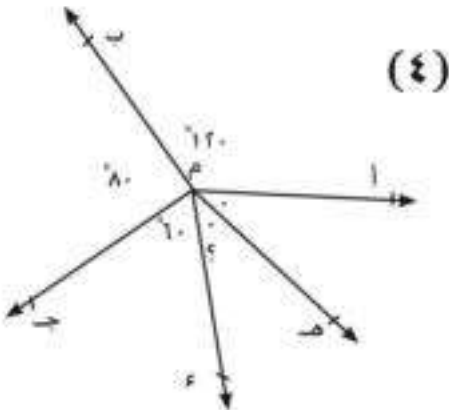
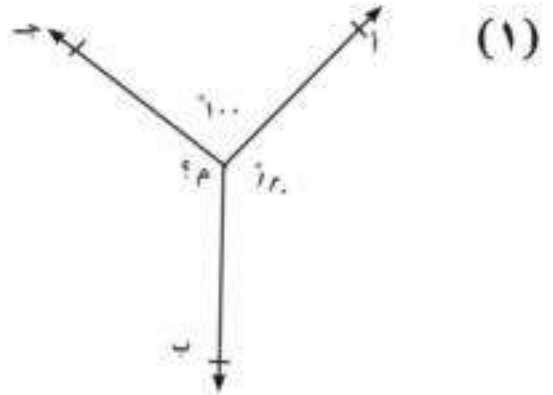
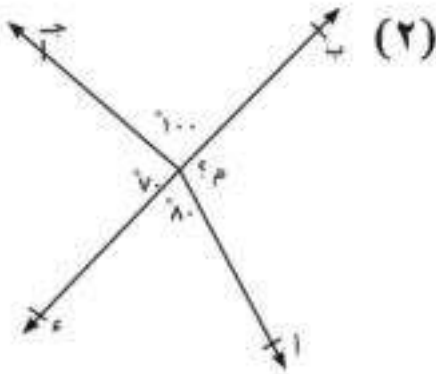
، $\vec{PS} \perp \vec{CD}$ ، $\vec{AB}$ منصف $\angle SCD$

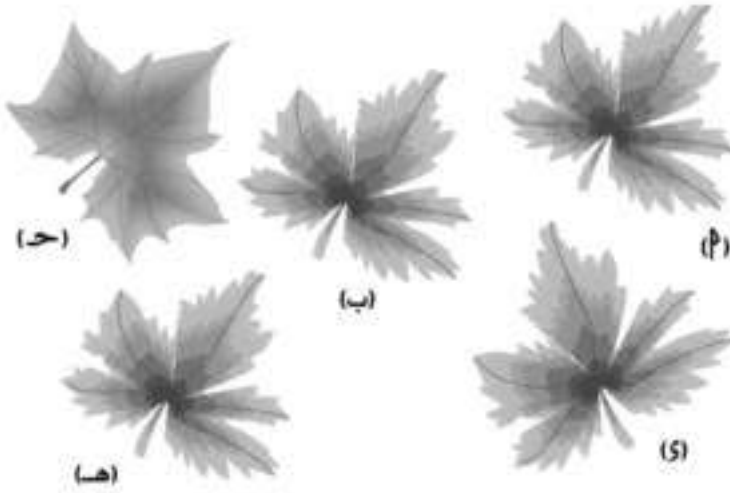
فأوجد قياسات الزوايا التالية :

$\angle ACP$ ، $\angle SCP$ ، $\angle BCP$ ، $\angle BCP$

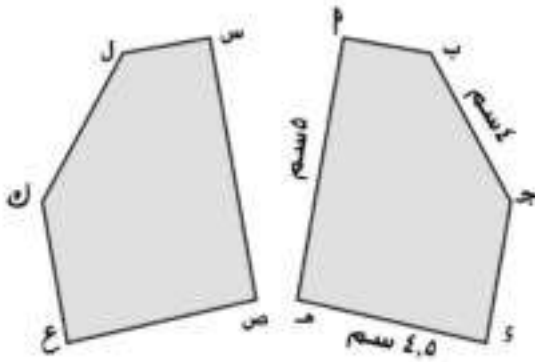


٦ - في كل من الأشكال الآتية اذكر قياس الزاوية المشار إليها بالعلامة (٩)





١ في الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:
أَيُّ وَرْقَةٍ مِنْ وَرَقِ الشَّجَرِ
لَا تُطَابِقُ الْوَرَقَاتِ الْأُخْرَى؟



٢ في الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:

الْمُضَلَّعَانِ مُتَطَابِقَانِ. اكْمِلْ:

[أ] الرَّأْسُ ب تَنْظُرَ الرَّأْسِ

[ب] الْمُضَلَّعُ ك ع ص س ل يُطَابِقُ الْمُضَلَّعَ ج

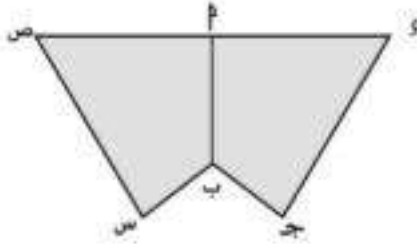
[ج] ل ك = سم

[د] ن (ب) = ن (أ) (.....)

[هـ] س ص =

[و] ن (أ) ص = ن (ب) (.....)

٣ في الشكل المقابل:



ب محور تماثل للشكل س ج ب س ص ، $\overline{س} \supset \overline{ص}$
[١] أكمل:

(١) المضلع ب ج س يطابق المضلع

(٢) الضلع المشترك بينهما هو

(ب) لماذا تكون الجمل الآتية صواباً؟

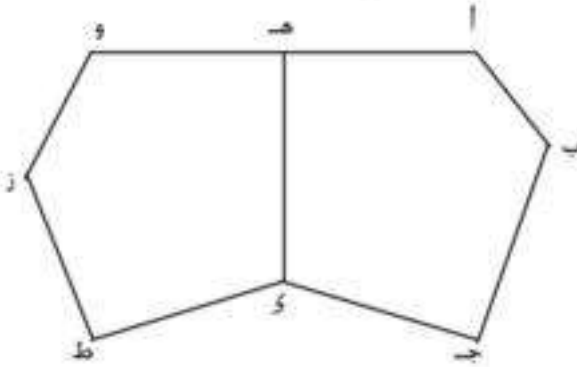
(١) $\overline{ب}$ هي نقطة منتصف $\overline{ص}$.

(٢) $\angle ص ب س \cong \angle ج ب س$

(٣) $\overline{س} \perp \overline{ص ج}$

(٤) $\overline{ب}$ في المضلع ب ج س يطابق $\overline{ب}$ في المضلع ب س ص

٤ في الشكل المقابل:



المضلع ا ب ج د هـ يطابق

المضلع و ز ط هـ

أكمل ما يأتي:

١- $\overline{ا ب} = \overline{....}$ هو

، $\overline{و ج} = \overline{....}$

٢- $\angle ب ج د = \angle$ هو

، $\angle هـ ا و = \angle$

٣- $\angle ا ب ج = \angle د ج هـ$ هو

، $\angle و ج د = \angle ا ب ج$

٤- $\angle ا ب ج = \angle د ج هـ$ هو

، $\angle و ج د = \angle ا ب ج$

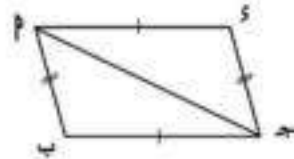
١ العَلَامَاتُ الْمُتَشَابِهَةُ تُدَلُّ عَلَى تَطَابُقِ الْعَنَاصِرِ الْمُبَيَّنَّةِ عَلَيْهَا هَذِهِ الْعَلَامَاتُ.

• قَبْلِ الْمَثَلَّثَانِ مُتَطَابِقَانِ؟

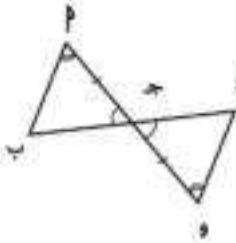
• إِذَا كَانَ الْمَثَلَّثَانِ مُتَطَابِقَيْنِ، اكْتُبْ حَالَةَ التَّطَابُقِ إِذَا كَانَ الْمَثَلَّثَانِ غَيْرَ مُتَطَابِقَيْنِ اذْكُرِ السَّبَبَ.



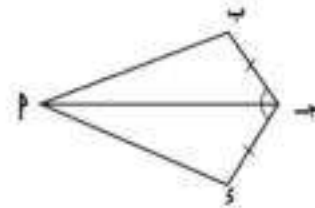
[ا]



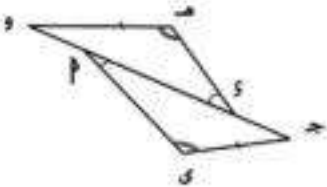
[ب]



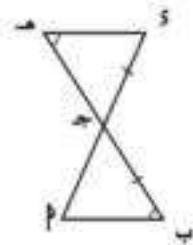
[و]



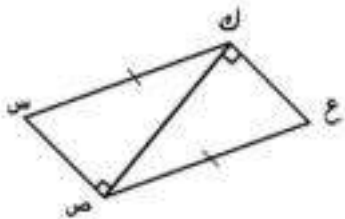
[ب]



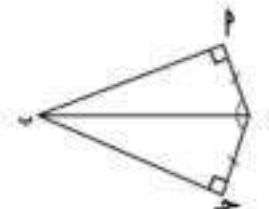
[ز]



[جـ]

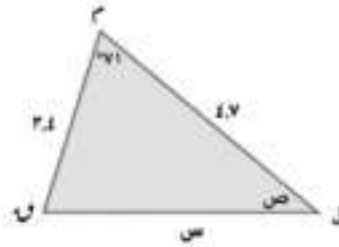
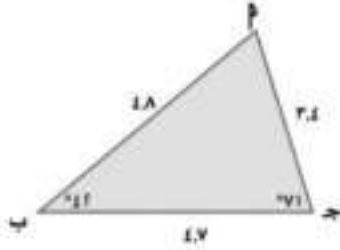


[ح]

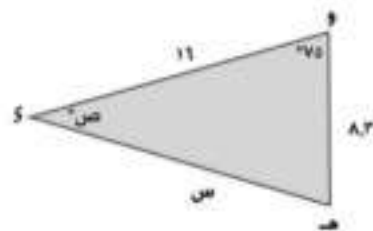
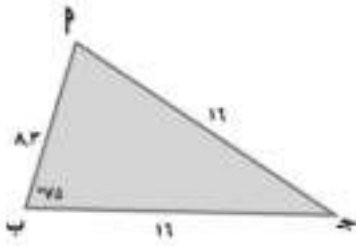


[د]

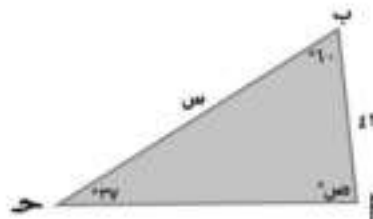
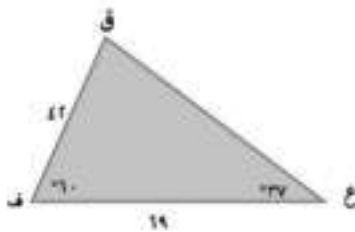
٢ ادرس الأشكال الآتية وأوجد قيمة s . ص في كلِّ ممَّا يأتي:



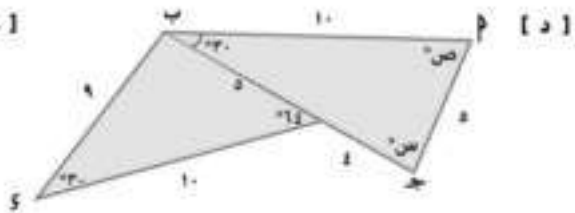
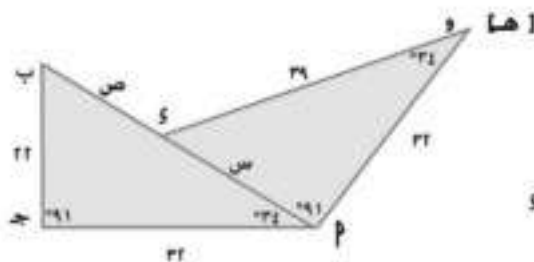
[أ]



[ب]

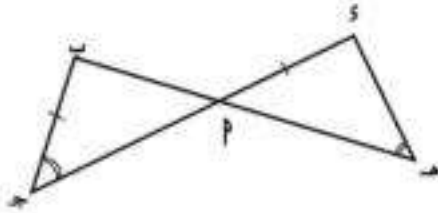


[ج]

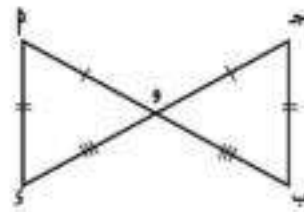


[د]

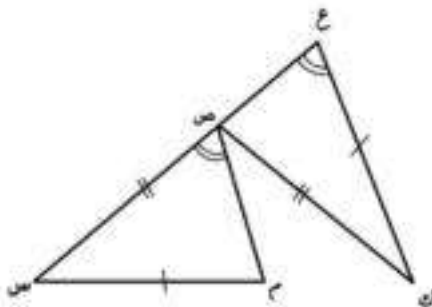
٣ العَلَامَاتُ الْمُتَشَابِهَةُ تُدَلُّ عَلَى تَطَابُقِ الْعُنَاوِيرِ الْمُبَيَّنَةِ عَلَيْهَا هَذِهِ الْعَلَامَاتُ
أَذْكُرِ الْمُثَلَّثَاتِ الْمُتَطَابِقَةَ مَعَ ذِكْرِ السَّبَبِ ثُمَّ اكْتُبِ نَائِجَ التَّطَابُقِ.



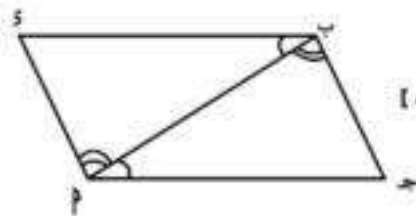
[١ هـ]



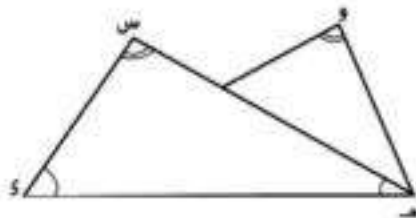
[١ ا]



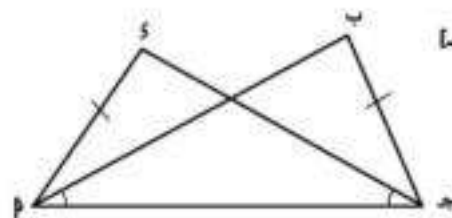
[١ و]



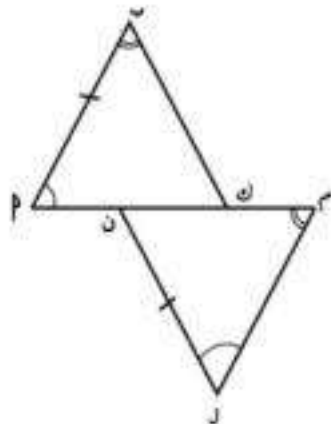
[١ ب]



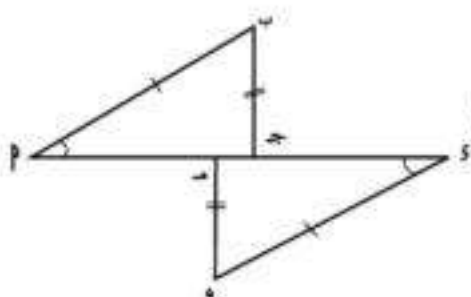
[١ ز]



[١ جـ]



[١ حـ]



[١ د]

٤ ادْرُسْ مُعْطَيَاتِ الْمُثَلَّثَيْنِ $\triangle ABC$. س ص ع . إِذَا كَانَتِ الْمُعْطَيَاتُ كَافِيَةً لِلتَّحْقُقِ مِنْ تَطَابُقِ الْمُثَلَّثَيْنِ اكْتُبْ «تَطَابُقُ الْمُثَلَّثَيْنِ» . وَبَيِّنْ حَالَةَ التَّطَابُقِ . وَإِذَا كَانَتِ الْمُعْطَيَاتُ غَيْرَ كَافِيَةٍ لِلتَّحْقُقِ مِنْ تَطَابُقِ الْمُثَلَّثَيْنِ اذْكُرِ السَّبَبَ .

$$[أ] \triangle ABC = \triangle DEF . س ص ع . \triangle ABC \equiv \triangle DEF .$$

$$[ب] \triangle ABC = \triangle DEF . س ص ع . \triangle ABC \equiv \triangle DEF .$$

$$[ج] \triangle ABC = \triangle DEF . س ص ع . \triangle ABC \equiv \triangle DEF .$$

$$[د] \triangle ABC = \triangle DEF . س ص ع . \triangle ABC \equiv \triangle DEF .$$

$$[هـ] \triangle ABC = \triangle DEF . س ص ع . \triangle ABC \equiv \triangle DEF .$$

$$[و] \triangle ABC = \triangle DEF . س ص ع . \triangle ABC \equiv \triangle DEF .$$

٥ ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة:

[أ] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ إِذَا سَاوَتْ أَطْوَالُ الْأضْلَاعِ الثَّلَاثَةِ فِي أَحَدِهِمَا نَظَائِرَهَا فِي الْآخَرِ .

[ب] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ إِذَا سَاوَتْ قِيَاسَاتُ الزَّوَايَا الثَّلَاثِ فِي أَحَدِهِمَا نَظَائِرَهَا فِي الْآخَرِ .

[ج] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الزَّاوِيَةَ إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولُ ضَلْعَيْنِ نَظَائِرَهُمَا فِي الْآخَرِ .

[د] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الزَّاوِيَةَ إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولُ الْوَتَرِ وَقِيَاسُ زَاوِيَةٍ أُخْرَى غَيْرِ الْقَائِمَةِ نَظَائِرَهُمَا فِي الْآخَرِ .

[هـ] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الزَّاوِيَةَ إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولُ الْوَتَرِ وَطُولُ ضَلْعٍ نَظَائِرَهُمَا فِي الْآخَرِ .

٦

[أ] ارْسُمْ الْمُثَلَّثَ الَّذِي فِيهِ قِيَاسَاتُ زَوَايَاهُ 50° , 60° , 70° .

[ب] هَلْ تَسْتَطِيعُ رَسْمَ مُثَلَّثٍ آخَرَ قِيَاسَاتُ زَوَايَاهُ هي 50° , 60° , 70° لَكِنْ لَا يُطَابِقُ الْمُثَلَّثَ الْمُرْسُومَ فِي (أ) .

تَمْرِينٌ (٤-٤)

١ اكْمِلْ مَا يَلِي:

- [أ] المُسْتَقِيمُ الْعَمُودِيُّ عَلَى أَحَدِ مُسْتَقِيمَيْنِ مُتَوَازَيْنِ يَكُونُ عَلَى الْآخَرِ.
- [ب] إِذَا وَازِي مُسْتَقِيمَانِ مُسْتَقِيمًا ثَالِثًا كَانَ هَذَانِ الْمُسْتَقِيمَانِ
- [جـ] إِذَا قَطَعَ مُسْتَقِيمٌ مُسْتَقِيمَيْنِ مُتَوَازَيْنِ فَإِنَّ:
- (١) كُلَّ زَاوَيْتَيْنِ مُتَبَاوِلَتَيْنِ فِي الْقِيَاسِ.
- (٢) كُلَّ زَاوَيْتَيْنِ مُتَنَاطِرَتَيْنِ فِي الْقِيَاسِ.
- (٣) كُلَّ زَاوَيْتَيْنِ دَاخِلَتَيْنِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ
- [د] يَتَوَازَى الْمُسْتَقِيمَانِ إِذَا قَطَعَهُمَا مُسْتَقِيمٌ ثَالِثٌ وَحَدَّثَ إِحْدَى الْحَالَاتِ الْآتِيَةِ:
- (١) زَاوَيَتَانِ مُتَسَاوِيَتَانِ فِي الْقِيَاسِ
- (٢) زَاوَيَتَانِ مُتَسَاوِيَتَانِ فِي الْقِيَاسِ
- (٣) زَاوَيَتَانِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ مُتَكَامِلَتَانِ
- [هـ] إِذَا لَقِيعَ مُسْتَقِيمَانِ فَإِنَّ كُلَّ زَاوَيْتَيْنِ مُتَقَابِلَتَيْنِ بِالرَّأْسِ تُكَوْنَانِ فِي الْقِيَاسِ.

[و] فِي الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:

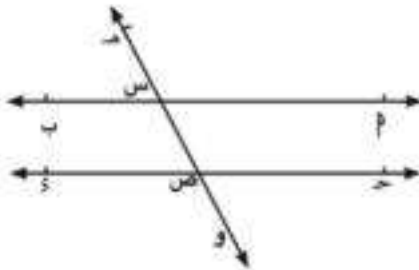
إِذَا كَانَ:

$$\overline{AB} \parallel \overline{CD}, \overline{EF} \parallel \overline{GH}$$

فَاطْعَ لهُمَا .

فَإِنَّ: $\angle \text{س} = \angle \text{د} \dots\dots\dots$ 

٢ في الشكل المقابل:

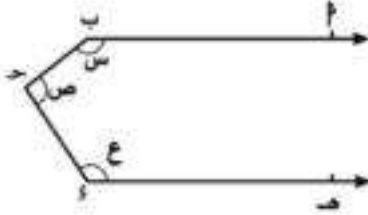


$\vec{p} // \vec{s}$ ، $\vec{d}$ قاطع لهما

[أ] أوجد الزوايا التي تُساوي في القياس $\angle$ ه س ب

[ب] أوجد الزوايا التي تُساوي في القياس $\angle$ س ص ح

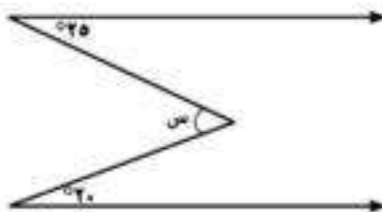
٣ في الشكل المقابل:



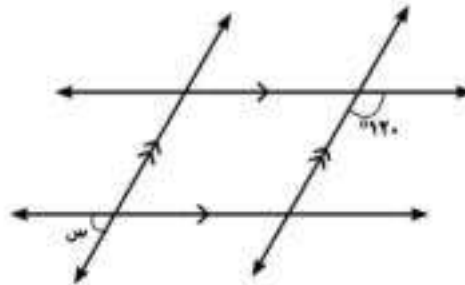
$\vec{p} // \vec{s}$ ، أوجد قيمة المقدار: $\text{س} + \text{ص} + \text{ع}$

(إرشاد: ارسم خطاً مستقيماً يمر بالنقطة ح موازاً لـ $\vec{p}$)

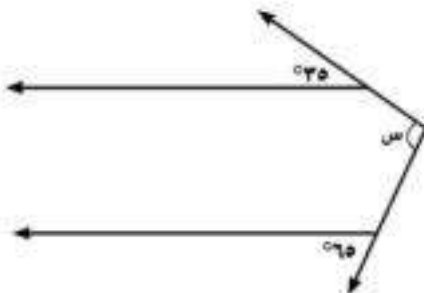
٤ أوجد قيمة س في كلٍّ من الأشكال الآتية:



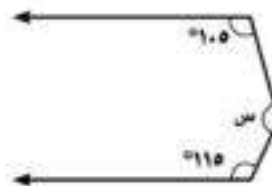
[ج]



[أ]

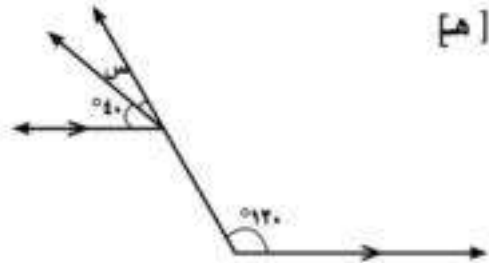


[د]

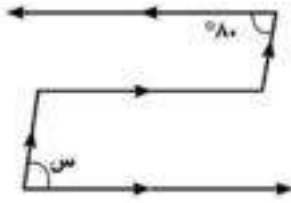


[ب]

[هـ]



[و]

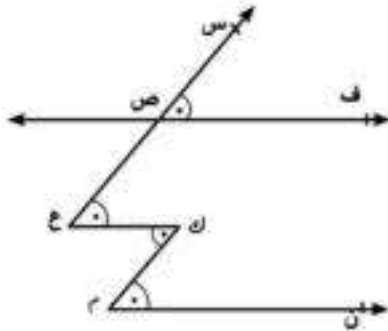


٥ في الشكل المقابل:

$$\angle (س ص ف) = \angle (س ع ك) = \angle (ك ن ج) = \angle (ج د ر)$$

اكتب أربعة أزواج من المستقيمات المتوازية.

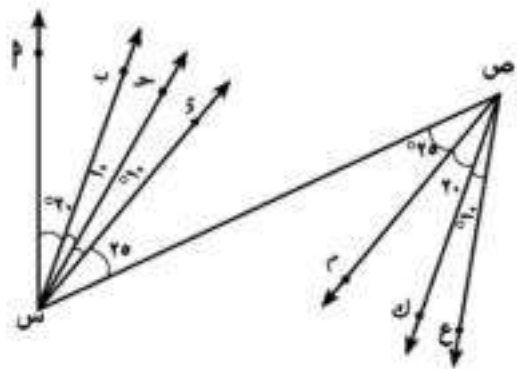
مع ذكر السبب.



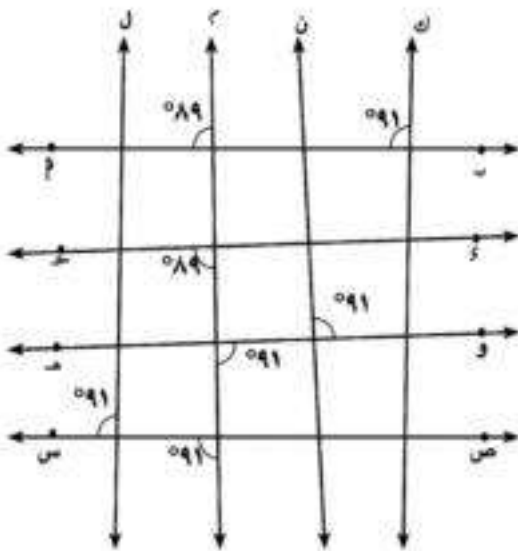
٦ في كل شكل من الأشكال الآتية:

أوجد أزواج المستقيمات المتوازية.

[أ]



[ب]



إنشاءات هندسية

الدرس الخامس

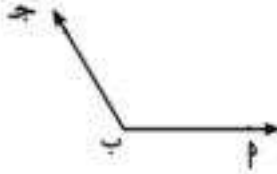
تمرين (٤-٥)

١ استخدم الفرجار والمسطرة في رسم كل ما يأتي:

(ب) مُنْصَف Δ ب ج

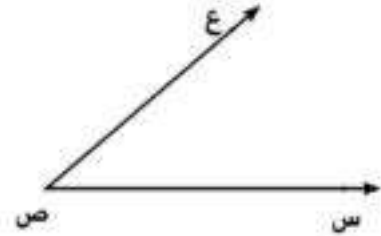
(أ) عمود من ج على ب

ج .



(د) محور تماثل للقطعة المستقيمة ب

(ج) مُنْصَف Δ س ص ع



٢ (أ) ارسم مثلثًا حاد الزوايا . نصف كل زاوية من زواياه.

(ب) ارسم مثلثًا منفرج الزاوية . نصف كل زاوية من زواياه.

(ج) ماذا تلاحظ على منصفات الزوايا في (ب) . (أ) ؟

٣ (أ) ارسم مثلثًا حاد الزوايا . ارسم محور تماثل لكل ضلع من أضلاعه.

(ب) هل محاور التماثل تتقاطع في نقطة؟

(ج) كرر العمل السابق في (ب) . (أ) على مثلث منفرج الزاوية.

٤ (أ) ارسم مثلثًا حاد الزوايا . ارسم ارتفاعات المثلث.

(ب) هل المستقيمات التي تحتوي ارتفاعات المثلث تتقاطع في نقطة؟

(ج) كرر العمل السابق في (ب) . (أ) على مثلث منفرج الزاوية.

٥ استخدم الفرجار والمسطرة في رسم المثلث $\triangle ABC$ الذي فيه $AB = 5$ سم ، $BC = 6$ سم .

ح $P = 7$ سم ، $Q \Rightarrow$ ح P

(١) ارسم $\triangle PQR \equiv \triangle ABC$

اب اكمل : $Q (\triangle PQR) = (\dots)$

في المسائل التالية ارسم باستخدام الأدوات الهندسيّة و لا تمح الأقواس:

٦ ارسم $\triangle ABC$ بطول مناسب، باستخدام الفرجار والمسطرة غير المدرجة نصف BC ، في K ومن K أقم العمود KA على BC ثم ارسم AB ، AC قارن مستخدمًا الفرجار بين طول AB ، AC ماذا تلاحظ؟

٧ ارسم المثلث $\triangle ABC$ المتساوي الساقين والذي فيه $AB = AC$ ، باستخدام الفرجار نصف BC في D ، ارسم AD هل $AD \perp BC$ ؟

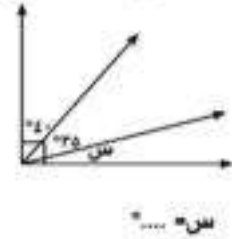
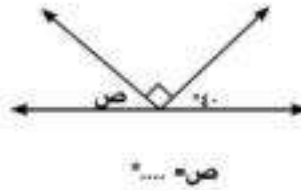
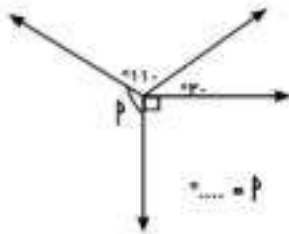
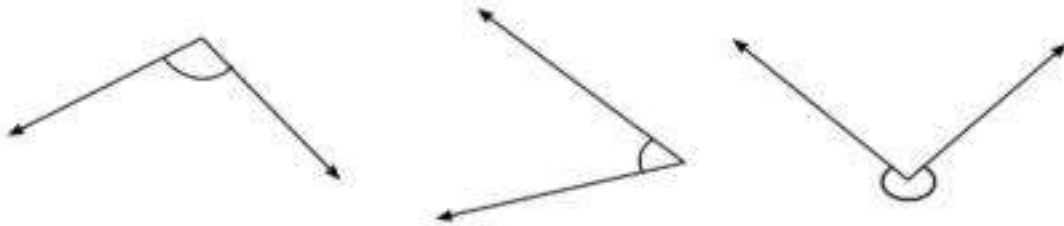
٨ ارسم المثلث $\triangle ABC$ القائم الزاوية في C مستخدمًا المسطرة والفرجار فقط، نصف AB في M ، ارسم CM هل $CM = AM = BM$ ؟ ارسم مثلثات أخرى قائمة الزاوية وكرر نفس الإنشاء هل $CM = AM = BM$ ؟

اخْتِيارُ الْوَحْدَةِ

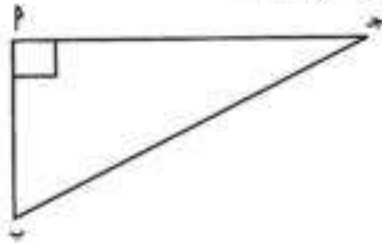
أجب عن الأسئلة الآتية:

١ أكمل:

[١] أوجد قياس الزاوية المجهولة في كل مما يأتي:

[ب] اكتب على كل زاوية من الزوايا التالية أقرب قياس لها من القياسات التالية: 80° , 120° , 140° 

[ج] اكمل القطعة المستقيمة التي تُعبر عن الوتر في المثلث المقابل

٢ [١] باستخدام المسطرة والفرجار ارسم المثلث أ ب ج الذي فيه $P = B = 70^\circ$ سم.ب ج = ٦ سم. تصف كلا من الزاويتين $\angle$ ب ، $\angle$ ج بمَنَصِفَيْنِ تَقاطِعَانِ في $\angle$ (لا تفتح الأقواس) هل $\angle$ ب = $\angle$ ج؟[ب] ارسم المثلث أ ب ج الذي فيه $P = B = 50^\circ$ سم. ب ج = ٦ سم. ثم ارسم $SP \perp AB$ حيث $SP \cap AB = S$ (لا تفتح الأقواس) أوجد بالقياس طول SP .

٣ ارسم المثلث أ ب ج، وباستخدام المسطرة غير المدرجة والفرجار نصف كل من

أ ب ، أ ج في ك، هـ على الترتيب ارسم ك هـ .

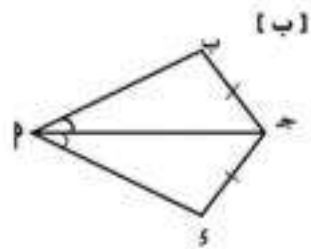
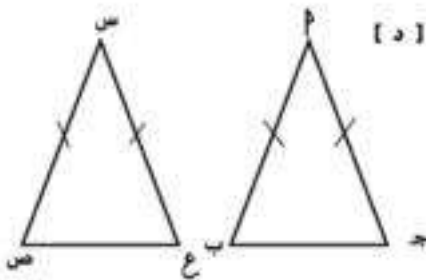
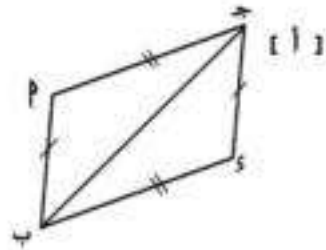
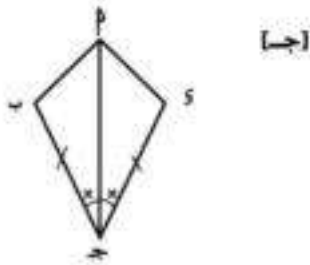
[١] باستخدام الفرجار قس طول ك هـ وتحقق أن ب ج = ٢ ك هـ .

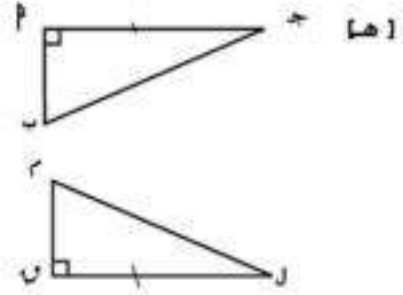
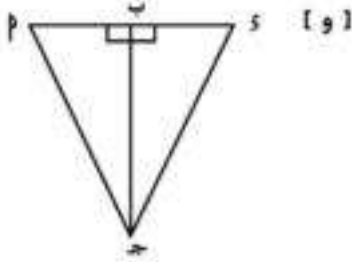
[ب] هل $\triangle أ ب ج \equiv \triangle أ ك هـ$ ؟ ، هل ك هـ // ب ج ؟

٤ ارسم المثلث أ ب ج الذي فيه أ ب = ٤ سم، ب ج = ٥ سم، أ ج = ٦ سم

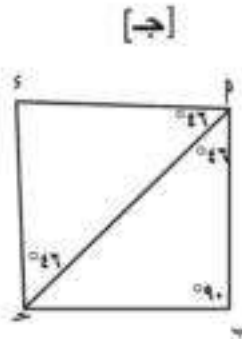
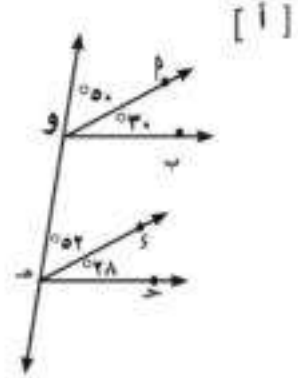
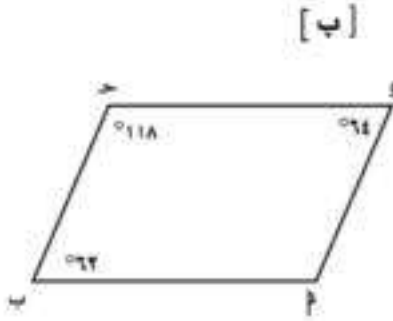
أنشئ الأعمدة المنصفة لأضلاع المثلث - ماذا تلاحظ ؟.

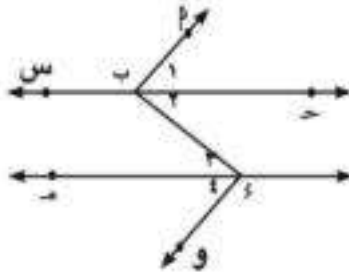
٥ في الأشكال الآتية اذكر المثلثات المتطابقة مع ذكر السبب ثم اكتب نتائج التطابق.





٦ أوجد أزواج المُستقيمات المُتوازنة في كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



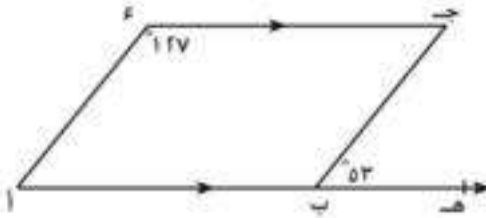


٧ في الشكل المقابل:

$$\angle ١ = \angle ٣ \text{ ، } \angle ٢ = \angle ٤$$

$$\overleftrightarrow{ب} \parallel \overleftrightarrow{س}$$

هل $\overleftrightarrow{ب} \parallel \overleftrightarrow{س}$ ؟ مع ذكر السبب



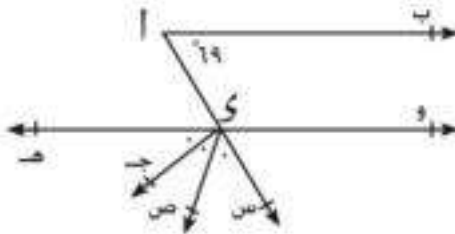
٨ في الشكل المقابل:

$$\overleftrightarrow{أب} \parallel \overleftrightarrow{جـد}$$

$$\angle ب = ٥٣^\circ$$

$$\angle أ = ١٢٧^\circ$$

هل $\overleftrightarrow{أب} \parallel \overleftrightarrow{جـد}$ مع ذكر السبب



٩ في الشكل المقابل:

$$\overleftrightarrow{أب} \parallel \overleftrightarrow{و هـ}$$

$$\angle أ = ٦٩^\circ$$

$$\angle ب = ٦٩^\circ$$

$$\angle د = \angle ب = ٦٩^\circ$$

$$\angle ج = \angle د = ٦٩^\circ$$

$$\angle هـ = \angle ج = ٦٩^\circ$$

نماذج اختبارات

الفصل الدراسي الأول

النموذج الأول

(يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول: أكمل ما يأتي:

$$1 \quad 1 = \frac{1}{9} \times \dots\dots\dots$$

2 إذا كان ترتيب الوسيط لعدد من القيم هو الرابع عشر فإن عدد القيم =

$$3 \quad 0.18 - 30\% = \dots\dots\dots$$

$$4 \quad 7 \text{ س}^2 \text{ ص}^3 = \dots\dots\dots \times 11 \text{ س}^3 \text{ ص}^4$$

$$5 \quad (12 - 3) \text{ س} = (5 + \text{س}) + \dots\dots\dots - 15$$

السؤال الثاني:

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة بين الأقواس.

1 العدد النسبي الذي يقع عند ثلث المسافة بين 8 ، 12 من جهة العدد الأصغر هو.....

$$\left(10 \frac{2}{3} , 9 \frac{1}{3} , 10 \frac{1}{3} , 8 \frac{1}{3} \right)$$

2 إذا كان المتوسط للقيم 7 ، 5 ، 4 ، 5 ، 7 هو 5 فإن س =

$$(7 , 5 , 4 , 1)$$

3 إذا كان $\square + \triangle = 40$ ، $\square + \triangle + \triangle = 35$ فإن $\triangle = \dots\dots\dots$

$$(10 , 5 , 20 , 15)$$

4 الوسط الحسابي للقيم 1 ، 6 ، 4 ، 8 ، 1 هو

$$(8 , 1 , 5 , 45)$$

5 إذا كان $\frac{2}{9} \text{ س} = 10$ فإن $\frac{2}{9} \text{ س} = \dots\dots\dots$

$$(5 , 20 , 15 , 25)$$

$$6 \quad 0.7 - 0.2 = \dots\dots\dots$$

$$(1 \frac{1}{3} , 0.9 , 3.7 , 1 \frac{1}{3})$$

السؤال الثالث:

(أ) اطرح:

$$٥س' + ص' - ٣س ص + ١ من ٦س' - ٢س ص + ٣ص'$$

(ب) باستخدام خاصية التوزيع وبدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد ناتج:

$$\frac{٦}{٧} \times \frac{٢٧}{١٦} - \frac{١١}{٧} \times \frac{٢٧}{١٦} + \frac{١١}{٧} \times \frac{٢٧}{١٦}$$

السؤال الرابع:

(أ) اختصر لأبسط صورة: $(٣ - ٢س) (٣ + ٢س) + ٧$

ثم أوجد القيمة العددية للناتج عند $س = ١$

(ب) أوجد ثلاثة أعداد نسبية تقع بين: $\frac{١}{٣} . \frac{١}{٤}$

السؤال الخامس:

(أ) أوجد خارج قسمة: $٢س' + ٣س' - ٤س - ٦$ على $٢س + ٣$

(ب) الجدول التالي يبين درجات جهاد في امتحان الرياضة ٦ أشهر دراسية

الشهر	أكتوبر	نوفمبر	ديسمبر	يناير	مارس	أبريل
الدرجة	٣٠	٢٥	٤٢	٣٧	٤٤	٥٠

أوجد الوسط الحسابي للدرجات

النموذج الثاني

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول أكمل:

- (1) ٢٤ س، ص^١ = ٦ س^٢ ص^٢ ×
 (2) باقى طرح - ٣ س من ٢ س هو
 (3) $١, ١, ٢, ٣, ٥, ٨, \dots$ (بنفس التسلسل)
 (4) إذا كان الصوال لمجموعة القيم $٧, ٥, ٣, ٢, ١, ٥$ هو ٧
 فإن $أ = \dots$

- (5) ٥ س^١ + ١٥ س ص = ٥ س (..... +)

السؤال الثاني: اختر الإجابة من بين الاجابات المعطاة:

- (1) الحد الجبرى ٦ س^٢ ص^٢ من الدرجة
 (أ) الثالثة (ب) الرابعة (ج) الخامسة (د) السادسة
 (2) العدد الذى يقع فى منتصف المسافة بين $\frac{١}{٢}$ و $\frac{٢}{٣}$ هو
 (أ) $\frac{٢}{٣}$ (ب) $\frac{٢}{٣}$ (ج) $\frac{٤}{٩}$ (د) $\frac{٥}{١٢}$
 (3) المعكوس الضربى للعدد $(\frac{١}{٢})^{-١}$ هو
 (أ) ٢ (ب) -٢ (ج) ١ (د) -١
 (4) إذا كان $\frac{٥}{٢١}$ عددا نسبيا فإن س ≠
 (أ) -٢ (ب) صفر (ج) ٢ (د) ٥
 (5) الوسيط للقيم $٧, ٤, ٥$ هو
 (أ) ٤ (ب) ٥ (ج) ٧ (د) ١١

- (6) إذا كان الوسط الحسابى لمجموعة القيم $٢, ٤, ٤$ س + ٢ هو ٤ فإن الوسط الحسابى للثلاثين

$$٥ - س, ٥ + ٢س هو \dots\dots\dots$$

- (أ) ١ (ب) ٤ (ج) ٣ (د) ٢

السؤال الثالث:

- (أ) باستخدام خاصية التوزيع أوجد قيمة $\frac{2}{v} - 1 \times \frac{2}{v} + 2 \times \frac{2}{v}$
(ب) أوجد ثلاثة أعداد نسبية تقع بين العددين $\frac{1}{p}$ و $\frac{1}{q}$

السؤال الرابع:

- (أ) ما زيادة ٧ س + ٥ ص + ٢ عن ٢ س + ٦ ص + ع
(ب) أوجد خارج قسمة ١٤ س' ص - ٣٥ س ص' + ٧ س ص
على ٧ س ص حيث س $\neq$ صفر ، ص $\neq$ صفر

السؤال الخامس:

- (أ) اختصر لأبسط صورة: (س - ٣) (س + ٣) + ٩ ثم أوجد قيمة الناتج عندما س = ٥
(ب) إذا كان الوسط الحسابي للقيم ٨ ، ٧ ، ٥ ، ٩ ، ٤ ، ٣ ، ك + ٤ هو ٦
فأوجد قيمة ك

نموذج امتحان لطلاب الدمج

السؤال الأول:

أكمل العبارات التالية

- (١) الحد الجبري (٥ س ص) من الدرجة
- (٢) (س - ٣) (..... +) = س - ٩
- (٣) العدد النسبي الذي ليس له معكوس ضربي هو
- (٤) الوسيط للقيم ٣، ٤، ٥ هو
- (٥) العدد $\frac{٤}{٥}$ يكون نسبياً إذا كانت س $\neq$

السؤال الثاني:

اختر الإجابة الصحيحة من الإجابات المعطاة

- (١) إذا كان $\frac{٤}{٥} \times س = \frac{٤}{٥}$ فإن س =
- (أ) ١ (ب) صفر (ج) ٤ (د) ٧
- (٢) الوسط الحسابي للقيم ٢، ٣، ٨، ٢، ٥ يساوي
- (أ) ٣ (ب) ٢ (ج) ٤ (د) ٨
- (٣) المعكوس الجمعي للعدد - ٣ هو
- (أ) ٣ - (ب) ٣ (ج) $\frac{١}{٣}$ (د) $-\frac{١}{٣}$
- (٤) باقى طرح ٧ س من ٩ س يساوي
- (أ) ٢ س (ب) ١٦ س (ج) - ٢ س (د) صفر
- (٥) المنوال للقيم ٣، ٣، ٤، ٤، ٤، ٥، ٣
- (أ) ٤ (ب) ٢٢ (ج) ٥ (د) ٣

السؤال الثالث:

أولاً: باستخدام خاصية التوزيع أكمل لإيجاد $\frac{5}{v} + 5 \times \frac{5}{v} + 8 \times \frac{5}{v}$

$$(\dots\dots\dots + \dots\dots\dots + \dots\dots\dots) \frac{5}{v}$$

$$\dots\dots\dots = (\dots\dots\dots) \frac{5}{v}$$

ثانياً: إذا كان $\frac{1}{v} = \text{ب}$ ، $\frac{1}{v} = 2 - \text{ب}$ أكمل ما يلي:

$$\text{ب} \div \text{أ} = (\dots\dots\dots) \div (\dots\dots\dots) = \dots\dots\dots$$

$$\dots\dots\dots = (\dots\dots\dots) \times (\dots\dots\dots) = \dots\dots\dots$$

السؤال الرابع:

ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة

() (١) خارج قسمة $12 \text{ س}^4 + 6 \text{ س}$ على 6 س يساوي $2 \text{ س}^3 + 1$

() (٢) العامل المشترك الأعلى للمقدار $5 \text{ س}^4 + 5 \text{ س}$ هو 5 س^4

() (٣) العدد النسبي الذي يقع بين $\frac{1}{4}$ و $\frac{2}{4}$ هو $\frac{1}{4}$

() (٤) $5 \text{ س} + 3 \text{ س} = 8 \text{ س}$

() (٥) إذا كان $(\text{س} + 4) = \text{س}' + \text{ك} + 16$ فإن $\text{ك} = 4 \text{ س}$

السؤال الخامس:

صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب)

(ب)

(أ)

• ٣

• ٧

• ٥٠

• ١

• ٧ س

(١) إذا كان $\frac{\text{س}^4 - 5}{\text{س}} = \text{صفر}$ فإن $\text{س} = \dots\dots\dots$

(٢) $3 \text{ س}' + 5 \text{ ص} = \dots\dots\dots$ (س' + 5 ص)

(٣) $(5 + 3 \text{ س}) + (5 - 4 \text{ س}) = \dots\dots\dots$

(٤) $\frac{1}{v} = \dots\dots\dots \%$

(٥) إذا كان $\frac{1}{p} = \frac{1}{v}$ فإن $\frac{12}{p} = \dots\dots\dots$

نماذج اختبارات الهندسة للفصل الدراسي الأول

النموذج الأول

(يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

أجب عن الأسئلة الآتية:

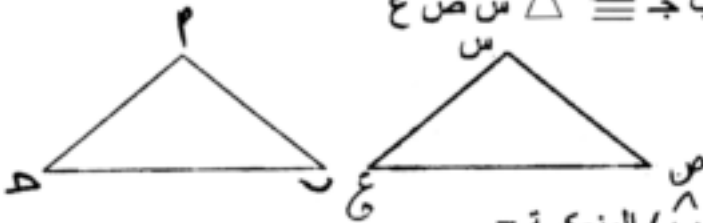
السؤال الأول: أكمل ما يأتي:

(١) المستقيم العمودي على القطعة المستقيمة من منتصفها يسمى

(٢) في الشكل المقابل: إذا كان $\triangle أ ب ج \equiv \triangle س ص ع$

$$ق (أ) + ق (ب) = ١٤٠^\circ$$

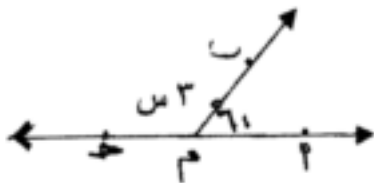
$$\text{فإن } ق (ع) = \dots\dots\dots$$

(٣) إذا كان $ق (ب) = ١٠٥^\circ$ فإن $ق (ب)$ المنعكسة =

(٤) في الشكل المقابل:

$$م ب \cap أ ج = \{م\} ، ق (أ) = ٦٠^\circ$$

$$\text{فإن قيمة } س = \dots\dots\dots$$



(٥) ينطبق المثلثان القائما الزاوية إذا تطابق و

السؤال الثاني: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة بين الأقواس:

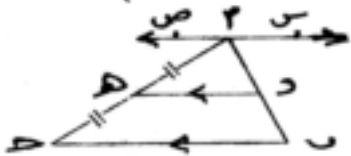
السؤال الثاني: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة بين الأقواس :-

(١) إذا كان $\angle س > \angle ص ، \angle ص > \angle ع$ زاويتين متكاملتين فإن $ق (س) = \dots\dots\dots$
(١٨٠ ، ١٣٥ ، ٩٠ ، ٤٥)

(٢) في الشكل المقابل:

$$س ص \parallel د ه \parallel ب ج ، أ ه = د ه$$

$$\text{فإن } د : ب = \dots\dots\dots : \dots\dots\dots$$



$$(٢ : ١ ، ٣ : ١ ، ٢ : ٣ ، ١ : ٢)$$

(٣) المستقيمان العموديان على ثالث يكونان

(متعامدان ، متقاطعان ، متوازيان ، منطابقان)

(٤) الزاويتان المتتامتان المتساويتان في القياس قياس كل منهما =

$$(١٨٠ ، ٤٥ ، ٣٦٠ ، ٩٠)$$

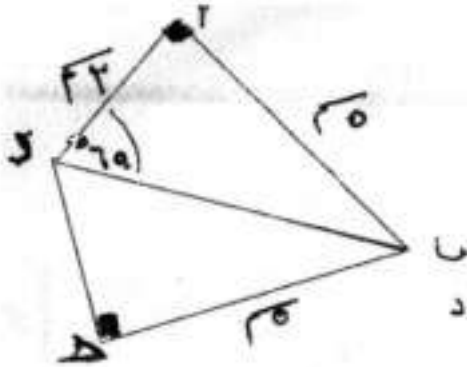
(٥) إذا تقاطع مستقيمان فإن كل زاويتين متساويتين في القياس

(متناظرتين ، متبادلتين ، متقابلتين بالرأس ، متجاورتين)

(٦) إذا كان $\triangle أ ب ج \equiv \triangle ل م ن$ فإن $ق (أ) = ق (ب) = \dots\dots\dots$

$$(ل م ن ، م ل ن ، ل ن م ، ن ل م)$$

السؤال الثالث



(أ) في الشكل المقابل : ق ($\hat{A}$) = 60°

ق ($\hat{B}$) = ق ($\hat{C}$) = ق ($\hat{D}$) = 90°

$AB = CB = 5$ سم ، $AD = 3$ سم

أذكر شروط تطبيق $\triangle ABC$ ، $\triangle ACD$ ، $\triangle BCD$

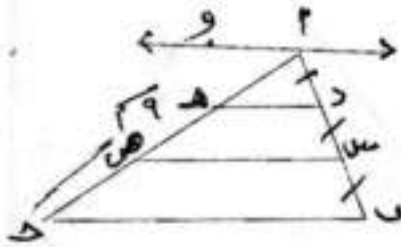
أوجد طول CD ، ق ($\angle ADB$)

(ب) في الشكل المقابل :

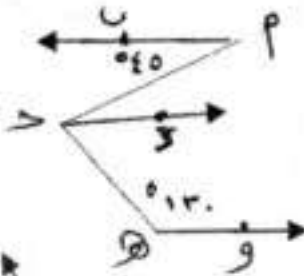
$AD \parallel DE \parallel SC \parallel AB$ ،

$AD = DS = SB$ ، $AC = 9$ سم

أوجد طول AS مع نكر السبب



السؤال الرابع:



(أ) في الشكل المقابل : ق ($\hat{A}$) = 45°

$AB \parallel CD \parallel DE$ ، ق ($\hat{B}$) = 90°

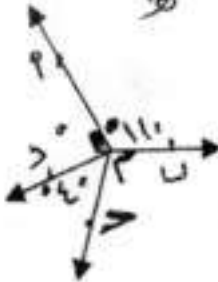
ق ($\hat{C}$) = 130°

أوجد ق ($\hat{A}$)

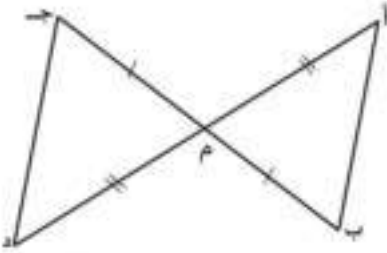
(ب) في الشكل المقابل :

ق ($\hat{A}$) = 110° ، ق ($\hat{B}$) = 90°

، ق ($\hat{C}$) = 40° أوجد مع كتابة الخطوات ق ($\hat{D}$)



السؤال الخامس:



أ) في الشكل المقابل: $\overline{AC} \cong \overline{DB}$ ، $\overline{AB} \cong \overline{DC}$ ، $\{M\}$

$\overline{AM} \cong \overline{DM}$ ، $\overline{BM} \cong \overline{CM}$

أكتب الشروط التي تجعل

$\triangle ABC \cong \triangle DCB$

ب) باستخدام الأدوات الهندسية ارسم $\triangle ABC$ جـ قياسها ١١٠° ارسم الشعاع

ب و ينصف الزاوية الى زاويتين متساويتين في القياس

النموذج الثاني

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول: أكمل:

- (١) مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة =°
- (٢) إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن كل زاويتين متناظرتين°
- (٣) إذا كان ق (أ) = ١١٠° فإن ق (أ) المنعكسة =°
- (٤) يتطابق المثلثان القائما الزاوية إذا تطابق°
- (٥) الزاويتان المتجاورتان الحادتان من تقاطع شعاع ومستقيم°

السؤال الثاني: اختر الإجابة من بين الإجابات المعطاة:

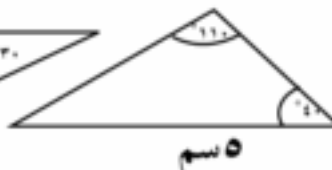
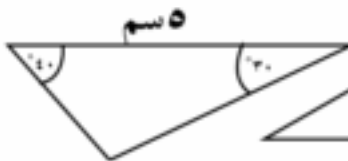
- (١) إذا كان م تنتم ص وكان س = ص فإن ق (س) =°
(أ) ٤٥° (ب) ٩٠° (ج) ١٨٠° (د) ٣٦٠°
- (٢) عدد المثلثات الموجودة بالشكل هو
(أ) ٤ (ب) ٦ (ج) ٧ (د) ٨
- (٣) إذا كانت النسبة بين قياسا زاويتان متكاملتان ٥ : ١٣ فإن قياس الزاوية الصغرى°
(أ) ٥٠° (ب) ١٣٠° (ج) ١٥٠° (د) ١٨٠°
- (٤) Δ أ ب ح $\equiv \Delta$ س ص ع وكان ق (أ) + ق (ب) = ١٠٠° فإن ق (ع) =°
(أ) ٥٠° (ب) ٨٠° (ج) ٩٠° (د) ١٠٠°
- (٥) المستيمان المتعامدان على ثالث في نفس المستوى يكونا
(أ) متقاطعان (ب) متعامدان (ج) متوازيان (د) غير ذلك

(٦) الشكل الذي لا يتطابق مع الشكل المقابل

هو الشكل رقم



- (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) ٤



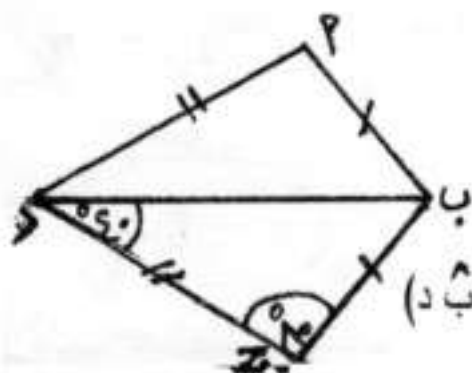
(٤)

(٣)

(٢)

(١)

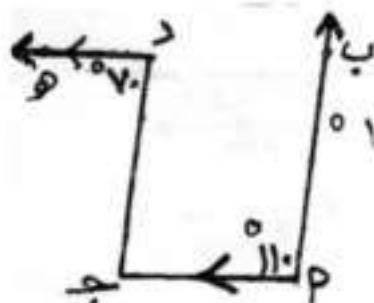
السؤال الثالث



(أ) أذكر حالتين من حالات تطابق مثلثين؟

(ب) في الشكل المجاور $AB = BC$ ، $AD = DC$ ، $\angle C = 80^\circ$ ، $\angle B = 40^\circ$:هل $\triangle ABC \equiv \triangle DCB$ ؟ أوجد $\angle A$ (أ ب د)

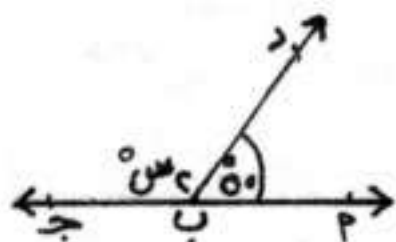
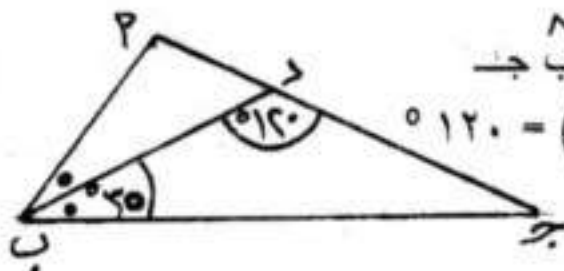
السؤال الرابع

(أ) في الشكل المجاور $AD \parallel BC$ ، $\angle A = 110^\circ$ ، $\angle D = 70^\circ$ أوجد $\angle C$ (ج) وهل $AB \parallel DC$ ؟

مع ذكر السبب.

(ب) باستخدام الأدوات الهندسية ارسم زاوية AB حـحيث $\angle B = 80^\circ$ ثم أرسم $\overleftrightarrow{BK}$ منصفاً لها (لا تمحو الأقواس)

السؤال الخامس:

(أ) في الشكل المقابل $DE \parallel BC$ ، $\angle ADE = 50^\circ$ ، $\angle AED = 30^\circ$ ، $\angle B = 20^\circ$ ، $\angle C = 10^\circ$ ،أوجد قيمة $\angle A$ بالدرجات.(ب) في الشكل المجاور $DE \parallel BC$ ، $\angle ADE = 35^\circ$ ، $\angle AED = 120^\circ$ ، $\angle B = 20^\circ$ ، $\angle C = 10^\circ$ ،أوجد $\angle A$ بالدرجات.

نموذج امتحان الهندسة للطلاب المدمجين

السؤال الأول:

أكمل العبارات التالية لتصبح صحيحة

- (١) إذا كان $\angle (أ، ب) = ١٠٠^\circ$ فإن $\angle (أ، ب)$ المنعكسة =
- (٢) الزاوية التي قياسها ٥٠° تتم زاوية قياسها
- (٣) المستقيمان الموازيان لثالث
- (٤) يتطابق المثلثان إذا تطابق ضلعان و
- (٥) إذا كان $\Delta أ ب ج \equiv \Delta س ص ع$ فإن $\angle (أ، ب) = \angle (أ، ب)$

السؤال الثاني:

إختر الإجابة الصحيحة من الإجابات المعطاة

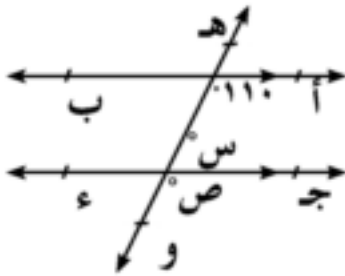
- (١) مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة يساوي
 (أ) ٦٣٠° (ب) ١٨٠° (ج) ٩٠° (د) ٣٦٠°
- (٢) محور مائل القطعة المستقيمة يكون
 (أ) عمودي عليها من منتصفها (ب) موازي لها (ج) مساوي لها (د) مطابق لها
- (٣) مكمل الزاوية التي قياسها ٣٠° هي
 (أ) ٦٠° (ب) ١٨٠° (ج) ١٥٠° (د) ٩٠°
- (٤) الزاوية التي قياسها أكبر من ٩٠° وأقل من ١٨٠° هي زاوية
 (أ) منفرجة (ب) حادة (ج) قائمة (د) مستقيمة
- (٥) إذا كان $\Delta أ ب ج \equiv \Delta س ص ع$ فإن $أ ب =$
 (أ) س ص (ب) س ع (ج) ص ع (د) ب ج

السؤال الثالث:

ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (X) أمام العبارة الخاطئة :

- (١) يتطابق المثلث القائم الزاوية مع المثلث المتساوي الأضلاع ()
 (٢) الزاويتان اللتان قياسيهما 100° ، 80° هما زاويتان متكاملتان ()

من الشكل المقابل



()

(أ) $\overleftrightarrow{أب} \parallel \overleftrightarrow{هـو}$

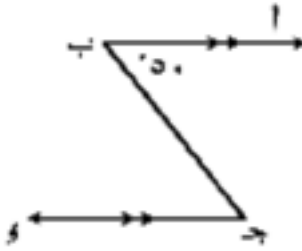
()

(ب) $\angle س = 70^\circ$

()

(ج) $\angle ص = 180^\circ$

السؤال الرابع:



أولاً: في الشكل المقابل : $\angle د = 50^\circ$

، $\overleftrightarrow{أ} \parallel \overleftrightarrow{ج}$ أكمل الحل لإيجاد $\angle هـ$ و $\angle و$

لان $\overleftrightarrow{أ} \parallel \overleftrightarrow{ج}$

فإن $\angle د = \angle هـ$ (.....) بالـ.....

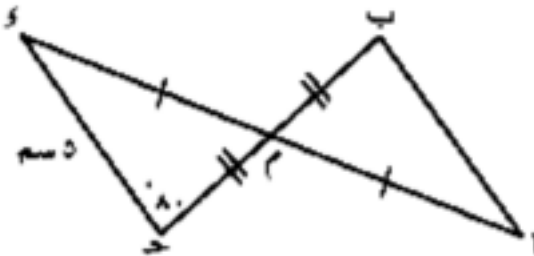
و $\angle د + \angle و = 180^\circ$ (.....)

ثانياً: بالاستعانة بالشكل المقابل أكمل ما يلي

(١) $\triangle أ ب د = \triangle س د و$

(٢) $\angle أ ب د = \angle س د و$

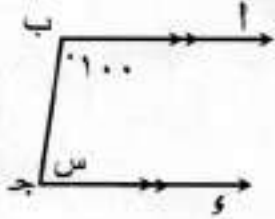
(٣) $\angle د = \angle و$ (.....)



السؤال الخامس:

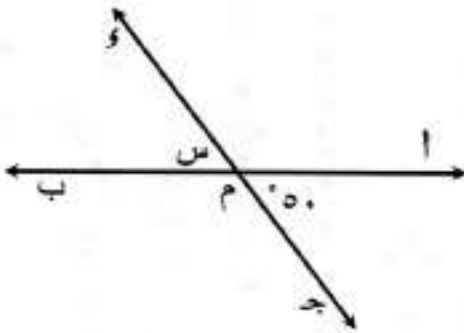
في كل من الأشكال التالية أوجد قيمة س

(٢)



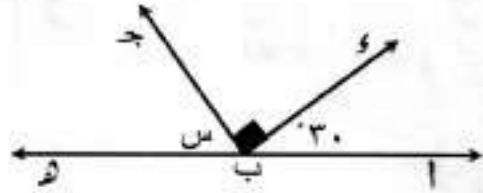
س =

(٤)



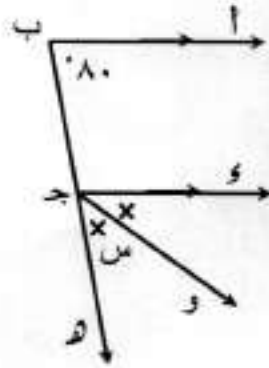
س =

(١)



س =

(٣)



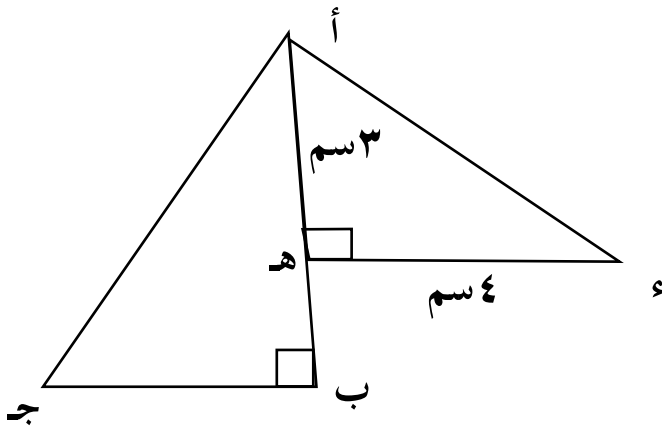
س =

(٥) في الشكل المقابل

إذا كان $\triangle أ ب ج \cong \triangle أ هـ د$

، $أ هـ = ٣ سم$ ، $هـ د = ٤ سم$

فإن $ب هـ = \dots\dots\dots سم$



مواصفات الكتاب

مقاس الكتاب	$\frac{1}{8}$ (٨٢ x ٥٧)
عدد صفحات الكتاب بالغلاف	١٤٨
طباعة المتن	٧٦ اللون ٧٢ اسود
طباعة الغلاف	٤ لون
ورق المتن	٧٠ جرام
رقم الكتاب	٢٠٨ ١٠ ٢ ١١ ١ ٢٣

[http:// elearning.moe.gov.eg](http://elearning.moe.gov.eg)

شركة البركة للطباعة

